

Aula 16

*PRF (Policial) Raciocínio Lógico
Matemático - 2023 (Pré-Edital)*

Autor:
**Equipe Exatas Estratégia
Concursos**

Índice

| | |
|--|-----|
| 1) Função do 1º Grau | 3 |
| 2) Domínio e Imagem | 10 |
| 3) Coeficientes | 22 |
| 4) Gráfico da Função do 1º Grau | 39 |
| 5) Classificação da Função do 1º Grau | 48 |
| 6) Raiz da Função do 1º Grau | 52 |
| 7) Estudo dos Sinais | 56 |
| 8) Questões que Abordam Função do 1º Grau | 63 |
| 9) Resumo - Questões que Abordam Função do 1º Grau | 70 |
| 10) Questões Comentadas - Função do Primeiro Grau - Multibancas | 75 |
| 11) Questões Comentadas - Domínio e Imagem - Multibancas | 82 |
| 12) Questões Comentadas - Coeficientes - Multibancas | 84 |
| 13) Questões Comentadas - Gráfico da Função do 1º Grau - Multibancas | 102 |
| 14) Questões Comentadas - Classificação da Função do 1º Grau - Multibancas | 119 |
| 15) Questões Comentadas - Raiz da Função do 1º Grau - Multibancas | 121 |
| 16) Questões Comentadas - Estudo dos Sinais - Multibancas | 124 |
| 17) Questões Comentadas - Questões que Abordam Função do 1º Grau - Multibancas | 127 |
| 18) Lista de Questões - Função do Primeiro Grau - Multibancas | 144 |
| 19) Lista de Questões - Domínio e Imagem - Multibancas | 148 |
| 20) Lista de Questões - Coeficientes - Multibancas | 150 |
| 21) Lista de Questões - Gráfico da Função do 1º Grau - Multibancas | 156 |
| 22) Lista de Questões - Classificação da Função do 1º Grau - Multibancas | 163 |
| 23) Lista de Questões - Raiz da Função do 1º Grau - Multibancas | 165 |
| 24) Lista de Questões - Estudo dos Sinais - Multibancas | 167 |
| 25) Lista de Questões - Questões que Abordam Função do 1º Grau - Multibancas | 169 |

FUNÇÃO DO 1º GRAU

A **Função polinomial do 1º Grau** (ou Função Afim) é uma função de $f: R \rightarrow R$ descrita pela seguinte lei de formação matemática:

$$f(x) = ax + b$$

Onde, **a** e **b** são os **coeficientes** determinados por números reais e $a \neq 0$.

A Função do 1º Grau define a relação entre as variáveis x e y , ou seja, para cada valor dado a x , determina-se o valor de y .

"Mas professor, na fórmula acima eu não estou vendo onde está o y ".

Lembrando, caro Aluno, que, conforme estudamos na aula de introdução às funções, **$f(x)$ pode ser representado por y** . Então, a Função do 1º Grau pode ser definida por:


$$f(x) = ax + b \text{ ou } y = ax + b$$

Obs: Esta função é definida como de 1º Grau porque **o maior expoente** da variável x é 1.




EXEMPLIFICANDO

São exemplos de Funções do 1º Grau:

 **Ex₁:** $y = 5x + 3$

Onde: $a = 5$ e $b = 3$.

 **Ex₂:** $f(x) = 4 + 11x$

Onde: $a = 11$ e $b = 4$.

Observe que neste exemplo a "ordem" de apresentação da função foi invertida. E nada impede que seja. Mas tenha sempre em mente que o coeficiente a é o coeficiente que "acompanha" o x , isto é, que o multiplica. Estudaremos estes dois coeficientes mais à frente na aula.

✚ **Ex₃:** $y = 8x$

Onde: $a = 8$ e $b = 0$.

Veja que $y = 8x$ é o mesmo que escrever $y = 8x + 0$. Logo, $a = 8$ e $b = 0$.

✚ **Ex₄:** $f(x) = -3 - 7x$

Onde: $a = -7$ e $b = -3$.

✚ **Ex₅:** $y = \frac{4x+7}{3}$

Observe que a fórmula pode ser escrita do seguinte modo:

$$y = \frac{4x + 7}{3} = \frac{4x}{3} + \frac{7}{3}$$

Onde: $a = 4/3$ e $b = 7/3$.

✚ **Ex₆:** $4x + 2y + 8 = 0$



Não é muito comum em questões de álgebra que as bancas forneçam a **equação geral da reta** igual ao exemplo acima. Isso é mais cobrado na parte de geometria analítica. Mas pode acontecer do enunciado fornecer a equação geral da reta.

Nesses casos, teremos que **isolar a variável y** e encontrar a equação nos "moldes" que vimos no início da teoria. Acompanhe e perceberá que é bem tranquilo.

$$4x + 2y + 8 = 0$$

Isolamos y de um lado da fórmula:

$$2y = -4x - 8$$

O numeral 2 que está multiplicando passa para o outro lado dividindo:

$$2y = -4x - 8$$

$$y = \frac{-4x}{2} - \frac{8}{2} \rightarrow y = -2x - 4$$

Onde: $a = -2$ e $b = -4$.

Resolveremos algumas questões de concursos que trabalham com esse conceito inicial de Função do 1º Grau.



(PM PI - 2021) Dada a função $f(x) = 7x + 10$. Qual o valor de x quando $f(x)$ é igual a 24:

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

Comentários:

A banca buscar saber qual o valor de x quando $f(x) = 24$. Vamos substituir esse valor na fórmula dada e calcular o valor de x .

$$f(x) = 7x + 10$$

$$24 = 7x + 10$$

$$7x = 24 - 10$$

$$7x = 14$$

$$x = \frac{14}{7} \rightarrow x = 2$$

Logo, quando $x = 2$, $f(x) = 24$.


Gabarito: Alternativa **C**

(Pref. Santo Augusto - 2020) Considerando as seguintes frações: $f(x) = 2x + 8$ e $g(x) = 3x - 2$, assinale a alternativa que apresenta o resultado de $f(6)/g(2)$.

- a) 3
- b) 5
- c) 8
- d) 16
- e) 24

Comentários:

Vamos calcular separadamente o valor de $f(6)$ e de $g(2)$.


 $f(6)$

Para saber o valor de $f(6)$, substituiremos $x = 6$ na função $f(x)$:

$$f(x) = 2x + 8$$

$$f(6) = 2 \times 6 + 8$$

$$f(6) = 12 + 8 \rightarrow \boxed{f(6) = 20}$$

 $g(2)$

Para encontrarmos o valor de $g(2)$, substituiremos $x = 2$ na função $g(x)$:

$$g(x) = 3x - 2$$

$$g(2) = 3 \times 2 - 2$$

$$g(2) = 6 - 2 \rightarrow \boxed{g(2) = 4}$$

De posse de $f(6)$ e de $g(2)$, calculamos $f(6)/g(2)$.

$$\frac{f(6)}{g(2)} = \frac{20}{4} \rightarrow \boxed{\frac{f(6)}{g(2)} = 5}$$

Gabarito: Alternativa **B**

(Pref. Imbé - 2020) Se $f(2) = 10$ em $f(x) = \frac{x-b}{5}$, então o valor de “ b ” será:

- a) 10
- b) 5
- c) -5
- d) 48
- e) -48

Comentários:

O enunciado nos informa que $f(2) = 10$, ou seja, quando $x = 2$, $f(x) = 10$. Vamos substituir esses dados na função do primeiro grau dada e calcular o valor de “ b ”:

$$f(x) = \frac{x-b}{5}$$

$$f(2) = \frac{2-b}{5}$$

$$10 = \frac{2-b}{5}$$

$$2-b = 10 \times 5$$

$$2-b = 50$$

$$b = 2 - 50 \rightarrow \mathbf{b = -48}$$

Gabarito: Alternativa E

(Pref. Bagé - 2020) Se $f(3) = 16$ em $f(x) = ax + 4$, então o valor de \sqrt{a} será:

- a) 10
- b) 8
- c) 6
- d) 4
- e) 2

Comentários:

O enunciado nos informa que $f(3) = 16$. Substituindo na função e calculando o Coeficiente a teremos:

$$f(x) = ax + 4$$

$$f(3) = a \times 3 + 4$$

$$16 = 3a + 4$$

$$3a = 16 - 4$$

$$3a = 12$$

$$a = \frac{12}{3} \rightarrow a = 4$$



Cuidado para não marcar a Alternativa D. Observe que a banca nos questiona o valor de \sqrt{a} e não de a .

$$\sqrt{a} = \sqrt{4} \rightarrow \sqrt{a} = 2$$

Gabarito: Alternativa E

(Pref. Sudoeste- 2020) Seja f uma função do 1º grau real de variável real, definida por $f(x) = ax + b$. Se $f(1) = 4$ e $f(2) = 7$, calcule o valor de $a^3 + b^3$.

- a) 32
- b) 28
- c) 36
- d) 42

Comentários:

Começamos a complicar um poquinho. Como falei, as bancas irão usar a ideia da função do 1º grau para os mais diversos estilos de questões.

A banca nos informa que $f(1) = 4$ e $f(2) = 7$. Vamos substituir esses dados na lei de formação da função:

$$f(1) = 4$$

$$f(x) = ax + b$$

$$4 = a \times 1 + b$$

$$4 = a + b \text{ Equação (I)}$$

$$\text{📌 } f(2) = 7$$

$$f(x) = ax + b$$

$$7 = a \times 2 + b$$

$$7 = 2a + b \text{ Equação (II)}$$

Perceba que temos um sistema com 2 equações e 2 incógnitas para resolver.

Iremos isolar o coeficiente b na Equação (I):

$$4 = a + b \rightarrow \boxed{b = 4 - a}$$

e substituir tal valor na Equação (II):

$$7 = 2a + b$$

$$7 = 2a + 4 - a$$

$$7 - 4 = 2a - a \rightarrow \boxed{a = 3}$$

De posse de a , calculamos b :

$$b = 4 - a$$

$$b = 4 - 3 \rightarrow \boxed{b = 1}$$

Logo,

$$a^3 + b^3 = 3^3 + 1^3 = 27 + 1 \rightarrow \boxed{a^3 + b^3 = 28}$$

Gabarito: Alternativa **B**

DOMÍNIO E IMAGEM

Domínio

Na função do segundo grau (e em qualquer função genérica), o **domínio** é composto pelos **valores que a variável x pode assumir**.

O **domínio da função quadrática** é o Conjunto dos números Reais. Ou seja, x pode assumir qualquer valor na reta Real.

$$D(f) = x \in \mathbb{R}$$

Imagem

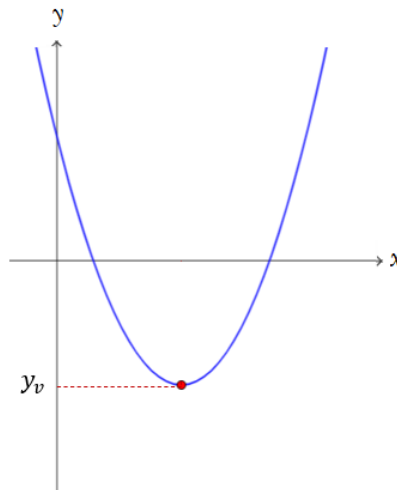
A **Imagem da função quadrática** definida por $f(x) = y = ax^2 + bx + c$ é composta pelo Conjunto dos números Reais maiores ou menores que o y do vértice a depender do Coeficiente a da parábola.

Confuso, não é?

Vamos desenhar a parábola e você entenderá.

$$a > 0$$

Quando a parábola tem concavidade voltada para **cima**, a Imagem será os valores de y iguais ou maiores que o y_v .

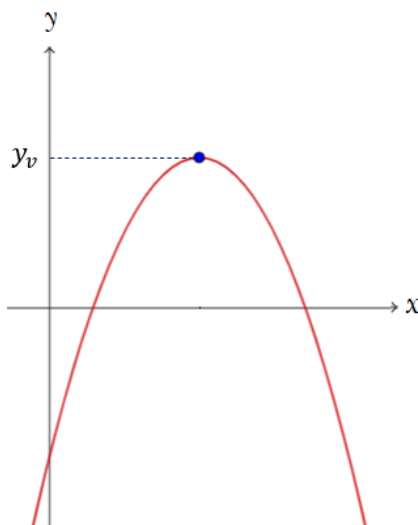


Perceba que não há valores de y abaixo de y_v , ou seja, a Imagem é composta pelos valores de y pertencentes ao Reais tal que y seja maior ou igual ao y_v .

$$I = \{ y \in \mathbb{R} / y \geq y_v \}$$

$$a < 0$$

Quando a parábola tem concavidade voltada para **baixo**, a lógica se inverte. A Imagem será os valores de y iguais ou menores que o y_v .



Observe que não há valores de y acima de y_v , ou seja, a Imagem é composta pelos valores de y pertencentes ao Reais tal que y seja menor ou igual ao y_v .

$$I = \{ y \in \mathbb{R} / y \leq y_v \}$$



Falou em Imagem da função quadrática, **2 coisas automaticamente temos que ter em mente:**

1. A **concavidade** da parábola (e seu esboço)
2. O cálculo do valor do **y do vértice**.

Vejamos essa dica em algumas **questões de concursos** para exemplificarmos.



(Pref. Imbé - 2020) A função $f(x) = -3x^2 - 72x + 84$ tem como característica o gráfico de uma parábola com imagem no intervalo

- a) $[-1212, +\infty[$
- b) $[516, +\infty[$
- c) $] - \infty, 516]$
- d) $] - \infty, 864]$
- e) $] - \infty, 1212]$

Comentários:

Na "dica do professor" acima, comentamos que, quando falar em Imagem da Função do 2º Grau, 2 coisas automaticamente temos que ter em mente:

1. A concavidade da parábola (e seu esboço)

O coeficiente a da função $f(x) = -3x^2 - 72x + 84$ é igual a -3 , isto é, menor que zero. Logo, a parábola terá concavidade voltada para baixo e, conseqüentemente, ponto de máximo.

2. O cálculo do valor do **y do vértice**.

Calculando o y_v :

$$y_v = \frac{-\Delta}{4a}$$

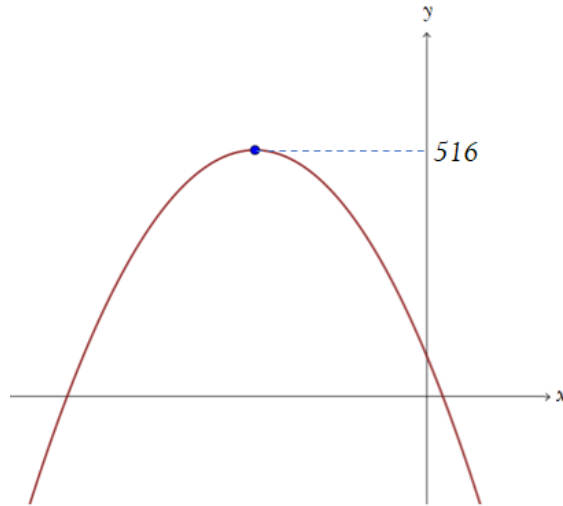
$$y_v = \frac{-(b^2 - 4ac)}{4a}$$

$$y_v = \frac{-((-72)^2 - 4 \times (-3) \times 84)}{4 \times (-3)}$$

$$y_v = \frac{-(5.184 + 1.008)}{-12}$$

$$y_v = \frac{-6.192}{-12} \rightarrow \boxed{y_v = 516}$$

Esboçando a parábola:



Observe que **não há valores de y acima de 516** (ele é o ponto de máximo da função), ou seja, a Imagem é composta pelos valores de y pertencentes ao Reais tal que y seja menor ou igual ao 516.

$$I = \{ y \in \mathbb{R} / y \leq 516 \}$$

Ou em outra notação:

$$y \in] - \infty, 516]$$

Obs: Nas questões de Imagem, você não precisa desenhar a parábola "certinha" com as raízes assinaladas e tudo mais. **Você apenas precisa do esboço para saber qual o maior (ou menor) valor do y_v .** A bem da verdade, nem do desenho precisaríamos. Desenhamos para facilitar a visualização e entender o conceito abordado no tópico.

Dito isto,

Gabarito: Alternativa **C**

(Pref. Jaguaribe - 2020) Seja $f: R \rightarrow R$ uma função polinomial do segundo grau, definida por $f(x) = x^2 - 6x + 8$, simbolizamos o conjunto imagem de f por $Im(f)$. Assinale a alternativa que representa corretamente $Im(f)$.

- a) $Im(f) = \{y \in R / y \geq -1\}$
- b) $Im(f) = \{y \in R / y \geq -3\}$
- c) $Im(f) = \{y \in R / y \leq 1\}$
- d) $Im(f) = \{y \in R / y \leq 3\}$

Comentários:

Vamos acelerar um pouco. Resolveremos igual você irá fazer na sua prova.

$f(x) = x^2 - 6x + 8$, onde $a = 1, b = -6$ e $c = 8$. Coeficiente $a = 1 > 0 \rightarrow$ Parábola com concavidade voltada para cima. Ponto de **MÍNIMO**.

Calculando y_v :

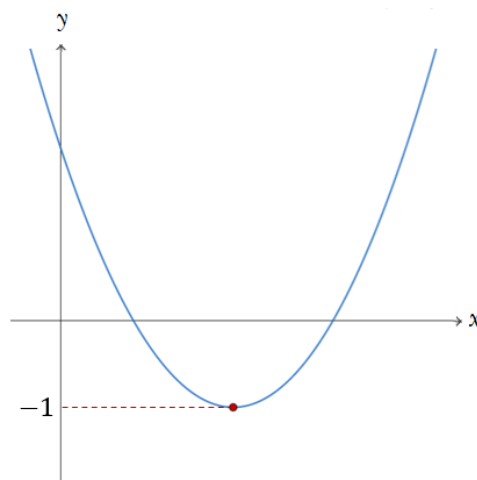
$$y_v = \frac{-\Delta}{4a}$$

$$y_v = \frac{-(b^2 - 4ac)}{4a}$$

$$y_v = \frac{-((-6)^2 - 4 \times 1 \times 8)}{4 \times 1} = \frac{-(36 - 32)}{4}$$

$$y_v = \frac{-4}{4} \rightarrow y_v = -1$$

Esboçando a parábola:



Perceba que **não há valores de y abaixo de -1** (ele é o ponto de mínimo da função, isto é, menor valor que a função pode assumir), ou seja, a Imagem é composta pelos valores de y pertencentes ao Reais tal que y seja maior ou igual ao -1 .

$$I = \{ y \in \mathbb{R} / y \geq -1 \}$$

Gabarito: Alternativa **A**

RESUMO DA AULA

Função do 2º Grau (Função Quadrática)

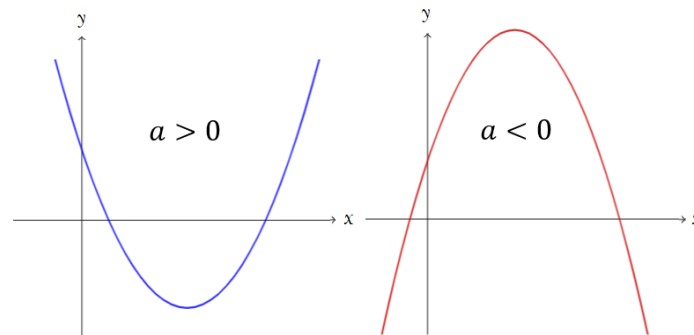
A **Função polinomial do 2º Grau** (ou Função Quadrática) é uma função de $f: R \rightarrow R$ descrita pela seguinte lei de formação matemática:


$$f(x) = y = ax^2 + bx + c$$

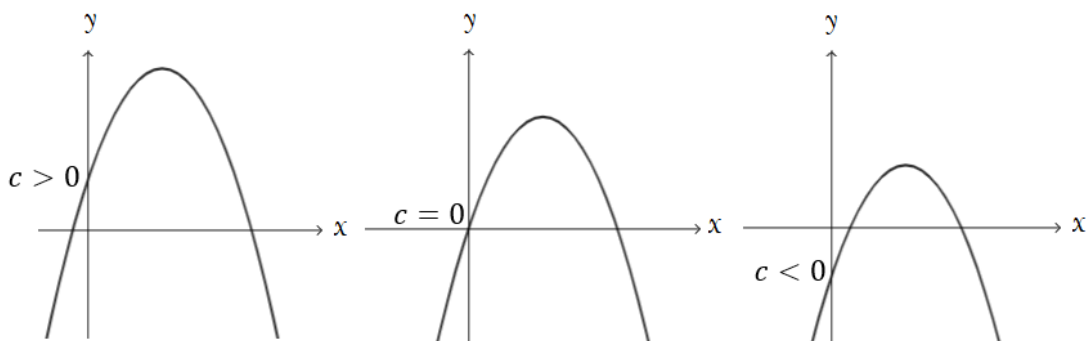
Onde, **a** , **b** e **c** são os **coeficientes** determinados por números reais e $a \neq 0$.

Coeficientes

 **Coeficiente a :** Determina a concavidade da parábola



 **Coeficiente c :** Em que ponto a parábola corta o eixo y



✚ **Coeficiente b :** Comportamento da parábola quando está passando pelo eixo y .

$b > 0$ → Parábola está **crescendo** quando passa pelo eixo y .

$b < 0$ → Parábola está **decrecendo** quando passa pelo eixo y .

$b = 0$ → Parábola não está nem crescendo nem decrescendo quando passa pelo eixo y .

Raízes da Função do 2º Grau

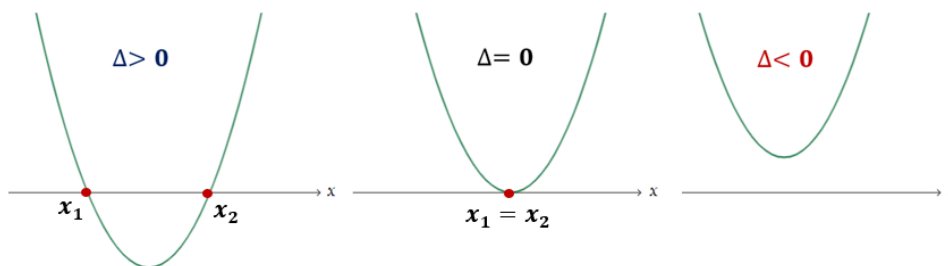
Raiz de uma função, em termos genéricos, é o valor de x que tem o condão de zerar a função $f(x)$. Ou seja, para determinar a raiz da Função do 2º Grau devemos considerar $y = 0$.

Em outras palavras, as raízes da função são os valores de x tais que $f(x) = 0$.

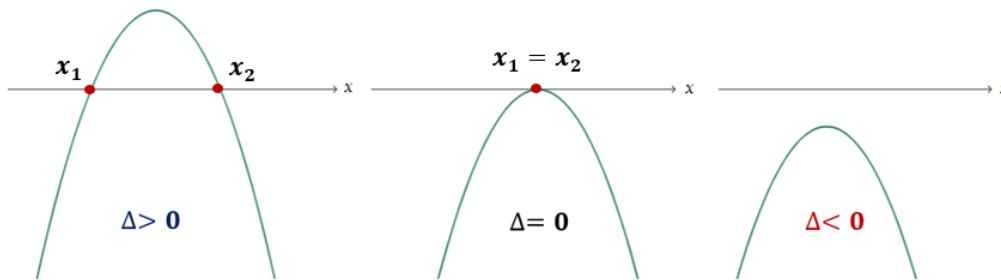
$$ax^2 + bx + c = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \Delta > 0: x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \quad e \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \Delta = 0: x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a} \\ \Delta < 0: \text{a função não apresentará raízes reais} \end{array} \right.$$

Uma vez estudado o Coeficiente a (que determina a concavidade da parábola) e o valor do delta da função (que determina a interseção da parábola com o eixo x), podemos tecer alguns esboços

✚ $a > 0$: Concavidade voltada para **cima**



✚ $a < 0$: Concavidade voltada para **baixo**



Forma Fatorada

Estudamos que a **Função polinomial do 2º Grau** (ou Função Quadrática) é uma função de $f: R \rightarrow R$ descrita pela seguinte lei de formação matemática:

$$f(x) = y = ax^2 + bx + c$$

Onde, a , b e c são os **coeficientes** determinados por números reais e $a \neq 0$.

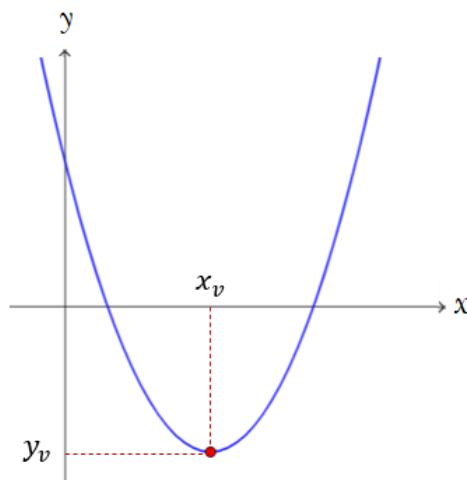
Todavia, se soubermos as raízes x_1 e x_2 da função (estudadas em tópico anterior), podemos definir essa mesma função pela sua forma **FATORADA**:

$$y = a(x - x_1)(x - x_2)$$

Vértice da Parábola

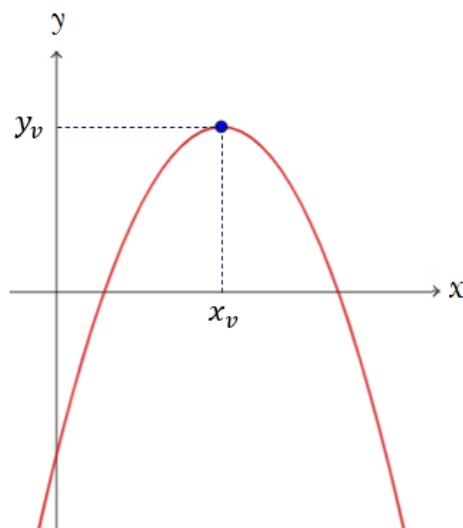
$$a > 0$$

Quando a parábola apresentar concavidade voltada para **cima**, isto é, Coeficiente $a > 0$, a parábola terá um **PONTO DE MÍNIMO**.



$$a < 0$$

Quando a parábola apresentar concavidade voltada para **baixo**, isto é, Coeficiente $a < 0$, a parábola terá um **PONTO DE MÁXIMO**.



$$\text{Vértice da Parábola} \begin{cases} a > 0 \rightarrow \text{Ponto de } \mathbf{MÍNIMO} \\ a < 0 \rightarrow \text{Ponto de } \mathbf{MÁXIMO} \end{cases}$$

Você **DEVE DECORAR** as coordenadas do Vértice da Parábola.



$$V = \left(x_v = \frac{-b}{2a} ; y_v = \frac{-\Delta}{4a} \right)$$

Onde: $\Delta = b^2 - 4ac$

Domínio

Na função do segundo grau (e em qualquer função genérica), o **domínio** é composto pelos **valores que a variável x pode assumir**.

O **domínio da função quadrática** é o Conjuntos dos números Reais. Ou seja, x pode assumir qualquer valor na reta Real.

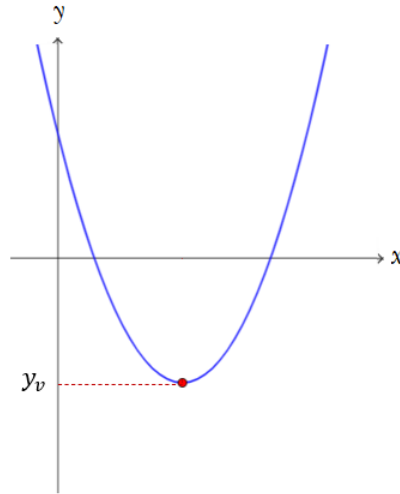
$$D(f) = x \in R$$

Imagem

A **Imagem da função quadrática** definida por $f(x) = y = ax^2 + bx + c$ é composta pelo Conjunto dos números Reais maiores ou menores que o y do vértice a depender do Coeficiente a da parábola.

$$a > 0$$

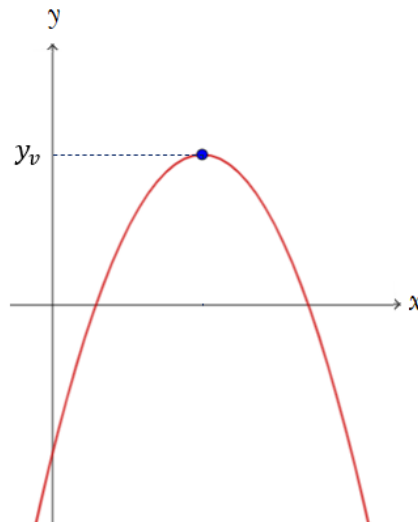
Quando a parábola tem concavidade voltada para **cima**, a Imagem será os valores de y iguais ou maiores que o y_v .



$$I = \{ y \in \mathbb{R} / y \geq y_v \}$$

$$a < 0$$

Quando a parábola tem concavidade voltada para **baixo**, a lógica se inverte. A Imagem será os valores de y iguais ou menores que o y_v .



$$I = \{ y \in \mathbb{R} / y \leq y_v \}$$

COEFICIENTES



No início da aula estudamos que a **Função polinomial do 1º Grau** é uma função de $f: R \rightarrow R$ descrita pela seguinte lei de formação matemática:

$$f(x) = y = ax + b$$

Onde, **a** e **b** são os **coeficientes** determinados por números reais e $a \neq 0$.



$$f(x) = y = ax + b$$

Coeficiente Angular

Coeficiente Linear

Iremos estudar adiante esses 2 coeficientes.

Coeficiente Angular

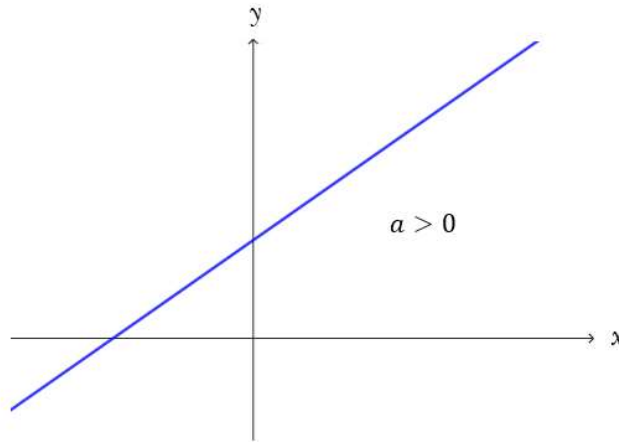
É o **Coeficiente que multiplica o x** , ou seja, o coeficiente que "acompanha" a variável x . Na nossa lei de formação acima é representado pela letra **a** .

O coeficiente angular expressa a taxa de crescimento da função. Representa a variação da variável y pela variação da variável x .

O valor de **a** pode ser **positivo** ou **negativo** (vimos que $a \neq 0$) e, a depender do valor, teremos uma reta crescente ou uma reta decrescente.

Coeficiente Angular positivo ($a > 0$)

Determina uma reta **CRESCENTE**, isto é, positivamente inclinada.



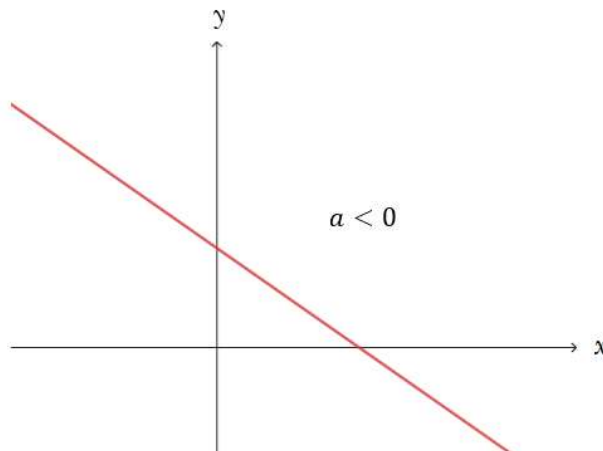
Observe que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y também aumentam, caracterizando assim uma função **CRESCENTE**.

Em termos matemáticos, dizemos que uma função é **CRESCENTE** quando:

$$x_2 > x_1 \rightarrow f(x_2) > f(x_1)$$

Coeficiente Angular negativo ($a < 0$)

Determina uma reta **DECRESCENTE**, isto é, negativamente inclinada.



Perceba que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y diminuem, caracterizando assim uma função **DECRESCENTE**.

Em termos matemáticos, dizemos que uma função é **DECRESCENTE** quando:

$$x_2 > x_1 \rightarrow f(x_2) < f(x_1)$$



Nada impede que a banca coloque outra letra no lugar do a e do b . O que temos que ter em mente é que o Coeficiente Angular é o Coeficiente que multiplica a variável da função e o Coeficiente Linear é o termo independente.

Indo mais além, **até mesmo a variável pode ser descrita com outra letra.** Por exemplo:

$$f(u) = mu + n$$

Perceba que a variável da função é o " u " sendo m o coeficiente angular e n o coeficiente linear. Em nada muda nosso raciocínio.

Como calcular o Coeficiente Angular?

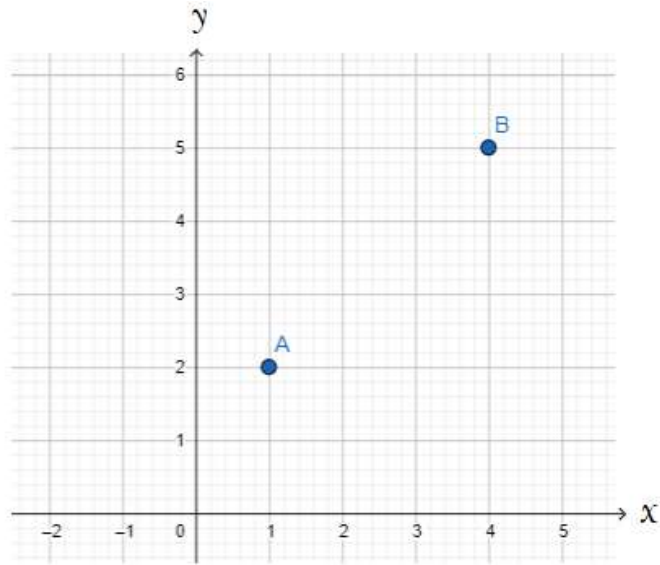
Estudamos acima que o coeficiente angular expressa a taxa de crescimento da função. Representa a variação da variável y pela variação da variável x .

Em termos matemáticos temos:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

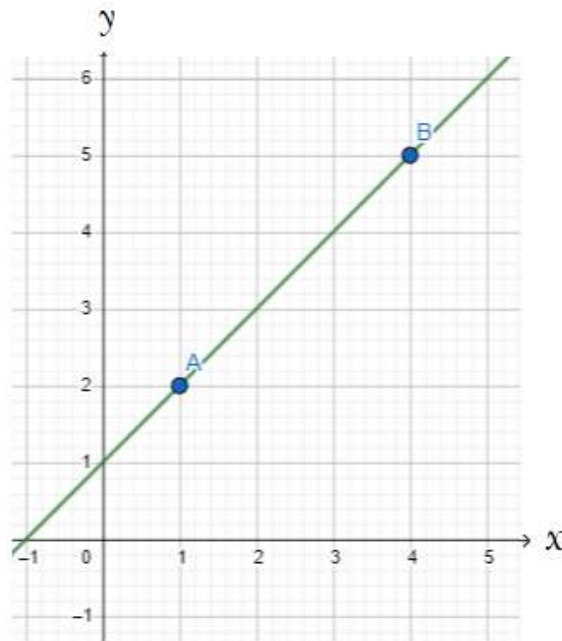
Geralmente, as bancas fornecem 2 pontos pelos quais a reta passa e, de posse desses 2 pontos, calculamos o coeficiente a .

Vejamos dois pontos quaisquer abaixo no gráfico:



O ponto A tem coordenadas (1 ; 2) e o ponto B, (4 ; 5), isto é, $A = (x_A = 1 ; y_A = 2)$ e $B = (x_B = 4 ; y_B = 5)$

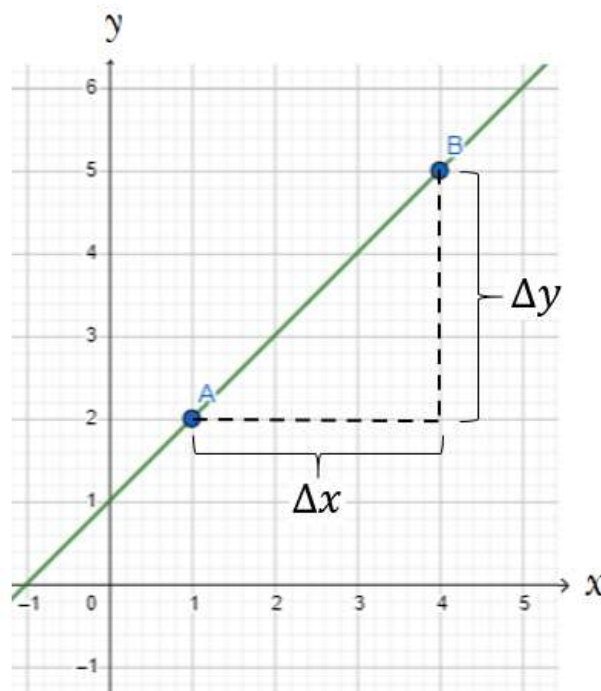
Qual o Coeficiente Angular da reta que passa por esses dois pontos?



Conforme vimos, o coeficiente angular expressa a taxa de crescimento da função. Representa a variação da variável y pela variação da variável x .

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

Graficamente representado:



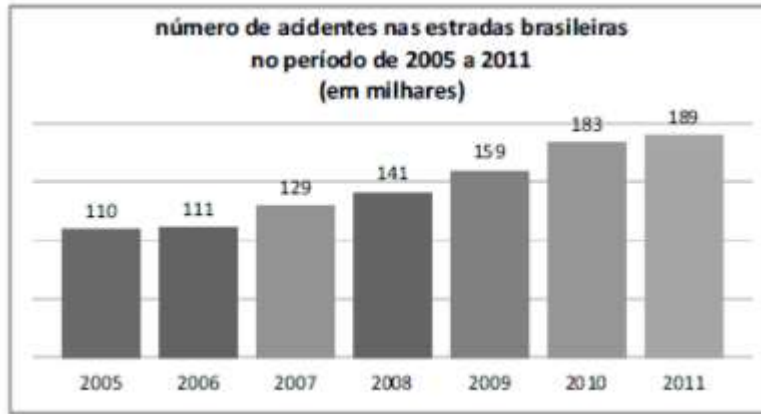
Então, vamos substituir os valores e calcular o valor de a :

$$a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{5 - 2}{4 - 1}$$

$$a = \frac{3}{3} \rightarrow a = 1$$

Por exemplo, veja esta questão abaixo da prova da PRF:

(Polícia Rodoviária Federal - PRF) Considere que, em 2009, tenha sido construído um modelo linear para a previsão de valores futuros do número de acidentes ocorridos nas estradas brasileiras. Nesse sentido, suponha que o número de acidentes no ano t seja representado pela função $F(t) = At + B$, tal que $F(2007) = 129.000$ e $F(2009) = 159.000$. Com base nessas informações e no gráfico apresentado, julgue o item a seguir.



O valor da constante A em $F(t)$ é superior a 14.500.

Comentários:

O enunciado nos informa que o número de acidentes no ano t é representado pela função $F(t) = At + B$ e nos questiona o valor da constante A , isto é, o valor do Coeficiente Angular.

Observe que, conforme comentamos no "tome nota", a banca pode escolher qualquer letra para a variável (e também para os coeficientes) e isso em nada muda nossa resolução.

O Coeficiente Angular A é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$A = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

O enunciado nos informa que a função passa pelos pontos (2.007 ; 129.000) e (2.009 ; 159.000). Aplicando a fórmula acima teremos:

$$A = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{159.000 - 129.000}{2009 - 2007}$$

$$A = \frac{30.000}{2} \rightarrow A = 15.000$$

Logo, o valor da constante A em $F(t)$ é **superior** a 14.500.

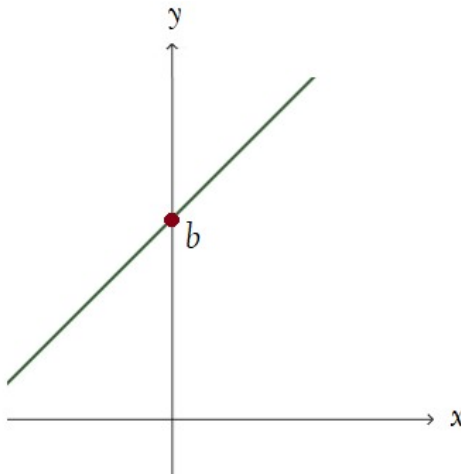
Gabarito: **CERTO**

Coeficiente Linear

É o termo **INDEPENDENTE** da função. Na nossa lei de formação matemática:

$$y = ax + b$$

é representado pela letra ***b*** e é definido pelo **ponto em que a reta intercepta o eixo *y***.



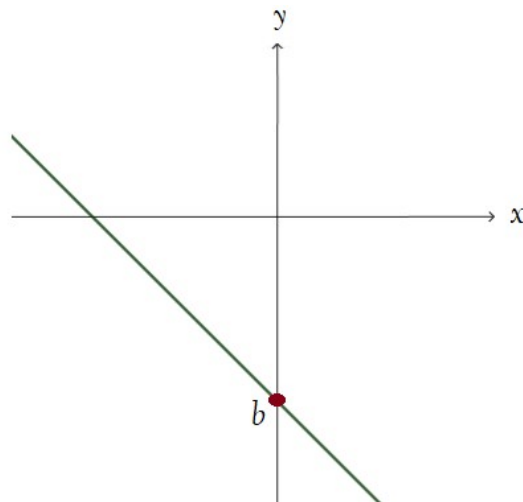
Veja que, quando a reta intercepta o eixo *y*, $x = 0$.

Então, para calcular o valor do Coeficiente Linear, basta **igualar *x* a zero**.



Diferentemente do Coeficiente Angular que não pode ser zero, o Coeficiente Linear pode assumir qualquer valor, tanto positivo ($b > 0$), quanto negativo ($b < 0$), como também nulo ($b = 0$).

O Coeficiente linear apenas indica em que ponto a reta intercepta o eixo *y*. Exemplo:



Iremos resolver algumas questões de concursos para fixar bem o conteúdo sobre Coeficientes. Conteúdo esse, que "despenca em provas".

Antes, vamos esquematizar os conceitos.

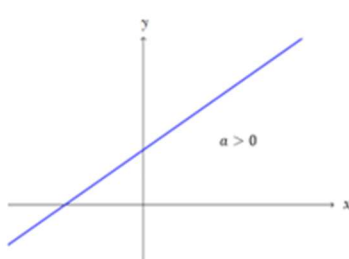


ESQUEMATIZANDO

$$f(x) = y = ax + b$$

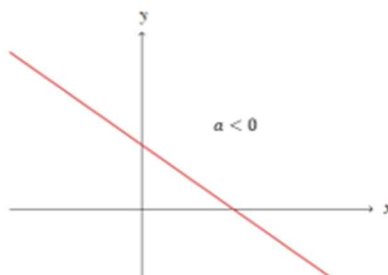
Coeficiente Angular

determina a inclinação da reta



Coeficiente Linear

onde a reta intercepta o eixo y





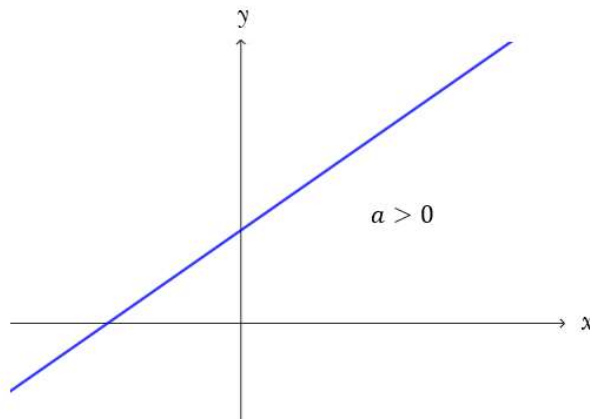
(PM PI - 2021) A função afim, também conhecida como função do 1º grau, é dada por $f(x) = ax + b$. A função afim é crescente quando:

- a) $a > 0$
- b) $a < 0$
- c) $b < 0$
- d) $b > 0$
- e) Nenhuma das alternativas acima

Comentários:

Estudamos no tópico acima que o coeficiente angular expressa a taxa de crescimento da função, isto é, ele representa a variação da variável y pela variação da variável x e quando ele é **positivo**, a função é **CRESCENTE**.

✚ $a > 0$, determina uma reta **CRESCENTE**, isto é, positivamente inclinada.



Observe que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y também aumentam, caracterizando assim uma função **CRESCENTE**.

Gabarito: Alternativa **A**

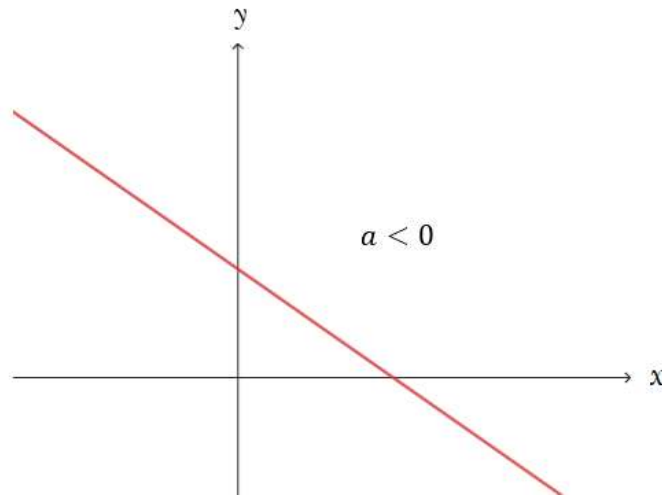
(CARRIS - 2021) Dentre as funções abaixo, pode-se dizer que a única **DECRESCENTE** é:

- a) $f(x) = 2x$
- b) $f(x) = 3$
- c) $f(x) = 3 + x$
- d) $f(x) = 1 + \frac{2x}{10}$
- e) $f(x) = 10 - \frac{x}{2}$

Comentários:

Vimos que, para a função ser **DECRESCENTE**, o Coeficiente Angular deve ser **NEGATIVO**, isto é, $a < 0$.

📊 $a < 0$, determina uma reta **DECRESCENTE**, isto é, negativamente inclinada.



Perceba que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y diminuem, caracterizando assim uma função **DECRESCENTE**.

Dentre as alternativas acima, caro Aluno, qual a única delas que tem Coeficiente Angular negativo?

Isto mesmo, Alternativa E:

$$f(x) = 10 - \frac{x}{2}$$

O Coeficiente Angular a é igual a $-\frac{1}{2}$. Lembrando que o Coeficiente Angular é o coeficiente que multiplica a variável x . Nada impede que a banca apresente a função na ordem "inversa".

Gabarito: Alternativa E

(Pref. Mostardas - 2020) A taxa de variação da função $L(p) = 91p + 92$ é:

- a) 91
- b) 92
- c) 0
- d) 1
- e) -1

Comentários:

Observe nesta questão, conforme comentamos, que a variável pode ser descrita com outra letra diferente de x . Em nada muda a resolução.

A taxa de variação da função do primeiro grau é expressa pelo COEFICIENTE ANGULAR da função, isto é, pelo valor que multiplica a variável p .

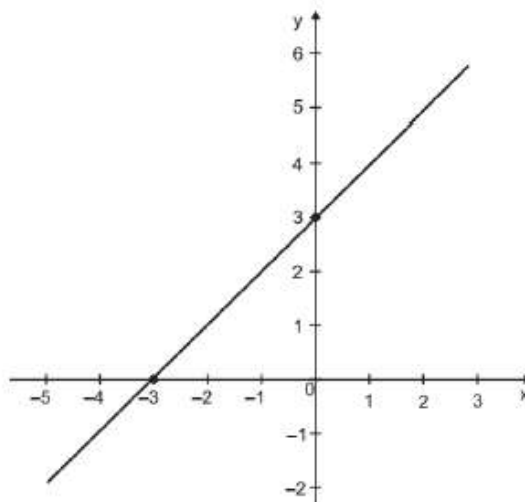
Estudamos na teoria que o coeficiente angular expressa a taxa de crescimento da função. Representa a variação da variável y pela variação da variável x .

Logo:

$$a = 91$$

Gabarito: Alternativa **A**

(CM Conceição de Macabu - 2020) O gráfico abaixo representa uma função do primeiro grau na forma $f(x) = ax + b$, onde a e $b \in \mathbb{R}$.



Analisando esse gráfico, os coeficientes a e b são, respectivamente:

- a) Negativo e positivo
- b) Negativo e negativo
- c) Positivo e negativo
- d) Positivo e positivo

Comentários:

Vamos analisar separadamente cada coeficiente.

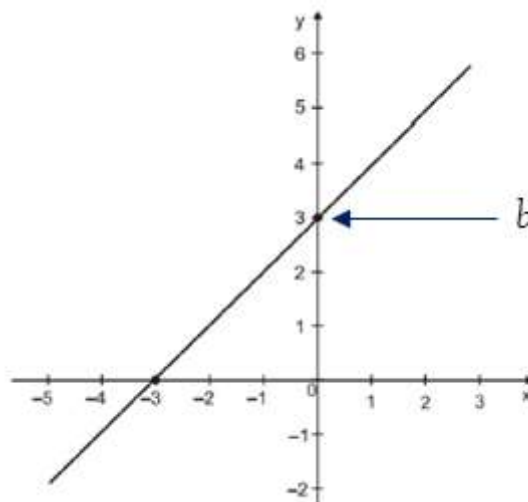
Coeficiente Angular a

Perceba que a função é CRESCENTE, isto é, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y também aumentam.

Logo, o Coeficiente Angular a é **POSITIVO**.

Coeficiente Linear b

É definido pelo ponto em que a reta intercepta o eixo y . Vejamos no gráfico dado:

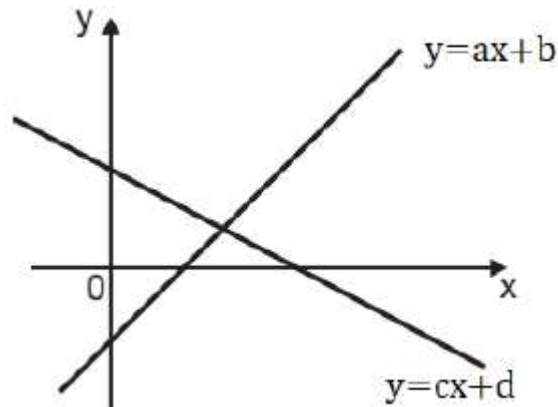


Observe que a reta corta o eixo y em $y = +3$. Ou seja, $b = +3$, isto é, b é **POSITIVO**.

Sendo assim, os coeficientes a e b são, respectivamente, **positivo** e **positivo**.

Gabarito: Alternativa **D**

(Pref. Conceição de Macabu - 2020) As retas $y = ax + b$ e $y = cx + d$ foram desenhadas no mesmo plano cartesiano, conforme figura



Sejam a, b, c e d os coeficientes dessas retas. Sobre a, b, c e d , podemos afirmar que:

- a) a é positivo, b é negativo, c é negativo e d é positivo.
- b) a é positivo, b é positivo, c é negativo e d é negativo.
- c) a é negativo, b é positivo, c é positivo e d é negativo.
- d) a é negativo, b é negativo, c é positivo e d é positivo.

Comentários:

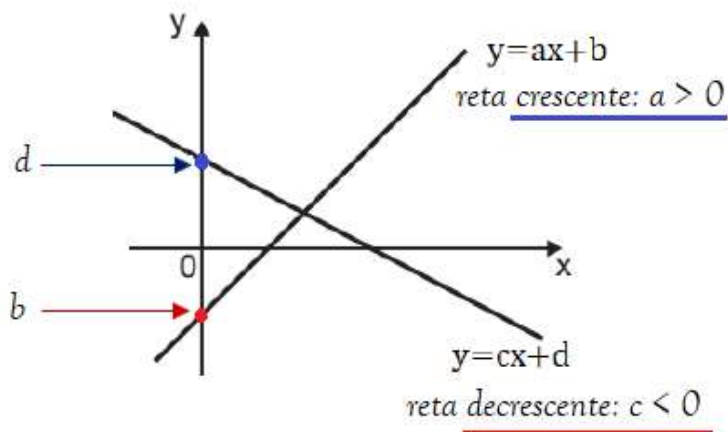
Depois de termos resolvidos algumas questões, esta podemos fazer mais "direto". Do jeito que você fará na sua prova.

Vejamos a reta $y = ax + b$:

Perceba que ela é uma reta crescente e corta o eixo y abaixo do zero. Ou seja, ela tem **coeficiente angular a POSITIVO** (pois a reta é crescente) e **coeficiente linear b NEGATIVO** (pois corta o eixo y em um valor menor que 0).

Passamos agora para a reta $y = cx + d$:

Observe que se trata de uma reta decrescente que intercepta o eixo y em um valor maior que zero. Logo, o **coeficiente angular c é NEGATIVO** e o **coeficiente linear d é POSITIVO**.



Sendo assim, podemos afirmar que a é positivo, b é negativo, c é negativo e d é positivo.

Gabarito: Alternativa **A**

(EEAR - 2021) Seja a função real $f(x) = x + 4$. Se h é uma função polinomial de 1º grau que passa pelos pontos $(0 ; f(0))$ e $(3 ; f(-4))$, então o coeficiente angular da função é

- a) $-4/3$
- b) $-3/4$
- c) $4/3$
- d) $3/4$

Comentários:

Primeiramente, vamos determinar os pontos que pertencem a função h .

📌 $(0 ; f(0))$

Substituindo $x = 0$ na função $f(x)$ teremos:

$$y = f(x) = x + 4$$

$$y = f(0) = 0 + 4 \rightarrow y = 4$$

Logo, $(0 ; 4)$ é um ponto pelo qual a função h passa.

📌 $(3 ; f(-4))$

Substituindo $x = -4$ na função $f(x)$ para encontrarmos $f(-4)$ teremos:

$$y = f(x) = x + 4$$

$$y = f(-4) = -4 + 4 \rightarrow y = 0$$

Ou seja, (3 ; 0) é outro ponto pelo qual a função h passa.

O Coefficiente Angular A é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

A função, conforme aponta o enunciado e nosso cálculo, cruza os pontos: (0 ; 4) e (3 ; 0). Substituindo na fórmula e calculando o coeficiente angular a :

$$a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

$$a = \frac{0 - 4}{3 - 0} \rightarrow a = \frac{-4}{3}$$

Gabarito: Alternativa **A**

(EEAR - 2020) Se a equação da reta r é $2x + 3y - 12 = 0$, então seu coeficiente linear é

- a) -2
- b) -1
- c) 3
- d) 4

Comentários:

Conforme comentamos no Exemplo 6 no início da aula, a banca pode fornecer a **equação geral da reta** ao invés da equação $y = ax + b$ que estamos acostumados.

Quando isso acontecer, basta manipularmos algebricamente a fórmula isolando y .

$$2x + 3y - 12 = 0$$

$$3y = -2x + 12$$

$$y = \frac{-2x}{3} + \frac{12}{3} \rightarrow y = \frac{-2x}{3} + 4$$

Onde: $a = -2/3$ e $b = 4$.

Ou seja, o **coeficiente linear b** é igual a 4.

Gabarito: Alternativa **D**

(Pref. Jijoca de Jericoacoara - 2019) Sabendo que a representação gráfica da função afim $f(x) = ax + b$ passa pelos pontos $A(-2; 6)$ e $B(0; 12)$, é correto afirmar que o valor da soma de a e b será:

- a) 16
- b) 15
- c) 14
- d) 13
- e) 3

Comentários:

Dado dois pontos pelos quais a reta passa, podemos calcular o valor do Coeficiente Angular a . O Coeficiente Angular é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

O enunciado nos informa que a função passa pelos pontos $A(-2; 6)$ e $B(0; 12)$. Aplicando a fórmula acima teremos:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{12 - 6}{0 - (-2)} = \frac{6}{2} \rightarrow \boxed{a = 3}$$

Ou seja, a função será igual a:

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = 3x + b$$

Para calcular o valor de b , pegamos qualquer um dos pontos pelos quais a reta cruza e substituímos na equação. Vamos substituir o ponto $B(0; 12)$.

$$f(x) = 3x + b$$

$$12 = 3 \times 0 + b$$

$$12 = 0 + b \rightarrow \boxed{b = 12}$$

Logo,

$$a + b = 3 + 12 \rightarrow \textcircled{a + b = 15}$$


Gabarito: Alternativa **B**

GRÁFICO DA FUNÇÃO DO 1º GRAU

O gráfico da Função do 1º Grau é **caracterizado por uma reta** que pode ser, conforme estudamos, crescente ou decrescente a depender do valor do Coeficiente Angular.



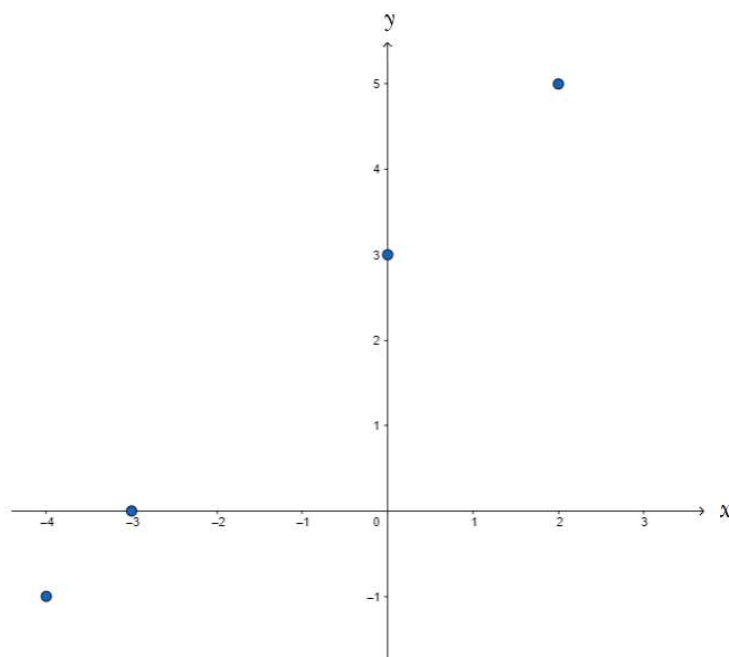
EXEMPLIFICANDO

 **Ex₁**: Vamos construir o gráfico da função $y = x + 3$

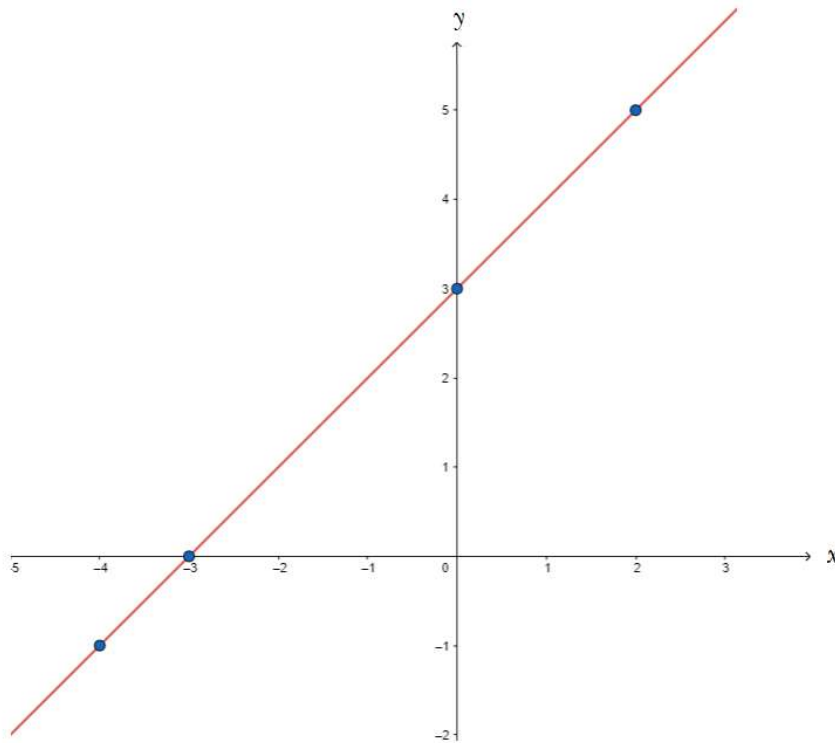
Para construir o gráfico da função, vamos arbitrar alguns valores para x e encontrar o valor de y correspondente a esse x que arbitramos.

| x | $y = x + 3$ | Ponto |
|-----|-------------------|-------------|
| -4 | $y = -4 + 3 = -1$ | $(-4 ; -1)$ |
| -3 | $y = -3 + 3 = 0$ | $(-3 ; 0)$ |
| 0 | $y = 0 + 3 = 3$ | $(0 ; 3)$ |
| 2 | $y = 2 + 3 = 5$ | $(2 ; 5)$ |

Assinalando os pontos no gráfico:

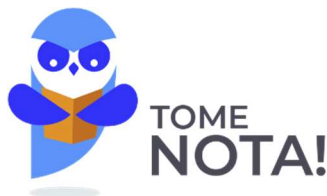


Após assinalar os pontos, traçamos a reta:



Pela equação da função, já saberíamos que o gráfico seria uma reta **CRESCENTE** ($a = 2 > 0$) e interceptaria o eixo y em $y = 3$, pois o Coeficiente Linear b é igual a 3.

E essa informação se confirma com o desenho do gráfico acima.




A bem da verdade, **para traçarmos uma reta precisamos apenas de 2 pontos**. Para construir o gráfico não precisamos arbitrar muitos valores de x . Encontrando dois pares ordenados (x, y) já podemos traçar a equação da reta da função do primeiro grau.

"E professor, tem algum ponto mais fácil para arbitrar e já encontrar a reta?"

Tem sim, caro Aluno. Vamos encontrar um ponto em que $x = 0$ e outro onde $y = 0$.

Vejamos o segundo exemplo para clarear essa ideia.

 **Ex₂**: Vamos construir o gráfico da função $y = -2x + 6$

Vamos encontrar um ponto em que $x = 0$ e outro onde $y = 0$.

- $x = 0$

$$y = -2x + 6$$

$$y = -2 \times 0 + 6 \rightarrow y = 6$$

Então, o primeiro ponto é (0 ; 6).

Este valor $y = 6$ nada mais é que o Coeficiente Linear da reta, isto é, o valor de y quando $x = 0$. É o ponto onde a reta intercepta o eixo y .

- $y = 0$

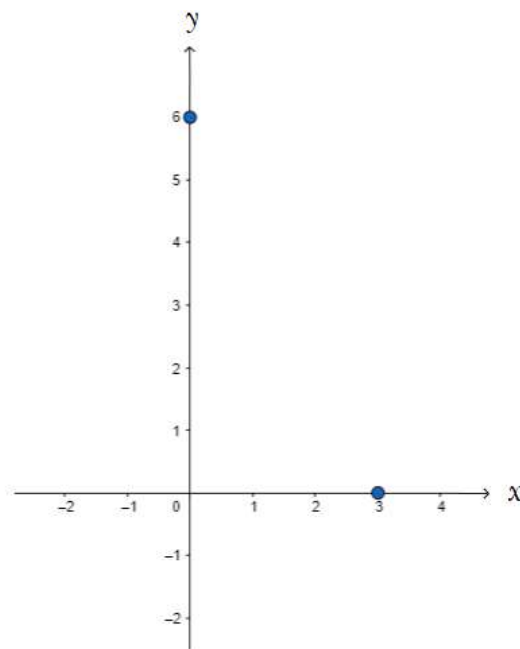
$$y = -2x + 6$$

$$0 = -2x + 6$$

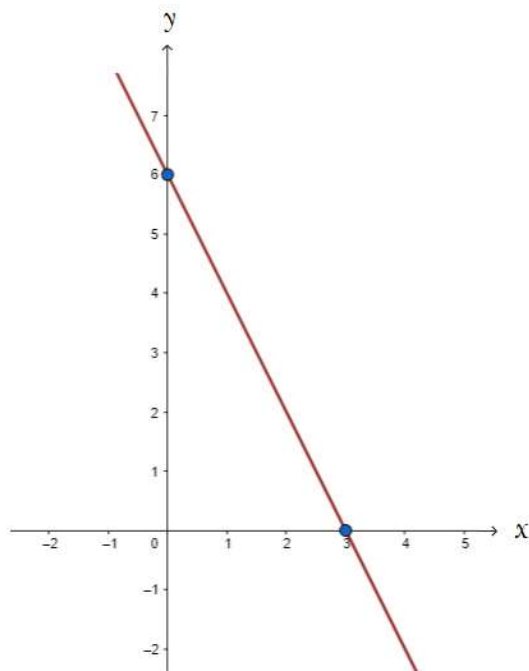
$$2x = 6 \rightarrow x = 3$$

Então, o segundo ponto será (3 ; 0).

Assinalando no gráfico:



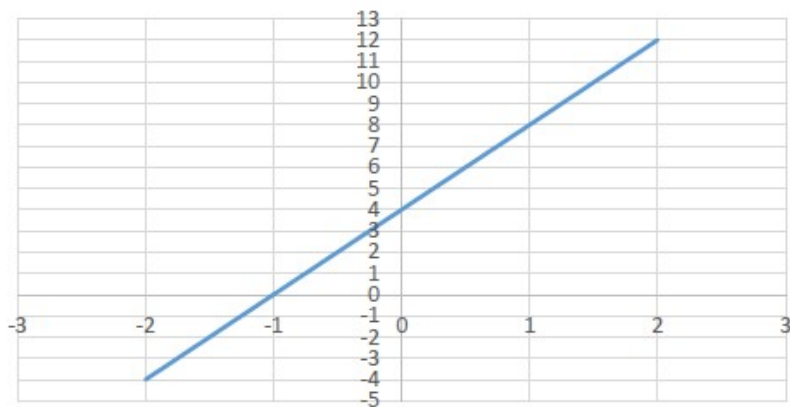
Após assinalar os dois pontos, traçamos a reta:



Perceba que, conforme comentamos, **2 pontos já são suficientes para traçarmos nossa reta que representa a função do primeiro grau.**



(Pref. Santo Augusto - 2020) Assinale a alternativa que define, corretamente, a função de 1º grau que gerou o gráfico abaixo.



- a) $4x + 4$
- b) $2x + 4$
- c) $x^2 + 4x + 4$
- d) $x^2 + 4x$
- e) $x + 12$

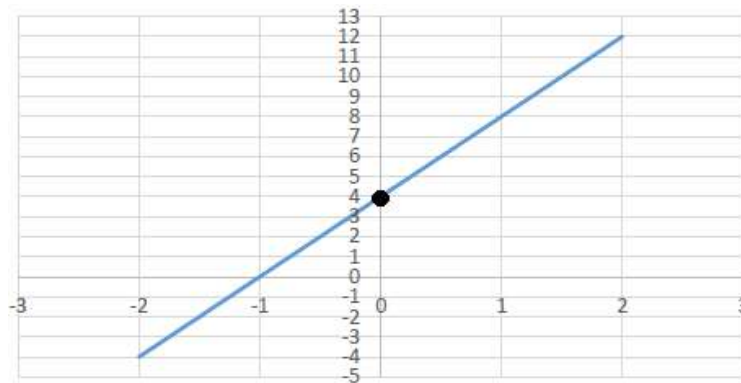
Comentários:

Estudamos que a função do primeiro grau é representada pela seguinte lei de formação:

$$y = ax + b$$

Ou seja, **jamais poderíamos marcar a letra C ou a letra D.**

O Coeficiente Linear b representa o valor em que a reta intercepta o eixo y . Observe no gráfico que a reta corta o eixo y em $y = 4$.



Logo, **$b = 4$** .

$$y = ax + 4$$

Para calcular o Coeficiente Angular a vamos pegar um ponto pertencente a essa reta e substituir na equação.

Perceba que quando $y = 0$, $x = -1$. Vamos substituir estes valores na equação acima:

$$y = ax + 4$$

$$0 = a \times (-1) + 4$$

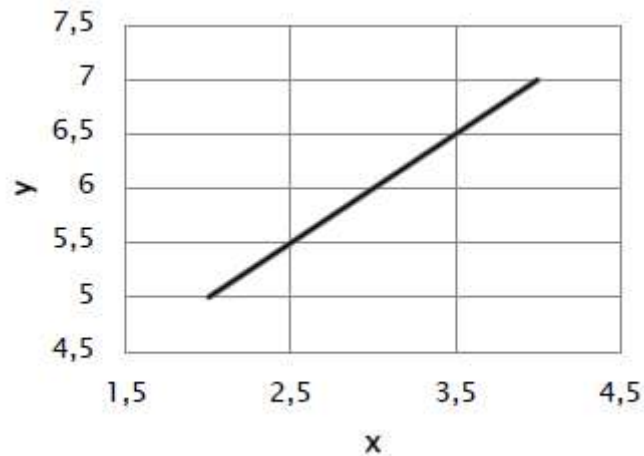
$$0 = -a + 4 \rightarrow \mathbf{a = 4}$$

Logo, a equação da reta será:

$$\mathbf{y = 4x + 4}$$

Gabarito: Alternativa **A**

(Pref. Canoinhas - 2019) Uma equação do primeiro grau é conhecida pela sua aparência ao ser plotada em um gráfico: apresenta um padrão linear. Considere a seguinte equação do primeiro grau:



Avalie então as seguintes proposições:

- I - O coeficiente angular da equação é $a = 1$
- II - O coeficiente linear da equação é $b = 4$
- III - A função plotada no gráfico acima pode ser descrita por $y = x + 3$
- IV - O ponto $(5, 9)$ pertence à função.

As proposições CORRETAS, portanto, são:

- a) I e III.
- b) I, III e IV.
- c) III e IV.
- d) I, II e III.
- e) II e IV.

Comentários:

Iremos analisar item a item:

I - O coeficiente angular da equação é $a = 1$

CORRETO. O Coeficiente Angular é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

Pela figura do enunciado, percebemos que os pontos $(2,5 ; 5,5)$ e $B(3,5 ; 6,5)$ pertencem à reta. Aplicando a fórmula acima teremos:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{6,5 - 5,5}{3,5 - 2,5} = \frac{1}{1} \rightarrow \mathbf{a = 1}$$

II - O coeficiente linear da equação é $b = 4$

INCORRETO. Para calcular o valor do Coeficiente Linear b , pegamos qualquer um dos pontos pelos quais a reta cruza e substituímos na equação. Vamos substituir o ponto $(2,5 ; 5,5)$.

$$y = ax + b$$

$$5,5 = 1 \times 2,5 + b$$

$$5,5 = 2,5 + b$$

$$b = 5,5 - 2,5 \rightarrow \mathbf{b = 3}$$

III - A função plotada no gráfico acima pode ser descrita por $y = x + 3$

CORRETO. Estudamos que a função do 1º grau é igual a $y = ax + b$. Vamos substituir os valores de a e b que encontramos:

$$y = ax + b$$

$$y = 1x + 3 \rightarrow \mathbf{y = x + 3}$$

IV - O ponto $(5, 9)$ pertence à função.

INCORRETO. Vamos substituir $x = 5$ na função e constatar se o valor de y será 9. Se for, o ponto pertencerá à função. Se não for, não pertencerá.

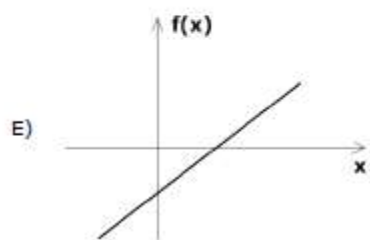
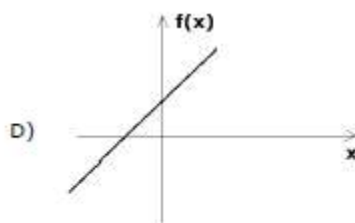
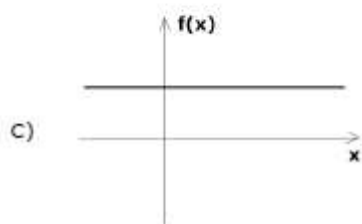
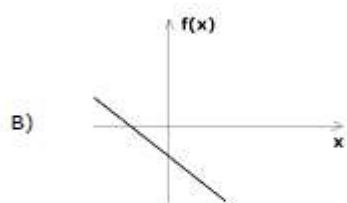
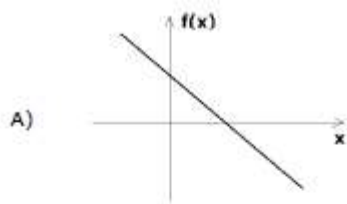
$$y = x + 3$$

$$y = 5 + 3 \rightarrow y = 8$$

Logo, $(5, 9)$ **NÃO PERTENCE** à função.

Gabarito: Alternativa **A**

(Pref. Tapejara - 2019) O esboço gráfico que pode representar a função $f(x) = 3x + 4$ é:



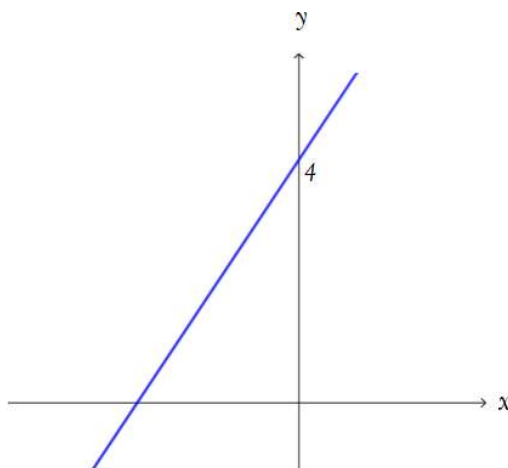
Comentários:

Observe a função dada $f(x) = 3x + 4$.

O Coeficiente Angular a é igual a 3, isto é, $a > 0$, representando assim uma reta **CRESCENTE**. Logo, podemos eliminar as alternativas A, B e C.

O Coeficiente Linear b é igual a 4. Ou seja, a reta intercepta o eixo y em $y = 4$. Ou seja, temos uma reta **CRESCENTE** que corta o eixo y em $y = 4$.

O esboço da função seria:



Logo, a alternativa **D** será nosso gabarito.

Perceba que na letra E a reta intercepta o eixo y em um valor negativo de y . Ou seja, eliminaríamos também a alternativa E.

Gabarito: Alternativa **D**

CLASSIFICAÇÃO DA FUNÇÃO DO 1º GRAU

Agora que já estudamos os Coeficientes e o Gráfico da Função do 1º Grau, podemos abordar a classificação da função afim que se dará de acordo com o seu gráfico.

Função Constante

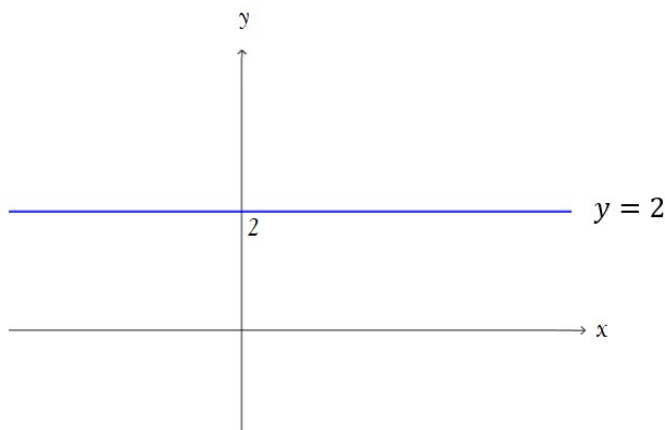
Caracteriza-se por apresentar **Coeficiente Angular a igual a zero** ($a = 0$). E assim, por consequência, sua representação gráfica será uma reta paralela ao eixo x .

$$y = ax + b$$

$$y = 0 \times x + b \rightarrow y = b$$

📊 **Ex₁:** $y = 2$

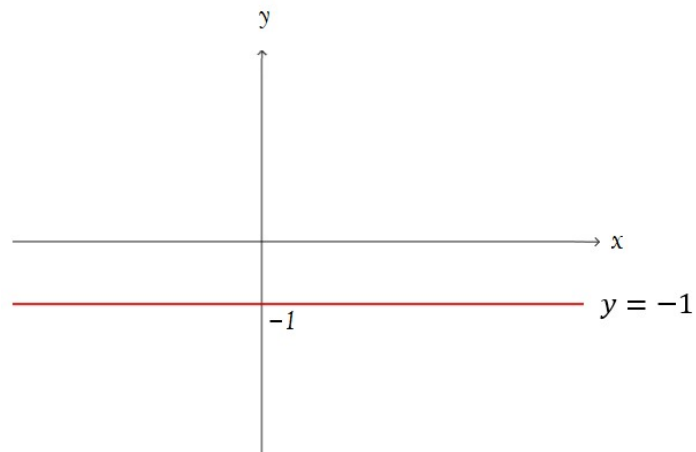
Perceba que em $y = 2$, não há Coeficiente Angular (coeficiente que "acompanha" o x), isto é, $a = 0$. A representação gráfica será:



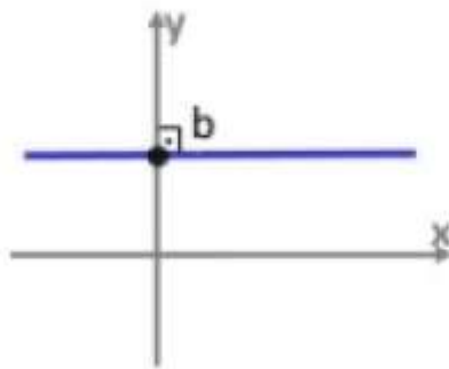
Ou seja, para qualquer valor de x , $y = 2$.

📊 **Ex₂:** $y = -1$

Graficamente teremos:



Ex₃: (Pref. Tramandaí - 2021) Observe o gráfico abaixo:



Trata-se de uma função constante com:

- a) $a > 0$
- b) $a < 0$
- c) $a = 0$
- d) $b = 0$

Comentários:

Conforme estudamos, **a função constante caracteriza-se por apresentar Coeficiente Angular a igual a zero ($a = 0$).**

Logo, automaticamente marcamos a Alternativa **C**.

Função Identidade

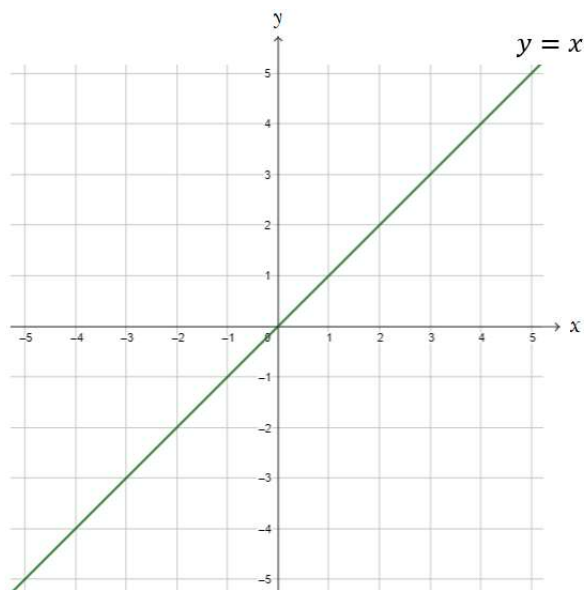
Na **Função Identidade** teremos: $a = 1$ e $b = 0$.

$$y = ax + b$$

$$y = 1x + 0 \rightarrow \boxed{y = x}$$

Ou seja, os valores do Domínio da Função são iguais aos valores da Imagem. Ou seja, pra qualquer valor de x o resultado da função y será o mesmo, caracterizando-se assim, conforme estudamos em aula anterior, uma função bijetora.

O gráfico da Função Identidade é igual a:



Perceba que $y = x$ é a reta bissetriz dos quadrantes 1 e 3.

Função Linear


Na **Função Linear**, o **Coeficiente Linear b é igual a zero** ($b = 0$) e o Coeficiente Angular $a \neq 0$ e $a \neq 1$.

$$y = ax + b$$

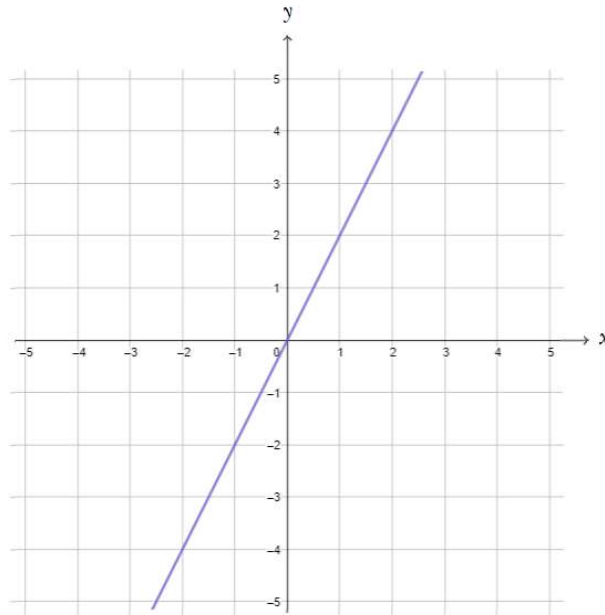
$$y = ax + 0 \rightarrow y = ax$$


Observe que, se $b = 0$ e $a = 1$, teríamos o caso visto acima (Função Identidade). Por isso a restrição de a ser diferente de 1.

Lembrando que o Coeficiente Linear é definido pelo ponto em que a reta intercepta o eixo y e como nesse caso, temos $b = 0$, necessariamente, a reta da Função Linear passará pela origem.

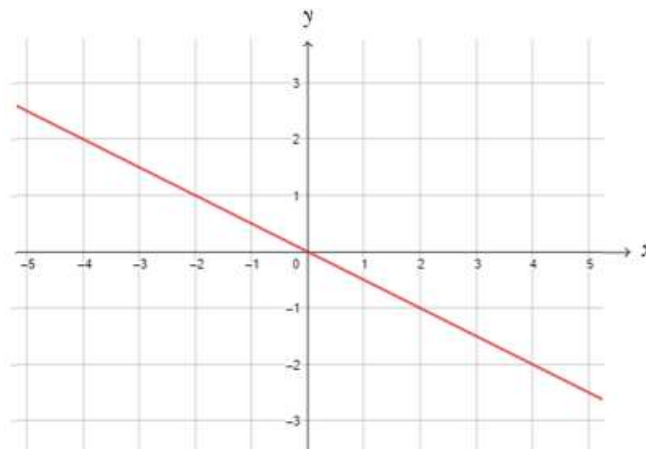
 **Ex₁:** $y = 2x$

Representando graficamente:



 **Ex₂:** $y = -\frac{1}{2}x$

Representando graficamente:



RAIZ DA FUNÇÃO DO 1º GRAU

Raiz de uma função, em termos genéricos, é o valor de x que tem o condão de zerar a função $f(x)$. Ou seja, para determinar a raiz da Função do 1º Grau devemos considerar $y = 0$.

x é **raiz** da função quando: $y = 0$

Estudamos que a lei de formação da Função do 1º Grau é igual a:

$$f(x) = ax + b$$

Para encontrar a raiz, vamos igualar o valor da função a zero.

$$0 = ax + b$$

$$ax = -b \rightarrow x = \frac{-b}{a}$$

Ou seja, a reta determinada pela função do primeiro grau, sempre interceptará o eixo y ($y = 0$) no ponto $x = -b/a$.



EXEMPLIFICANDO

Vamos utilizar nosso exemplo 5 dos conceitos iniciais para exemplificarmos. No exemplo 5 tínhamos:

$$y = \frac{4x + 7}{3}$$

Para encontrarmos a raiz da função, **iremos igualar $y = 0$** e encontrar o valor de x :

$$0 = \frac{4x + 7}{3}$$

$$0 = 4x + 7$$

$$4x = -7 \rightarrow x = \frac{-7}{4}$$

Ou então, conforme vimos, poderíamos simplesmente aplicar a fórmula:

$$x = \frac{-b}{a}$$

No exemplo 5 vimos que $a = 4/3$ e $b = 7/3$. Logo, a raiz será:

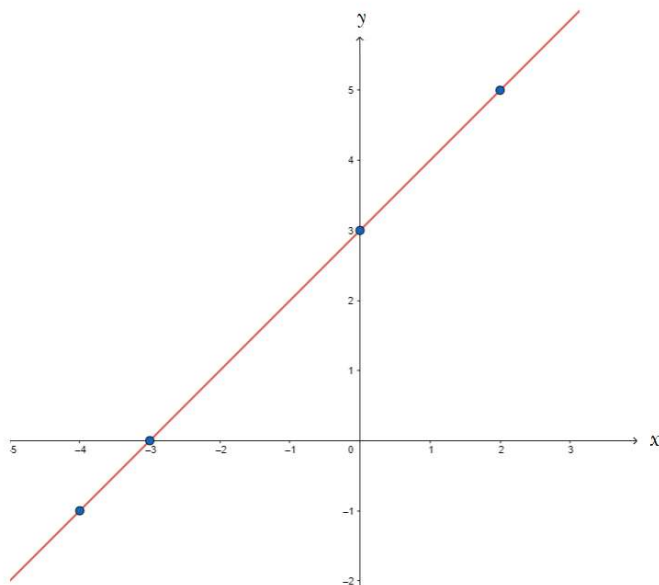
$$x = \frac{-\frac{7}{3}}{\frac{4}{3}}$$

$$x = -\frac{7}{3} \times \frac{3}{4} \rightarrow x = \frac{-7}{4}$$



No gráfico da Função Afim, **a raiz da função é o valor de x onde a reta intercepta o eixo das abscissas**, isto é, o valor de x quando $y = 0$.

Quando traçamos o gráfico da função $y = x + 3$ ficamos com:



Perceba que a função cruza o eixo x em $x = -3$. Ou seja, $x = -3$ é a raiz da função $y = x + 3$. E para descobrir tal valor, basta igualar $y = 0$, pois, como vimos, raiz de uma função, em termos genéricos, é o valor de x que tem o condão de zerar a função $f(x)$.

Vejamos mais alguns **exemplos** com questões de concursos.



(Pref. Salvador das Missões) A raiz ou zero da função de primeiro grau $f(x) = 4x - 16$ é:

- a) $x = -16$
- b) $x = -2$
- c) $x = 3$
- d) $x = 4$
- e) $x = 16$

Comentários:

Estudamos que a raiz da função é igual a:

$$x = \frac{-b}{a}$$

Substituindo os valores teremos:

$$x = \frac{-b}{a}$$

$$x = \frac{-(-16)}{4}$$

$$x = \frac{16}{4} \rightarrow x = 4$$

Caso você não recordasse desta fórmula, para achar a raiz, **bastaria igualar a função a zero**. Pois, conforme vimos, a raiz da função é igual ao valor de x que acarreta $y = 0$.

$$f(x) = 4x - 16$$

$$0 = 4x - 16$$

$$4x = 16$$

$$x = \frac{16}{4} \rightarrow x = 4$$

Gabarito: Alternativa D

(EEAR - 2021) Se $x = 2/3$ é a raiz da função dada por $f(x) = mx + 2$, sendo m real, então a lei que define f é:

- a) $\frac{3}{2x} + 2$
- b) $\frac{2}{3x} + 2$
- c) $-3x + 2$
- d) $3x + 2$

Comentários:

A banca informa que $x = 2/3$ é a raiz da função, ou seja, **quando $x = 2/3$, implica $y = 0$** . Iremos substituir esses dados na função e calcular o valor de m .

$$f(x) = mx + 2$$

$$0 = m \times \frac{2}{3} + 2$$

$$0 = \frac{2m}{3} + 2$$

$$\frac{2m}{3} = -2$$

$$2m = -2 \times 3$$

$$2m = -6$$

$$m = \frac{-6}{2} \rightarrow m = -3$$

Logo, a lei de formação da função será:

$$f(x) = mx + 2 \rightarrow f(x) = -3x + 2$$

Gabarito: Alternativa C

ESTUDO DOS SINAIS DA FUNÇÃO DO 1º GRAU

Estudamos que a **raiz da Função Afim** é igual a:

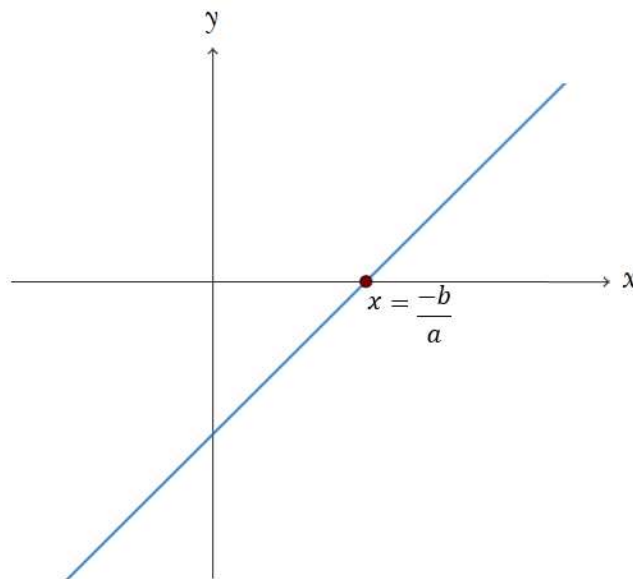
$$x = \frac{-b}{a}$$

Ou seja, quando $x = \frac{-b}{a}$, $f(x) = 0$.

A partir da raiz da função iremos examinar em quais casos ocorre $f(x) > 0$ ou $f(x) < 0$. Em outras palavras, iremos buscar os valores para os quais a função é **positiva** ou **negativa**.

1º Caso: Coeficiente Angular Positivo

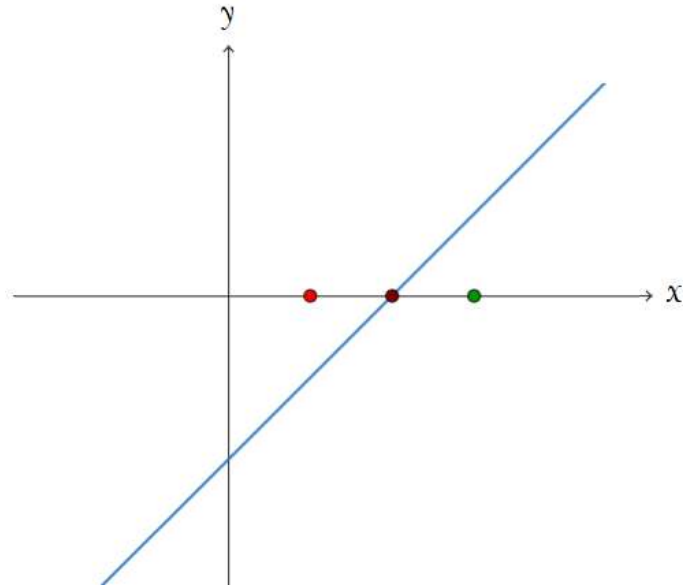
O **Coeficiente Angular positivo** ($a > 0$) determina uma reta crescente nos moldes abaixo:



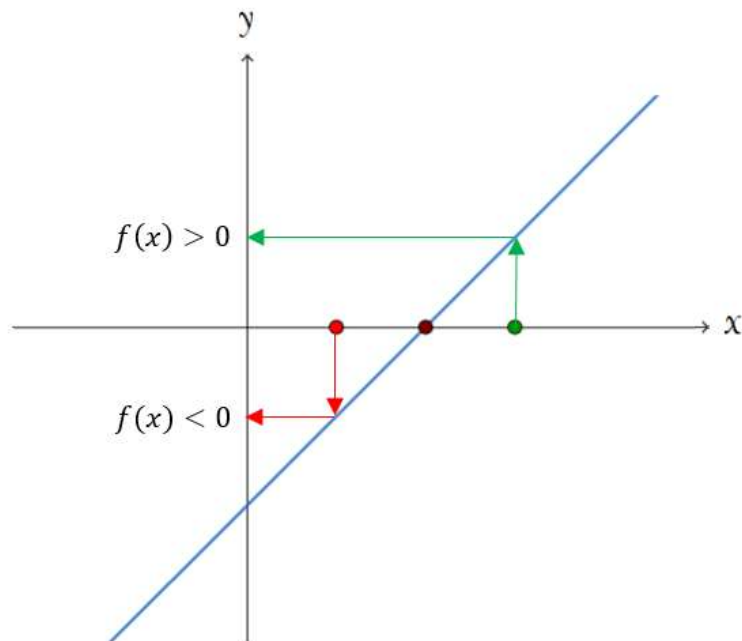
Observe duas consequências:

- Para valores de x **menores** que a raiz, isto é, $x < -b/a$ (à esquerda de $-b/a$), a função apresenta resultado **negativo**.
- Para valores de x **maiores** que a raiz, isto é, $x > -b/a$ (à direita de $-b/a$), a função apresenta resultado **positivo**.

Vamos assinalar dois pontos (um a direita da raiz e outro a esquerda) no gráfico acima para melhor visualização:



Assinalamos um ponto à esquerda (ponto vermelho) e um ponto à direita (ponto verde) da raiz da função. Vamos "espelhar" esses pontos no eixo y para determinarmos o sinal da função:



Perceba que, conforme comentamos:

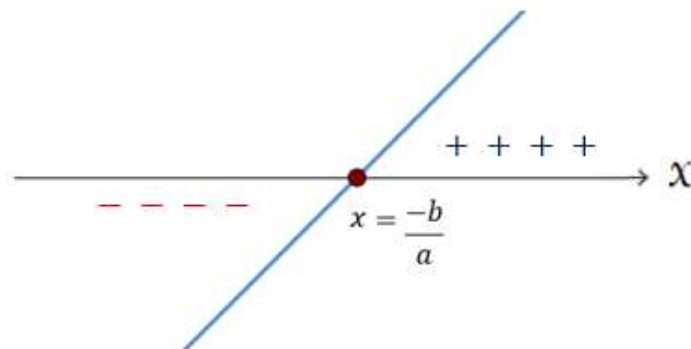
- 📖 Para valores de x menores que a raiz, isto é, $x < -b/a$ (à esquerda de $-b/a$), a função apresenta resultado negativo.
- 📖 Para valores de x maiores que a raiz, isto é, $x > -b/a$ (à direita de $-b/a$), a função apresenta resultado positivo.

Acredito que com os pontos no gráfico ficou mais fácil a resolução, correto?

"Mas professor, que trabalhadeira fazer isso. Terei sempre que fazer isso tudo?"

Negativo, caro Aluno, fiz esse passo a passo para você entender. Uma vez entendido a mecânica, nós vamos apenas traçar o eixo x com a respectiva raiz e assinalar onde a função será positiva e onde será negativo.

Vejamos esse mesmo exemplo como faríamos:



"Certo, professor. Estou entendendo. Poderia dar um exemplo numérico?"



✚ **Ex₁**: Vamos estudar o sinal da função $y = 2x + 9$

Trata-se de uma função que será representada por uma reta crescente, uma vez que o Coeficiente Angular $a = 2 > 0$.

Primeiro passo é determinar a raiz da equação. E para isso, segundo aprendemos, podemos igualar a função a zero e calcular o valor de x ou aplicar diretamente a fórmula $x = \frac{-b}{a}$.

Vamos igualar a função a zero:

$$y = 2x + 9$$

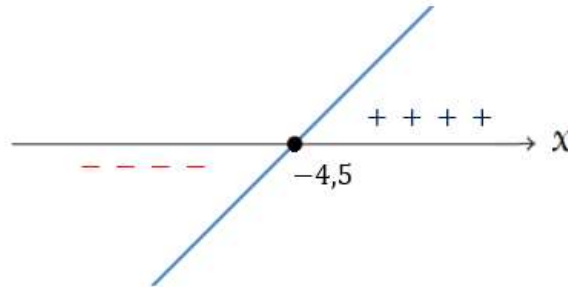
$$0 = 2x + 9$$

$$2x = -9$$

$$x = \frac{-9}{2} \rightarrow x = -4,5$$

Ou seja, a raiz da função é igual a $-4,5$.

Iremos traçar uma reta crescente cortando o eixo x em $-4,5$. E, sabemos que, para valores à esquerda da raiz temos sinal negativo e, para valores à direita, sinal positivo.



📚 **Ex₂**: Vamos estudar o sinal da função $y = 6x + 84$

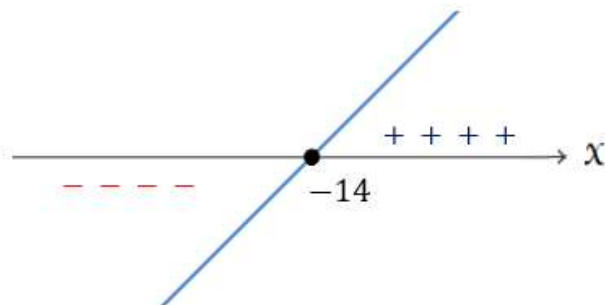
Iremos resolver agora no modo "automático":

Reta crescente $a = 6 > 0$.

Raiz da função:

$$x = \frac{-b}{a} = \frac{-84}{6} \rightarrow x = -14$$

Estudo do sinal:

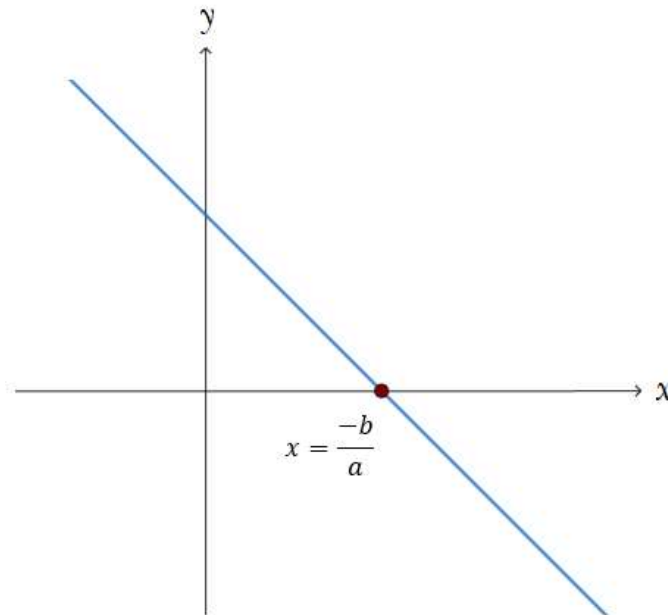


Já estamos bem mais rápidos, certo?

2º Caso: Coeficiente Angular Negativo

Quando o **Coeficiente Angular é negativo** ($a < 0$) toda a sistemática é mudada. Vamos analisar novamente passo a passo.

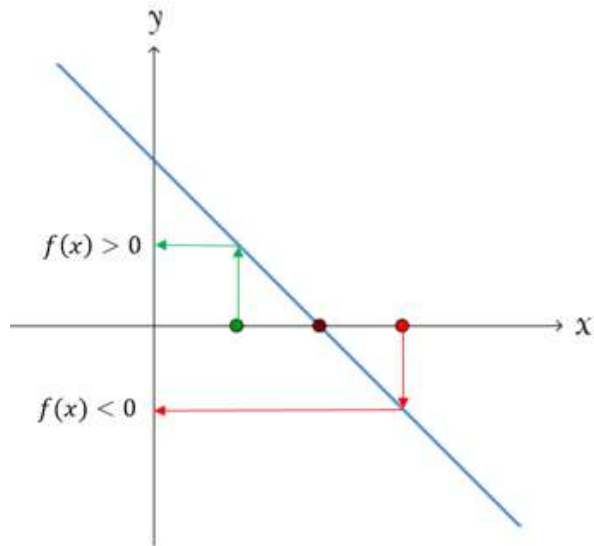
O coeficiente angular negativo ($a < 0$) determina uma reta **decrecente** nos moldes abaixo:



Observe que as consequências são todas inversas das que analisamos acima:

- Para valores de x **menores** que a raiz, isto é, $x < -b/a$ (à esquerda de $-b/a$), a função apresenta resultado **positivo**.
- Para valores de x **maiores** que a raiz, isto é, $x > -b/a$ (à direita de $-b/a$), a função apresenta resultado **negativo**.

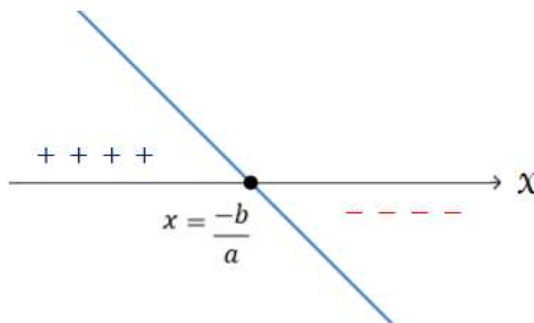
Demonstrando graficamente:



Perceba que, conforme comentamos:

- ✚ Para valores de x menores que a raiz, isto é, $x < -b/a$ (à esquerda de $-b/a$), a função apresenta resultado positivo.
- ✚ Para valores de x maiores que a raiz, isto é, $x > -b/a$ (à direita de $-b/a$), a função apresenta resultado negativo.

Representando simplificadamente (como iremos trabalhar daqui para frente):



EXEMPLIFICANDO

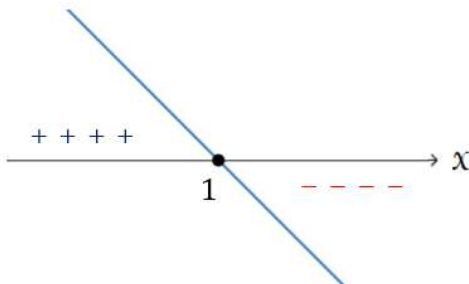
- ✚ **Ex₃**: Vamos estudar o sinal da função $y = -x + 3$


Trata-se de uma função que será representada por uma reta decrescente, uma vez que o Coeficiente Angular $a = 1 < 0$.

Primeiro passo é determinar a raiz da equação.

$$x = \frac{-b}{a} = \frac{-3}{-1} \rightarrow x = 1$$

Fazendo o estudo do sinal:



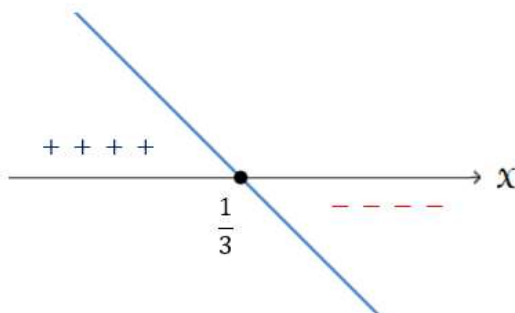
 **Ex₄**: Vamos estudar o sinal da função $y = -3x + 1$

Reta decrescente $a = -3 < 0$.

Raiz da função:

$$x = \frac{-b}{a} = \frac{-1}{-3} \rightarrow x = \frac{1}{3}$$

Estudo do sinal:



ESCLARECENDO!

Estamos analisando os valores da função quando x é maior ou menor que a raiz. Se x for a raiz, obviamente, a função será **NULA**, pois, consoante estudamos, **raiz de uma função é o valor de x que tem o condão de zerar a função $f(x)$.**

QUESTÕES QUE ABORDAM FUNÇÃO DO PRIMEIRO GRAU



Este tópico é **super importante** para sua prova. Depois de ter visto todo o estudo da Função do 1º Grau (função afim), estamos em condições de resolver os exercícios que mais caem nos concursos.

De uns anos para cá, as bancas estão deixando de lado as questões "literais" e diretas sobre Função do 1º Grau e estão cobrando questões que envolvem toda uma lógica pro trás do enunciado, mas que trazem a Função Afim dentro do contexto.

Iremos resolver alguns problemas e você entenderá perfeitamente o "novo" estilo de cobrança dos concursos.



(ISS Imperatriz - 2020) Marcos estipulou que o aluguel do seu trator seria cobrado da seguinte forma: R\$ 250,00 (deve ser sempre cobrado, independente da quantidade de horas) mais R\$ 200,00 por cada hora de trabalho.

Assinale a alternativa que apresenta o valor do aluguel V como função do tempo t (em horas).

- a) $V(t) = 200 + 250t$
- b) $V(t) = 250t$
- c) $V(t) = 250 + 200t$
- d) $V(t) = 200t$
- e) $V(t) = 450t$

Comentários:

Questão que caiu no concurso de Auditor Fiscal do município de Imperatriz. A banca afirma que o aluguel será cobrado da seguinte forma: R\$ 250,00 (deve ser sempre cobrado, independente da quantidade de horas) mais R\$ 200,00 por cada hora t de trabalho.

Perceba que trata de uma **parte fixa** que é **cobrada independentemente da quantidade de horas** mais uma **parte variável** que **varia de acordo com cada hora t de trabalho**. Quando estivermos diante de problemas com esse estilo, isto é, uma parte fixa e uma variável, geralmente, aplicaremos a teoria da função do primeiro grau.

Então, a função do primeiro grau que relaciona o valor do aluguel V em função do tempo t será:

$$V(t) = 250 + 200t$$

250 é o **termo independente**, isto é, ele é cobrado independentemente da quantidade de horas. Então, se o aluguel foi de 10 horas trabalhadas ou 1.000 horas trabalhadas, os 250 serão fixos e cobrados, conforme falamos, independentemente dessa quantidade de horas.

Já os R\$ 200,00 é cobrado a cada hora. Então, se o aluguel foi por t horas, o valor em função de t será os 200 vezes t , isto é, $200t$.

Então, **o valor total a ser cobrado** será o valor fixo (independente da quantidade de horas) mais o valor variável:

$$V(t) = 250 + 200t$$

Perceba que a função acima nada mais é que uma Função do 1º Grau, correto?

Expliquei mais detalhadamente essa questão para que você, caro Aluno, pegue a ideia por detrás do enunciado. Nas próximas questões iremos acelerar um pouco.

Gabarito: Alternativa C

(Ministério da Economia - 2021) Um aplicativo de transporte privado utiliza uma função matemática para determinar o valor que deve ser cobrado por uma corrida realizada. Essa função é determinada por um valor fixo e um valor variável. O valor fixo é de R\$ 4,50 e o valor variável é de R\$ 1,25 por quilômetro rodado. Em uma viagem que custou R\$ 27,94, é correto afirmar que a quilometragem utilizada pelo aplicativo para calcular o preço final da corrida foi de

- a) 17,64 km.
- b) 18,75 km.
- c) 19,15 km.
- d) 20,25 km.
- e) 20,55 km.

Comentários:

Vamos chamar de x a distância percorrida em quilômetros.

O valor V que deve ser cobrado por uma corrida é igual a um valor fixo de R\$ 4,50 mais um valor variável de R\$ 1,25 por quilômetro rodado. Então, o valor V em função da quilometragem x percorrida será:

$$V(x) = 4,50 + 1,25x$$

Ou seja, R\$ 4,50 independentemente da quilometragem mais R\$ 1,25 em cada x quilômetros rodados.

Uma viagem custou R\$ 27,94. Logo, terá sido percorrido uma distância x igual a:

$$V(x) = 4,50 + 1,25x$$

$$27,94 = 4,50 + 1,25x$$

$$1,25x = 27,94 - 4,50$$

$$1,25x = 23,44$$

$$x = \frac{23,44}{1,25} \rightarrow x = 18,75 \text{ Km}$$

Gabarito: Alternativa **B**

(CRO SP - 2020) Uma locadora de automóveis oferece um plano para o aluguel de um carro popular. Neste plano, a diária custa R\$ 140,00 mais R\$ 0,75 por quilômetro rodado. Ângela alugou um carro popular por três dias e pagou R\$ 690,00. Assim, a distância percorrida nesses três dias foi de

- a) 360 Km
- b) 320 Km
- c) 300 Km
- d) 240 Km

Comentários:

Vamos chamar de x a distância percorrida em quilômetros. No plano, a diária custa R\$ 140,00 e é cobrado um valor adicional de R\$ 0,75 por quilômetro rodado.

Contudo, Ângela alugou o carro por 3 diárias. Logo, de **valor fixo ela pagará: $140 \times 3 = 420$** .

Observe que cada questão traz sua peculiaridade. Cuidado para não se perder no meio do raciocínio. Muita atenção ao comando de cada questão.

Então, o valor V a ser pago por Ângela em função da quilometragem x será:

$$V(x) = 420 + 0,75x$$

Ela pagou um valor de R\$ 690,00. Logo, ela percorreu:

$$V(x) = 420 + 0,75x$$

$$690 = 420 + 0,75x$$

$$0,75x = 690 - 420$$

$$0,75x = 270$$

$$x = \frac{270}{0,75} \rightarrow x = 360 \text{ Km}$$

Gabarito: Alternativa **A**

(SGDA - 2019) Felipe tem uma pequena fábrica de canecas e seu custo mensal, é dado por $C = 5000 + 15x$, onde x é o número de canecas produzidas por mês. Cada caneca é vendida por R\$ 25,00. Atualmente, o lucro mensal é de R\$ 2.000,00. Para dobrar esse lucro, Felipe deverá fabricar e vender mensalmente quantas canecas?


- a) 550
- b) 670
- c) 900
- d) 700
- e) 1.000

Comentários:

Em uma operação, o Lucro será o valor de Venda V menos os Custos C , correto?

$$L = V - C$$

Vamos calcular separadamente cada variável.

 O Custo C é igual a $C = 5000 + 15x$, onde x é o número de canecas produzidas por mês.

 Cada caneca é vendida por R\$ 25,00.

Logo, o valor V das vendas de x canecas será:

$$V = 25x$$

Sendo assim, o Lucro será igual a:

$$L = V - C$$

$$L = 25x - (5.000 + 15x)$$

$$L = 25x - 5.000 - 15x \rightarrow L = 10x - 5.000$$

Atualmente, o lucro mensal é de R\$ 2.000,00 e Felipe deseja dobrar esse lucro, isto é, **lucrar R\$ 4.000,00**.

Para calcular quantas canecas x ele deve fabricar e vender no mês, vamos substituir o lucro desejado na equação acima:

$$L = 10x - 5.000$$

$$4.000 = 10x - 5.000$$

$$10x = 4.000 + 5.000$$

$$10x = 9.000 \rightarrow x = 900$$

Gabarito: Alternativa C

(SEFAZ BA - 2019) Uma empresa estimou o custo unitário para produzir determinada peça de computador em 50 centavos de real. Considerando o custo fixo para a linha de produção dessa peça em 5 mil reais semanais, para obter um lucro semanal de 2 mil reais o número de milhares de unidades que seria preciso vender a 1 real cada é de


- a) 7
- b) 9
- c) 11
- d) 14
- e) 16

Comentários:

Em qualquer operação, o Lucro será o valor de Venda V menos os Custos totais CT , correto?

$$L = V - CT$$


Iremos calcular separadamente cada variável.

 De acordo com o enunciado, **o Custo Total para se produzir determinadas peças consiste em um valor fixo de 5 mil reais mais 50 centavos por peças.**

Vamos chamar a quantidade de peças produzidas de x . Sendo assim, o Custo total será:

$$CT = 5.000 + 0,5x$$

Ou seja, conforme vimos, o Custo Total é igual ao Custo Fixo (o próprio nome já diz, isto é, é um custo fixo independentemente da quantidade produzida) mais um Custo Variável de 50 centavos (0,5 real) por peça.

 O Preço de Venda é igual a 1 real por unidade x vendidas.

$$V = 1 \times x \rightarrow V = x$$

Logo, a função do Lucro será:

$$L = V - CT$$

$$L = x - 5.000 + 0,5x$$

$$L = 0,5x - 5.000$$

Para obter um lucro semanal de 2 mil reais o número x de milhares de unidades que seria preciso vender será:

$$L = 0,5x - 5.000$$

$$2.000 = 0,5x - 5.000$$

$$0,5x = 7.000$$

$$x = \frac{7.000}{0,5} \rightarrow x = 14.000$$

Em milhares:

$$x = 14 \text{ mil}$$

Gabarito: Alternativa **D**

RESUMO

Função do 1º Grau

A **Função polinomial do 1º Grau** (ou Função Afim) é uma função de $f: R \rightarrow R$ descrita pela seguinte lei de formação matemática:

$$f(x) = y = ax + b$$

Onde, **a** e **b** são os **coeficientes** determinados por números reais e $a \neq 0$.

$$f(x) = y = ax + b$$

Coeficiente Angular ←
→ *Coeficiente Linear*

A Função do 1º Grau define a relação entre as variáveis x e y , ou seja, para cada valor dado a x , determina-se o valor de y .

Domínio e Imagem

Na função do primeiro do grau (e em qualquer função genérica), o **domínio** é composto pelos **valores que a variável x pode assumir**.

O **domínio da função afim** é o Conjuntos dos números Reais. Ou seja, x pode assumir qualquer valor na reta Real.

$$D(f) = x \in R$$

A **Imagem da função afim** definida por $f(x) = y = ax + b$ é, assim como o Domínio, composta pelo Conjunto dos números Reais.

Em outras palavras, a **Imagem** é o valor que y assume dado um valor de x . E, conforme falamos acima, y pode ter qualquer valor dentre os números Reais.

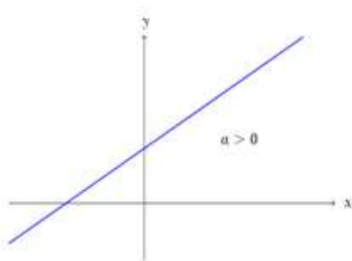
$$I(f) = R$$

Coeficiente Angular e Coeficiente Linear

$$f(x) = y = ax + b$$

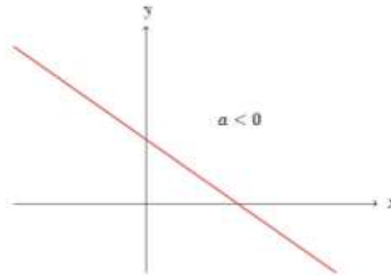
Coeficiente Angular

determina a inclinação da reta



Coeficiente Linear

onde a reta intercepta o eixo y



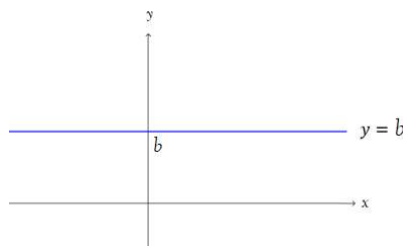
Classificação da Função do 1º Grau

Função Constante

Caracteriza-se por apresentar **Coeficiente Angular a igual a zero** ($a = 0$). E assim, por consequência, sua representação gráfica será uma reta paralela ao eixo x .

$$y = ax + b$$

$$y = 0 \times x + b \rightarrow y = b$$



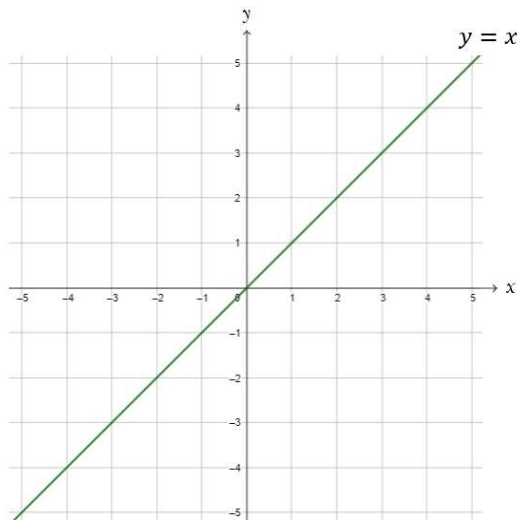
Função Identidade

Na **Função Identidade** teremos: $a = 1$ e $b = 0$.

$$y = ax + b$$

$$y = 1x + 0 \rightarrow \boxed{y = x}$$

Ou seja, os valores do Domínio da Função são iguais aos valores da Imagem.



Função Linear

Na **Função Linear**, o **Coeficiente Linear b é igual a zero** ($b = 0$) e o Coeficiente Angular $a \neq 0$ e $a \neq 1$.

$$y = ax + b$$

$$y = ax + 0 \rightarrow y = ax$$

Raiz da Função do 1º Grau

Raiz de uma função, em termos genéricos, é o valor de x que tem o condão de zerar a função $f(x)$. Ou seja, para determinar a raiz da Função do 1º Grau devemos considerar $y = 0$.

x é **raiz** da função quando: $y = 0$

Estudamos que a lei de formação da Função do 1º Grau é igual a:

$$f(x) = ax + b$$

Para encontrar a raiz, vamos igualar o valor da função a zero.

$$0 = ax + b$$

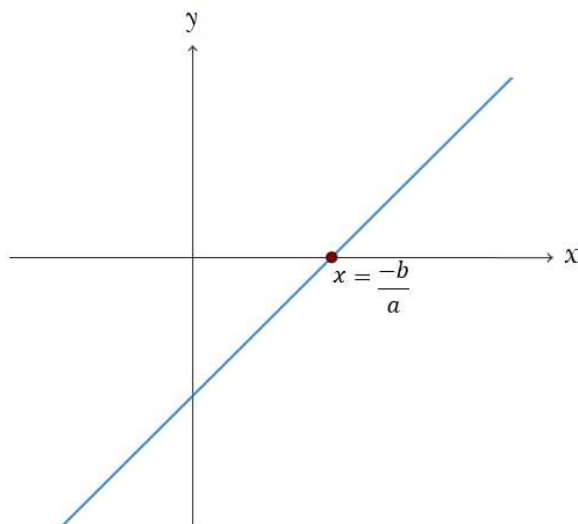
$$ax = -b \rightarrow x = \frac{-b}{a}$$

Ou seja, a reta determinada pela função do primeiro grau, sempre interceptará o eixo y ($y = 0$) no ponto $x = -b/a$.

Estudo dos sinais

Coeficiente Angular positivo

O **Coeficiente Angular positivo** ($a > 0$) determina uma reta crescente nos moldes abaixo:



Duas consequências:

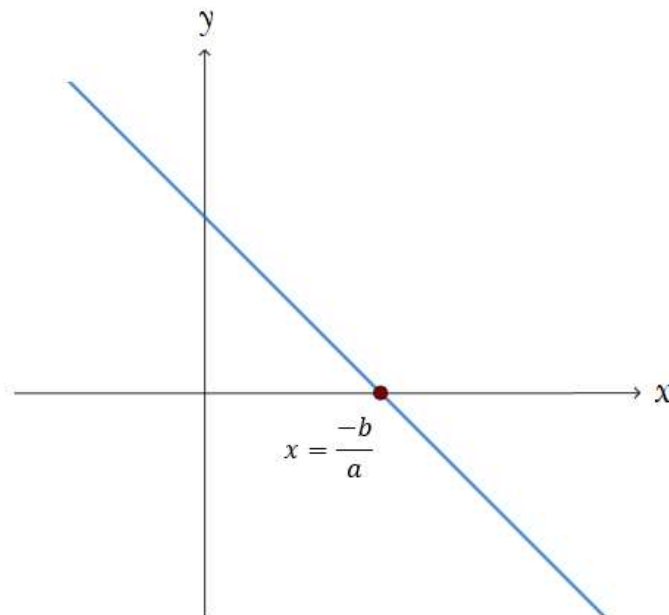
- Para valores de x **menores** que a raiz, isto é, $x < -b/a$ (à esquerda de $-b/a$), a função apresenta resultado **negativo**.

- Para valores de x **maiores** que a raiz, isto é, $x > -b/a$ (à direita de $-b/a$), a função apresenta resultado **positivo**.
- Coeficiente Angular positivo

Coeficiente Angular negativo

Quando o **Coeficiente Angular é negativo** ($a < 0$) toda a sistemática é mudada. Vamos analisar novamente passo a passo.

O coeficiente angular negativo ($a < 0$) determina uma reta **decrecente** nos moldes abaixo:



Observe que as consequências são todas inversas das que analisamos acima:

- Para valores de x **menores** que a raiz, isto é, $x < -b/a$ (à esquerda de $-b/a$), a função apresenta resultado **positivo**.
- Para valores de x **maiores** que a raiz, isto é, $x > -b/a$ (à direita de $-b/a$), a função apresenta resultado **negativo**.

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Função do 1º Grau

1. (DEIP / PM PI - 2022) Dada a função $f(x) = 7x + 10$. Qual o valor de x quando $f(x)$ é igual a 24:

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

Comentários:

Vamos substituir o valor de $f(x) = 24$ na equação e calcular o valor de x :

$$f(x) = 7x + 10$$

$$24 = 7x + 10$$

$$7x = 24 - 10$$

$$7x = 14$$

$$x = \frac{14}{7} \rightarrow x = 2$$

Gabarito: Alternativa C

2. (FUNDATEC / Pref. Vacaria - 2021) O ponto $A(-1, 7)$ pertence à reta de equação reduzida:

- a) $y = 2x + 7$.
- b) $y = 2x + 9$.
- c) $y = -2x + 7$.
- d) $y = -x + 7$.
- e) $y = x + 7$.

Comentários:

Para saber qual a equação da reta que o ponto pertence, vamos substituir $x = -1$ e constatar **em qual alternativa $y = 7$** .

a) $y = 2x + 7$.

$$y = 2(-1) + 7 = -2 + 7 \rightarrow y = 5$$

Ou seja, **não é nossa resposta**.

b) $y = 2x + 9$.

$$y = 2(-1) + 9 = -2 + 9 \rightarrow y = 7$$

Logo, a Alternativa B será nosso gabarito pois quando $x = -1, y = 7$.

Nem precisamos continuar testando as alternativas. Já encontramos nossa resposta na letra B.

Gabarito: Alternativa B

3. (CESGRANRIO / BR - 2010) “O Brasil é o país onde mais caem raios no mundo. Na última década, a cada três dias, em média, uma pessoa foi fulminada por um raio”

Revista Veja, 10 fev. 2010.

Seja $f(x)$ uma função polinomial que represente o número de pessoas fulminadas por um raio no Brasil ao longo da última década, onde x representa o número de dias. Considerando as informações apresentadas na reportagem acima, conclui-se que

- a) $f(x) = 3x$
- b) $f(x) = x + 3$
- c) $f(x) = x - 3$
- d) $f(x) = x/3$
- e) $f(x) = (3 - x)/3$

Comentários:

Podemos fazer essa questão de cabeça. Vamos imaginar um período x de 15 dias. Se a cada 3 dias uma pessoa é fulminada, em 15 dias 5 pessoas serão fulminadas, correto?

Então temos: $x = 15$ dias e $f(x) = 5$ pessoas fulminadas.

Qual das alternativas que substituindo x por 15, encontramos como resultado o valor 5?

$$f(x) = \frac{x}{3}$$

$$f(15) = \frac{15}{3} \rightarrow f(15) = 5$$

Podemos constatar arbitrando qualquer outro valor. Vamos imaginar um período de 33 dias. Ou seja, $x = 33$.

$$f(x) = \frac{x}{3}$$

$$f(33) = \frac{33}{3} \rightarrow f(33) = 11$$

Logo, em 33 dias, 11 pessoas serão fulminadas, corroborando o entendimento do enunciado em que a cada três dias, em média, uma pessoa foi fulminada por um raio.

Gabarito: Alternativa **D**

4. (FCC / SABESP - 2018) Os taxímetros de uma cidade calculam o valor de cada corrida utilizando a seguinte fórmula: $P = 4,55 + 1,35 \times k$. Nessa fórmula a letra P significa o preço a ser pago, em R\$, e a letra k significa a quantidade de quilômetros que o táxi rodou com o passageiro, inclusive com frações de quilômetros. Uma pessoa que utilizou um desses táxis e rodou 3,4 km pagou, pela corrida, a quantia de

- a) R\$ 20,06
- b) R\$ 13,12
- c) R\$ 18,34
- d) R\$ 9,14
- e) R\$ 8,92

Comentários:

Para determinar o valor da quantia P paga pela pessoa, vamos substituir a quantidade de Km por ela percorridos (3,4 km) na função e determinar o valor pago.

$$P = 4,55 + 1,35 \times k$$

$$P = 4,55 + 1,35 \times 3,4$$

$$P = 4,55 + 4,59 \rightarrow P = 9,14$$

Gabarito: Alternativa **D**

5. (FGV / SEDUC AM - 2014) Os táxis em Brasília cobram uma bandeirada de R\$ 4,10 mais R\$ 2,20 por quilômetro rodado. Antônio pegou um táxi no aeroporto de Brasília e foi até sua casa pagando R\$ 45,00.

A distância percorrida em quilômetros está entre

- a) 15 e 16 quilômetros.
- b) 16 e 17 quilômetros.
- c) 17 e 18 quilômetros.
- d) 18 e 19 quilômetros.
- e) 19 e 20 quilômetros.

Comentários:

Vamos chamar a quantidade de quilômetros rodados de x .

Os táxis em Brasília cobram uma bandeirada de R\$ 4,10 mais R\$ 2,20 por quilômetro rodado. Sendo assim, a função do preço cobrado/pago será:

$$f(x) = 4,10 + 2,20x$$

Ou seja, conforme vimos, um valor fixa de R\$ 4,10 mais R\$ 2,20 por x quilômetros rodados. Antônio pegou um táxi no aeroporto de Brasília e foi até sua casa pagando R\$ 45,00. Logo Antônio percorreu:

$$f(x) = 4,10 + 2,20x$$

$$45 = 4,10 + 2,20x$$

$$2,20x = 45 - 4,10$$

$$2,20x = 40,90$$

$$x = \frac{40,90}{2,20} \rightarrow x = 18,59$$

Logo, a distância percorrida em quilômetros está entre 18 e 19 quilômetros.

Gabarito: Alternativa **D**

6. (VUNESP / Pref. SBC - 2019) Uma lavanderia cobra R\$ 12,00 para lavar e passar uma camisa e cobra R\$ 6,00 de taxa de entrega, qualquer que seja o número de camisas a serem entregues. Se uma pessoa deixou camisas para lavar e passar nessa lavanderia e pagou pelo serviço R\$ 90,00, incluindo a taxa de entrega, então o número de camisas deixadas foi

- a) 8
- b) 7
- c) 6
- d) 5
- e) 4

Comentários:

Iremos chamar o número de camisas lavadas de x .

Uma lavanderia cobra R\$ 12,00 para lavar e passar uma camisa e cobra R\$ 6,00 de taxa de entrega, qualquer que seja o número de camisas a serem entregues. Ou seja, ela cobra um valor fixo de R\$ 6,00 mais R\$ 12,00 a cada camisa.

Matematicamente teremos a seguinte função do valor pago pelo serviço $f(x)$ em termos da quantidade de camisas lavadas x :

$$f(x) = 6 + 12x$$

Se uma pessoa deixou camisas para lavar e passar nessa lavanderia e pagou pelo serviço um valor $f(x)$ de R\$ 90,00, então ela deixou um número x de camisas igual a:

$$f(x) = 6 + 12x$$

$$90 = 6 + 12x$$

$$12x = 90 - 6$$

$$12x = 84$$

$$x = \frac{84}{12} \rightarrow x = 7$$

Gabarito: Alternativa **B**

7. (CESPE / SEDUC AL - 2013) O preço de uma corrida de táxi convencional é calculado somando o valor da bandeirada (inicial e fixo) com o valor da distância percorrida. Essa relação pode ser

representada, em um sistema de coordenadas cartesianas ortogonais xOy , por uma função da forma $y = f(x)$, em que y é o preço cobrado pela corrida de x quilômetros. Considerando que o valor da bandeirada seja de R\$ 5,00 e R\$ 0,50 por quilômetro percorrido, julgue o próximo item.

Se uma corrida de táxi custou R\$ 55,00, então a distância percorrida foi superior a 90 km.

Comentários:

Vamos chamar a quantidade de quilômetros rodados de x .

Os táxis cobram uma bandeirada de R\$ 5,00 mais R\$ 0,50 por quilômetro rodado. Sendo assim, a função do preço cobrado/pago será:

$$f(x) = 5 + 0,5x$$

Ou seja, conforme vimos, um valor fixo de R\$ 5,00 mais R\$ 0,5 por x quilômetros rodados.

Se uma corrida de táxi custou R\$ 55,00, então a distância percorrida x foi:

$$f(x) = 5 + 0,5x$$

$$55 = 5 + 0,5x$$

$$0,5x = 55 - 5$$

$$0,5x = 50$$

$$x = \frac{50}{0,5} \rightarrow x = 100 \text{ km}$$

Ou seja, a distância percorrida foi **SUPERIOR** a 90 km.

Gabarito: **CERTO**

8. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) A função $g(x) = 84x$ representa o gasto médio, em reais, com a compra de água mineral de uma família de 4 pessoas em x meses. Essa família pretende deixar de comprar água mineral e instalar em sua residência um purificador de água que custa R\$ 299,90. Com o dinheiro economizado ao deixar de comprar água mineral, o tempo para recuperar o valor investido na compra do purificador ficará entre

a) dois e três meses.

- b) três e quatro meses.
- c) quatro e cinco meses.
- d) cinco e seis meses.
- e) seis e sete meses.

Comentários:

A função $g(x) = 84x$ representa o gasto médio, em reais, com a compra de água mineral de uma família de 4 pessoas em x meses.

Vamos determinar em quantos meses essa família gastaria R\$ 299,90 em água (valor este que ela economizará, uma vez que, com a compra do purificador, não precisará mais gastar com água).

$$g(x) = 84x$$

$$299,90 = 84x$$

$$x = \frac{299,90}{84} \rightarrow x = 3,57 \text{ meses}$$

Ou seja, com o dinheiro economizado ao deixar de comprar água mineral, **o tempo para recuperar o valor investido na compra do purificador (R\$ 299,90) ficará entre três e quatro meses.**

Gabarito: Alternativa **B**

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Domínio e Imagem

1. (FUNDATEC / Pref. Tramandaí - 2021) A partir de uma função $f(x) = 2x - 13$ de $R \rightarrow R$, qual elemento do domínio tem imagem igual a 3?

- a) 10
- b) 8
- c) 6
- d) 5

Comentários:

A banca nos questiona qual o valor de x (elemento do domínio) que tem resultado $y = 3$ (imagem). Vamos substituir $y = 3$:

$$f(x) = y = 2x - 13$$

$$3 = 2x - 13$$

$$2x = 3 + 13$$

$$2x = 16$$

$$x = \frac{16}{2} \rightarrow x = 8$$

Então, o elemento do domínio $x = 8$, tem como Imagem o valor $y = 3$.

Gabarito: Alternativa **B**

2. (FUNDATEC / Pref. Vacaria - 2021) O domínio da função $f(x) = (a - 3)x + 7$, quando “ x ” é um número real, é apresentado na alternativa:

- a) $a > 3$.
- b) $a < 3$.
- c) $(-\infty, 7)$.
- d) $(7, +\infty)$.
- e) $(-\infty, +\infty)$.

Comentários:

Estudamos na teoria que na função do primeiro do grau, o **domínio** é composto pelos **valores que a variável x pode assumir**.

O **domínio da função afim** é o Conjuntos dos números Reais. Ou seja, x pode assumir qualquer valor na reta Real.

$$D(f) = x \in R$$

Ou, na notação que a banca nos trouxe temos:

$$D(f) = (-\infty, +\infty)$$

Gabarito: Alternativa E

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Coeficientes

1. (AOCF / CM Bauru - 2022) Dada uma função do 1º grau do tipo $f(x) = ax + b$, com $a \neq 0$. Sabendo que $f(2) = 5$ e $f(-1) = 17$, qual é o valor de $f(0)$?

- a) 15
- b) 14,5
- c) 14
- d) 13,5
- e) 13

Comentários:

A banca nos fornece dois pontos (x, y) pertencentes à função: $(2; 5)$ e $(-1; 17)$. Vamos substituir cada um na equação $f(x) = ax + b$.

$$f(x) = ax + b$$

$$5 = a \times 2 + b \quad e \quad 17 = a \times (-1) + b$$

Observe que ficamos com um sistema com 2 equações e 2 incógnitas (" a " e " b ").

$$\begin{cases} 5 = 2a + b & (I) \\ 17 = -a + b & (II) \end{cases}$$

Para resolver este sistema vamos **subtrair** $(II) - (I)$:

$$17 - 5 = -a - 2a + \cancel{b} - \cancel{b}$$

$$12 = -3a$$

$$a = \frac{12}{-3} \rightarrow \boxed{a = -4}$$

Para encontrar " b ", substituímos o valor de " a " em qualquer uma das equações. Vamos substituir na equação (I):

$$5 = 2a + b$$

$$5 = 2 \times (-4) + b$$

$$5 = -8 + b$$

$$b = 5 + 8 \rightarrow \boxed{b = 13}$$

Observação: Você poderia também começar calculando o **Coefficiente Angular a** pela fórmula:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{17 - 5}{-1 - 2}$$

$$a = \frac{12}{-3} \rightarrow \boxed{a = -4}$$

E, de posse de a e de um dos pontos, poderia substituir os dados na equação da função e calcular o coeficiente linear b .

Terminada a observação, temos que a função $f(x) = ax + b$ será igual a:

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = -4x + 13$$

Logo, $f(0)$:

$$f(0) = -4 \times 0 + 13 \rightarrow \boxed{f(0) = 13}$$

Gabarito: Alternativa B

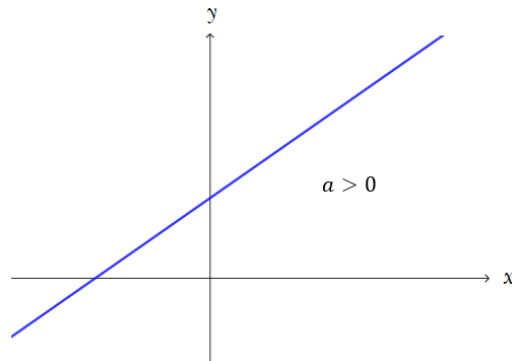
2. (DEIP / PM PI - 2022) A função afim, também conhecida como função do 1º grau, é dada por $f(x) = ax + b$. A função afim é crescente quando:

- a) $a > 0$
- b) $a < 0$
- c) $b < 0$
- d) $b > 0$
- e) nenhuma das alternativas acima

Comentários:

Estudamos na teoria que o coeficiente angular expressa a taxa de crescimento da função, isto é, ele representa a variação da variável y pela variação da variável x e quando ele é **positivo**, a função é **CRESCENTE**.

 $a > 0$, determina uma reta **CRESCENTE**, isto é, positivamente inclinada.



Observe que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y também aumentam, caracterizando assim uma função **CRESCENTE**.

Gabarito: Alternativa **A**

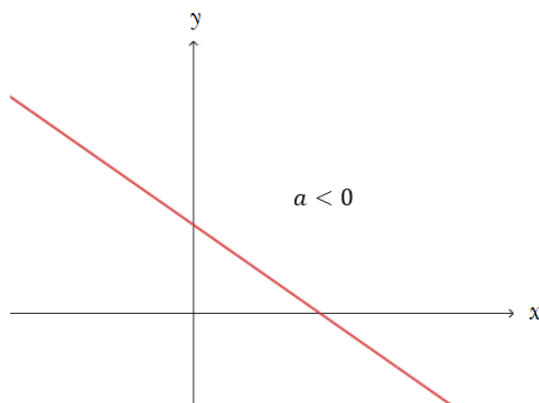
3. (FUNDATEC / CARRIS - 2021) Dentre as funções abaixo, pode-se dizer que a única DECRESCENTE é:

- a) $f(x) = 2x$
- b) $f(x) = 3$
- c) $f(x) = 3 + x$
- d) $f(x) = 1 + 2x/10$
- e) $f(x) = 10 - x/2$

Comentários:

Vimos que, para a função ser **DECRESCENTE**, o Coeficiente Angular deve ser **NEGATIVO**, isto é, $a < 0$.

 $a < 0$, determina uma reta **DECRESCENTE**, isto é, negativamente inclinada.



Perceba que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y diminuem, caracterizando assim uma função **DECRESCENTE**.

Dentre as alternativas acima, caro Aluno, qual a única delas que tem Coeficiente Angular negativo?

Isto mesmo, Alternativa E:

$$f(x) = 10 - \frac{x}{2}$$

O Coeficiente Angular a é igual a $-\frac{1}{2}$. Lembrando que o Coeficiente Angular é o coeficiente que multiplica a variável x . Nada impede que a banca apresente a função na ordem "inversa".

Gabarito: Alternativa E

4. (FUNDATEC / Pref. Vacaria - 2021) Se $f(3) = 15$ em $f(x) = (a - 1)x + 5$, então o valor de " a " será:

- a) $1/3$
- b) $1/2$
- c) $103/13$
- d) $13/3$
- e) $10/3$

Comentários:

O enunciado nos informa que para $x = 3$, $y = 15$. Vamos substituir as informações na equação e calcular o valor de a :

$$f(x) = (a - 1)x + 5$$

$$15 = (a - 1) \times 3 + 5$$

$$15 = 3a - 3 + 5$$

$$3a = 15 + 3 - 5$$

$$3a = 13 \rightarrow a = \frac{13}{3}$$

Gabarito: Alternativa D

5. (CESGRANRIO / LIQUIGÁS - 2018 Adaptada) O gráfico de uma função $f: R \rightarrow R$, definida por $f(x) = ax + b$, contém os pontos (2,3) e (6,11).

O valor de b é

- a) -4
- b) -1
- c) 3
- d) 7
- e) 10

Comentários:

A banca nos fornece dois pontos (x, y) pertencentes à função: (2; 3) e (6; 11). Vamos substituir cada um na equação $f(x) = ax + b$.

$$f(x) = ax + b$$

$$3 = a \times 2 + b \quad e \quad 11 = a \times 6 + b$$

Observe que ficamos com um sistema com 2 equações e 2 incógnitas (" a " e " b ").

$$\begin{cases} 3 = 2a + b & (I) \\ 11 = 6a + b & (II) \end{cases}$$

Para resolver este sistema vamos **subtrair** $(II) - (I)$:

$$11 - 3 = 6a - 2a + \cancel{b} - \cancel{b}$$

$$8 = 4a$$

$$a = \frac{8}{4} \rightarrow \boxed{a = 2}$$

Para encontrar " b ", substituímos o valor de " a " em qualquer uma das equações. Vamos substituir na equação (I):

$$3 = 2a + b$$

$$3 = 2 \times 2 + b$$

$$3 = 4 + b$$

$$b = 3 - 4 \rightarrow \boxed{b = -1}$$

Observação: Você poderia também começar calculando o **Coeficiente Angular** a pela fórmula:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{11 - 3}{6 - 2}$$

$$a = \frac{8}{4} \rightarrow \boxed{a = 2}$$

E, de posse de a e de um dos pontos, poderia substituir os dados na equação da função e calcular o coeficiente linear b .

Vamos substituir o ponto (2; 3):

$$f(x) = ax + b$$

$$3 = 2 \times 2 + b$$

$$3 = 4 + b$$

$$b = 3 - 4 \rightarrow \boxed{b = -1}$$

Gabarito: Alternativa **B**

6. (FGV / Pref. Salvador - 2019) O gráfico da função real f é uma reta. Sabe-se que $f(6) = 10$ e que $f(22) = 18$.

Então, $f(88)$ é igual a

- a) 29
- b) 40
- c) 51
- d) 62
- e) 76

Comentários:

Para calcular $f(88)$, vamos primeiro determinar a equação da reta $f(x) = ax + b$.

A função $f(x) = ax + b$, onde $f(6) = 10$ significa que, para $x = 6$, teremos $y = 10$. Sendo assim, sabemos que a reta passa pelos pontos (6 ; 10) e (22 ; 18).

Sabemos que o Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{18 - 10}{22 - 6}$$

$$a = \frac{8}{16} \rightarrow \boxed{a = 0,5}$$

De posse de a e de um dos pontos, podemos substituir os valores na equação da reta e determinar o valor de n . Vamos substituir o ponto (6; 10):

$$f(x) = ax + b$$

$$10 = 0,5 \times 6 + b$$

$$10 = 3 + b$$

$$b = 10 - 3 \rightarrow \boxed{b = 7}$$

Então, a reta terá a seguinte função:

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = 0,5x + 7$$

Por fim, vamos substituir $x = 88$ e calcular $f(88)$:

$$f(x) = 0,5x + 7$$

$$f(88) = 0,5 \times 88 + 7$$

$$f(88) = 44 + 7 \rightarrow \boxed{f(88) = 51}$$

Gabarito: Alternativa **C**

7. (CESPE / SEFAZ RS / 2018) Em uma tecelagem, o custo de produção e o custo de venda de x metros de tecido são expressos, respectivamente, por $C(x) = 2bx$ e $V(x) = c + dx$, em que b , c e d são constantes reais e d é o valor da comissão a ser recebida pelo vendedor para cada metro de tecido vendido. Na produção e venda de 50 m de tecido, tem-se que $C(50) + V(50) = 420$ e a comissão do vendedor é igual a 100. No caso de produção e venda de 100 m de tecido, $C(100) + V(100) = 620$.

Nesse caso, c , b e d são, respectivamente, iguais a

- a) 220, 1 e 2

- b) 220, 2 e 2
- c) 220, 2 e 4
- d) 200, 1 e 2
- e) 200, 2 e 2

Comentários:

Muitas informações para analisarmos. Vamos por partes. Vou transcrever a parte do enunciado e iremos trabalhar em cima das informações.

✚ d é o valor da comissão a ser recebida pelo vendedor para cada metro de tecido vendido. Ou seja,

$$d = \frac{\text{valor da comissão}}{\text{metro vendido}}$$

Na produção e venda de 50 m de tecido, a comissão do vendedor é igual a 100. Logo, d é igual a:

$$d = \frac{\text{valor da comissão}}{\text{metro vendido}}$$

$$d = \frac{100}{50} \rightarrow d = 2$$

✚ Na produção e venda de 50 m de tecido, tem-se que $C(50) + V(50) = 420$.

Substituiremos as fórmulas na igualdade acima:

$$C(50) + V(50) = 420$$

$$2bx + c + dx = 420$$

Sabemos que, neste passo, $x = 50$ e $d = 2$:

$$2b \times 50 + c + 2 \times 50 = 420$$

$$100b + c + 100 = 420$$

$$100b + c = 320 \rightarrow c = 320 - 100b$$

✚ No caso de produção e venda de 100 m de tecido, $C(100) + V(100) = 620$.

Substituindo novamente na função:

$$C(100) + V(100) = 620$$

$$2bx + c + dx = 620$$

Sabemos que, neste passo, $x = 100$ e $d = 2$:

$$2b \times 100 + c + 2 \times 100 = 620$$

$$200b + c + 200 = 620$$

$$200b + c = 420$$

Iremos **substituir o valor de c calculado acima**.

$$200b + c = 420$$

$$200b + 320 - 100b = 420$$

$$200b - 100b = 420 - 320$$

$$100b = 100$$

$$b = \frac{100}{100} \rightarrow \mathbf{b = 1}$$

De posse do valor de b , calculamos c :

$$c = 320 - 100b$$

$$c = 320 - 100 \times 1$$

$$c = 320 - 100 \rightarrow \mathbf{c = 220}$$

Gabarito: Alternativa **A**

8. (FGV / Pref. Paulinia - 2019) As retas cujas equações são $y = ax + b$ e $y = cx + d$ são tais que $b > 0$, $d < 0$ e $a > c > 0$.

O ponto de interseção dessas retas está

- a) no primeiro quadrante.
- b) no segundo quadrante.
- c) no terceiro quadrante.
- d) no quarto quadrante.
- e) sobre um dos eixos.

Comentários:

A melhor maneira de se resolver esta questão é arbitrar valores para as incógnitas. Arbitrando valores:

$$b = 1$$

$$d = -1$$

$$c = 1$$

$$a = 2$$

Substituindo nas funções:

$$y = ax + b$$

$$y = cx + d$$

$$y = 2x + 1$$

$$y = x - 1$$

Igualando o valor das funções para encontrarmos o **ponto de interseção**:

$$2x + 1 = x - 1$$

$$2x - x = -1 - 1$$

$$x = -2$$

De posse de x , calculamos y .

$$y = x - 1$$

$$y = -2 - 1 \rightarrow y = -3$$

Ou seja, o ponto de interseção é:

$$(-2 ; -3)$$

Sendo assim, o ponto de interseção dessas retas está no **terceiro quadrante**.

Gabarito: Alternativa **C**

9. (FGV / SEE PE - 2019) O gráfico da função $y = f(x)$ é uma reta. Sabe-se que $f(-3) = 5$ e que $f(12) = 10$.

O valor de $f(2016)$ é

- a) 656
- b) 664
- c) 670
- d) 678
- e) 682

Comentários:

Para calcular $f(2.016)$, vamos primeiro determinar a equação da reta $f(x) = ax + b$.

O enunciado nos informa que a reta passa pelos pontos $(-3; 5)$ e $(12; 10)$.

Sabemos que o Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{10 - 5}{12 - (-3)}$$

$$a = \frac{5}{12 + 3}$$

$$a = \frac{5}{15} \rightarrow \boxed{a = \frac{1}{3}}$$

De posse de a e de um dos pontos, podemos substituir os valores na equação da reta e determinar o valor de n . Vamos substituir o ponto $(12; 10)$:

$$f(x) = ax + b$$

$$10 = 12 \times \frac{1}{3} + b$$

$$10 = 4 + b$$

$$b = 10 - 4 \rightarrow \boxed{b = 6}$$

Então, a reta terá a seguinte função:

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = \frac{1}{3}x + 6$$

Por fim, vamos substituir $x = 2.016$ e calcular $f(2.016)$:

$$f(x) = \frac{1}{3}x + 6$$

$$f(2.016) = \frac{1}{3} \times 2.016 + 6$$

$$f(2.016) = 672 + 6 \rightarrow f(2.016) = 678$$

Gabarito: Alternativa **D**

10. (CESPE / PRF - 2013) Considere que, em 2009, tenha sido construído um modelo linear para a previsão de valores futuros do número de acidentes ocorridos nas estradas brasileiras. Nesse sentido, suponha que o número de acidentes no ano t seja representado pela função $F(t) = At + B$, tal que $F(2007) = 129.000$ e $F(2009) = 159.000$. Com base nessas informações e no gráfico apresentado, julgue o item a seguir.



O valor da constante A em $F(t)$ é superior a 14.500.

Comentários:

O enunciado nos informa que o número de acidentes no ano t é representado pela função $F(t) = At + B$.

O Coeficiente Angular A é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$A = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{159.000 - 129.000}{2009 - 2007}$$

$$A = \frac{30.000}{2} \rightarrow A = 15.000$$

Logo, o valor da constante A em $F(t)$ é **superior** a 14.500.

Gabarito: **CERTO**

11. (CESPE / PRF - 2013) Considere que, em 2009, tenha sido construído um modelo linear para a previsão de valores futuros do número de acidentes ocorridos nas estradas brasileiras. Nesse sentido, suponha que o número de acidentes no ano t seja representado pela função $F(t) = At + B$, tal que $F(2007) = 129.000$ e $F(2009) = 159.000$. Com base nessas informações e no gráfico apresentado, julgue o item a seguir.



A diferença entre a previsão para o número de acidentes em 2011 feita pelo referido modelo linear e o número de acidentes ocorridos em 2011 dado no gráfico é superior a 8.000.

Comentários:

Vamos, primeiramente, encontrar a função que descreve o modelo linear. O enunciado nos informa que o número de acidentes no ano t é representado pela função $F(t) = At + B$.

Na questão anterior calculamos o valor do Coeficiente Angular A .

$$A = 15.000$$

Para calcular o Coeficiente Linear B iremos substituir um dos pontos na equação da reta. Substituiremos o ponto (2.007; 129.000).

$$F(t) = At + B$$

$$129.000 = 15.000 \times 2007 + B$$

$$129.000 = 15.000 \times 2007 + B$$

$$B = 129.000 - 15.000 \times 2007$$

Deixaremos B desta forma. **Não faça ainda esta conta.**

Iremos calcular o valor $F(t)$ da função no ano de 2011, isto é, quando $t = 2011$.

$$F(t) = At + B$$

$$F(t) = 15.000 \times 2011 + 129.000 - 15.000 \times 2007$$

Reordenando:

$$F(t) = 15.000 \times 2011 - 15.000 \times 2007 + 129.000$$

Colocando 15.000 em evidência:

$$F(t) = 15.000 \times (2011 - 2007) + 129.000$$

$$F(t) = 15.000 \times 4 + 129.000$$

Percebeu agora o porquê não calculamos o valor literal de B na passagem acima?

$$F(t) = 60.000 + 129.000$$

$$F(t) = 189.000 \rightarrow F(t) = \mathbf{189 \text{ mil}}$$

A diferença entre a previsão para o número de acidentes em 2011 feita pelo referido modelo linear (189 mil) e o número de acidentes ocorridos em 2011 dado no gráfico (189 mil) é igual a:

$$d = 189 - 189 \rightarrow \mathbf{d = 0}$$

Gabarito: **ERRADO**

12. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) Um escritório de contabilidade fez um acompanhamento dos seus custos mensais de manutenção e verificou que esses custos são, principalmente, uma função linear do número de funcionários contratados. Um extrato do histórico desse processo consta da tabela a seguir.

| CUSTO MENSAL (em R\$) | NÚMERO DE FUNCIONÁRIOS |
|--------------------------|---------------------------|
| 5.000,00 | 2 |
| 11.000,00 | 5 |
| 17.000,00 | 8 |
| 25.000,00 | 12 |

Qual é o valor predito para o custo mensal, em reais, desse escritório se forem contratados 7 funcionários?

- a) 13.000,00
- b) 14.000,00
- c) 14.500,00
- d) 15.000,00
- e) 16.000,00

Comentários:

A banca nos informa que os custos são uma função linear do número de funcionários contratados. Vamos então calcular a equação da reta (linear) dos Custos y em função do número de funcionários x .

$$y = ax + b$$

Para encontrar a equação de uma reta, precisamos de 2 pontos desta. Iremos trabalhar com os pontos: (2; 5.000) e (5; 11.000).

O Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{11.000 - 5.000}{5 - 2}$$

$$a = \frac{6.000}{3} \rightarrow \boxed{a = 2.000}$$

Para calcular o Coeficiente Linear b iremos substituir um dos pontos na equação da reta. Substituiremos o ponto (2; 5.000).

$$y = ax + b$$

$$5.000 = 2.000 \times 2 + b$$

$$5.000 = 4.000 + b$$

$$b = 5.000 - 4.000 \rightarrow \boxed{b = 1.000}$$

Então, a equação da reta será:

$$y = ax + b$$

$$y = 2.000x + 1.000$$

O valor predito y para o custo mensal, em reais, desse escritório se forem contratados **7 funcionários** será:

$$y = 2.000x + 1.000$$

$$y = 2.000 \times 7 + 1.000$$

$$y = 14.000 + 1.000 \rightarrow y = 15.000$$

Gabarito: Alternativa **D**

13. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) Seja f uma função real de variável real dada por $f(x) = 8 - 3x$. Analise as afirmações a seguir.

I – O coeficiente angular de f é 8.

II – O gráfico de f é uma reta que corta o eixo vertical no ponto (0,5).

III – Para acréscimos de 1 unidade no valor de x , o valor de f diminui 3 unidades.

Está(ão) correta(s) APENAS

- a) I
- b) II
- c) III
- d) I e II
- e) I e III

Comentários:

Vamos analisar item a item.

I – O coeficiente angular de f é 8.

INCORRETO. O Coeficiente Angular da reta é igual a -3 .

Dada a equação da reta $y = ax + b$, o Coeficiente Angular é o termo que multiplica a incógnita x .

O item acima apenas **inverteu a ordem** de apresentação da equação da reta. Ao invés de $y = ax + b$, ele apresentou $y = b + ax$.

Espelando as 2 equações:

$$y = b + ax$$

$$f(x) = 8 - 3x$$

Temos que o **Coeficiente Angular da reta é igual a -3** e o Coeficiente Linear é igual a 8.

II – O gráfico de f é uma reta que corta o eixo vertical no ponto $(0,5)$.

INCORRETO. O gráfico da reta corta o eixo vertical (eixo y) quando $x = 0$.

Vamos então substituir $x = 0$ na função:

$$f(x) = 8 - 3x$$

$$f(x) = 8 - 3 \times 0$$

$$f(x) = 8$$

Ou seja, o gráfico de f é uma reta que corta o eixo vertical no ponto $(0; 8)$.




Na hora da prova, apesar desta passagem ter sido rápida, você nem precisaria calcular. No item acima, vimos que o Coeficiente Linear é igual a 8. O Coeficiente Linear é o valor em que a reta cruza o eixo y ($x = 0$).

III – Para acréscimos de 1 unidade no valor de x , o valor de f diminui 3 unidades.


CORRETO. O Coeficiente Angular da reta é igual a -3 , ou seja, para acréscimos de 1 unidade no valor de x , o valor de f diminui 3 unidades. Vejamos:

Vamos substituir 3 valores para x e constatar se é verdadeiro o item. Substituiremos $x = 0, 1$ e 2 .

 $x = 0$

$$f(x) = 8 - 3x$$


$$f(0) = 8 - 3(0) \rightarrow f(0) = 8$$

 $x = 1$

$$f(x) = 8 - 3x$$

$$f(1) = 8 - 3(1)$$

$$f(1) = 8 - 3 \rightarrow f(1) = 5$$

 $x = 2$

$$f(x) = 8 - 3x$$

$$f(2) = 8 - 3(2)$$

$$f(2) = 8 - 6 \rightarrow f(2) = 2$$

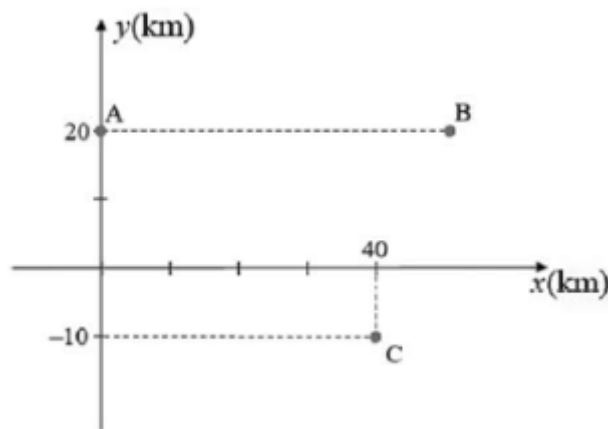
Observe então que para acréscimos de 1 unidade no valor de x ($x = 0, 1$ e 2), o valor de f diminui 3 unidades.

Gabarito: Alternativa **C**

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Gráfico da Função do 1º Grau

1. (CESPE / Unb - 2021) Os automóveis de moradores das cidades A, B e C são todos emplacados na cidade A, cuja disposição geográfica está apresentada no sistema cartesiano a seguir, com coordenadas expressas em quilômetros. A distância entre as cidades A e B é a mesma distância entre as cidades A e C.



Com base nessas informações, julgue o item seguinte.

A equação cartesiana da reta que passa pelos pontos A e C é $3x + 4y = 80$.

Comentários:

Ao invés de tentarmos descobrir a equação da reta que passa pelos pontos A e C, vamos substituir as coordenadas dos pontos na reta dada e constatar se pertencem ou não a reta.

Se ambos pertencerem é porque a função fornecida é a equação da reta que passa pelos dois pontos. Afinal, por dois pontos distintos só pode passar uma reta.

O ponto A tem coordenadas $A(0, 20)$ e o ponto C, $C(40, -10)$.

Substituindo $x_A = 0$ na equação fornecida.

$$3x + 4y = 80$$

$$3.0 + 4y_A = 80$$

$$4y_A = 80$$

$$y_A = \frac{80}{4} \rightarrow y_A = 20$$

Ou seja, o ponto $A(0, 20)$ pertence a função $3x + 4y = 80$. Vejamos o ponto C.

Substituindo $x_C = 40$ na equação fornecida.

$$3x + 4y = 80$$

$$3(40) + 4y_B = 80$$

$$120 + 4y_B = 80$$

$$4y_B = -40$$

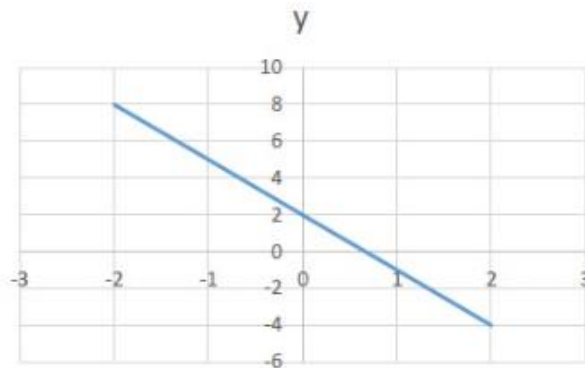
$$y_B = \frac{-40}{4} \rightarrow y_B = -10$$

Logo, $C(40, -10)$ também pertence a função $3x + 4y = 80$.

Então, concluímos que a equação cartesiana da reta que passa pelos pontos A e C é $3x + 4y = 80$.

Gabarito: **CERTO**

2. (FUNDATEC / Pref. B. do Ribeiro - 2021) Analise o gráfico a seguir:



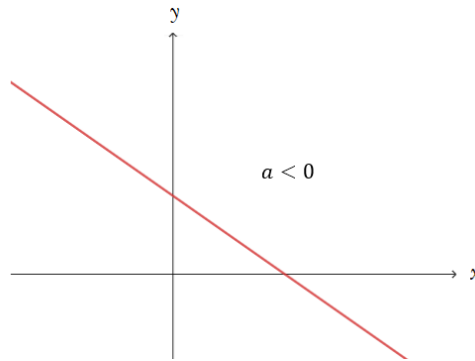
O gráfico mostra um tipo de função no qual o menor valor de x tem a maior correspondência em y . Isso quer dizer que a função é:

- a) Crescente.
- b) Decrescente.
- c) Quadrática.

- d) Constante.
- e) Decendente.

Comentários:

Estudamos que quando o Coeficiente Angular a é NEGATIVO determina uma reta **DECRESCENTE**, isto é, negativamente inclinada, conforme imagem abaixo estudada na teoria.



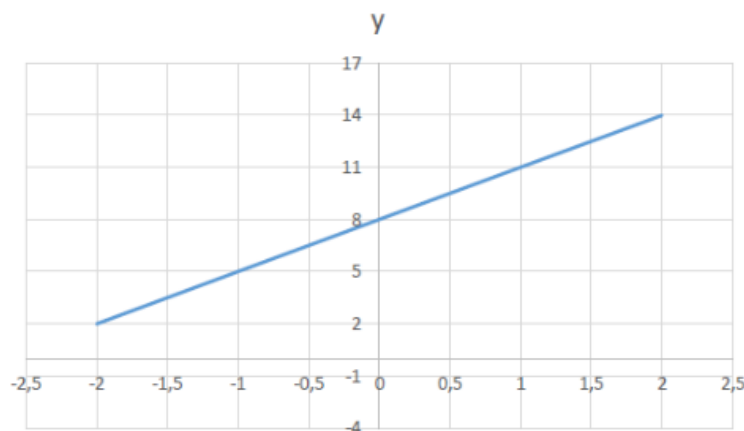
Perceba que, à medida que nos deslocamos da esquerda para a direita no eixo x , ou seja, aumentamos os valores de x , os valores de y diminuem, caracterizando assim uma função **DECRESCENTE**.

Em termos matemáticos, dizemos que uma função é **DECRESCENTE** quando:

$$x_2 > x_1 \rightarrow f(x_2) < f(x_1)$$

Gabarito: Alternativa **B**

3. (FUNDATEC / Pref. Imbé - 2020) Analise o gráfico a seguir e assinale a alternativa que demonstra a função geratriz correta para o gráfico.



- a) $-3x + 8$
- b) $3x - 8$
- c) $-3x - 8$
- d) $3x + 8$
- e) $3x^2 + 8$

Comentários:

Vamos "matar" essa questão **sem precisar fazer conta** com o que aprendemos na teoria.

Observe inicialmente que se trata de uma reta. Logo, a função será da forma $y = ax + b$. Sendo assim, já descartamos a alternativa E que nos traz uma função quadrática.

Secundariamente, analisamos o Coeficiente Angular a (que multiplica a variável x). Observe que se trata de uma reta **CRESCENTE**. Logo, $a > 0$ (**positivo**). Então, descartamos também as alternativas A e C (que trazem a negativo).

Sobraram as letras B e D. Vejamos o Coeficiente Linear b .

O Coeficiente Linear b é definido pelo **ponto em que a reta intercepta o eixo y**. Perceba que a reta intercepta y em $y = 8$. Logo, $b = 8$.

Como estávamos apenas entre as alternativas B e D, **marcamos a D** em que $b = 8$.

"Entendi, professor. Nessa questão conseguimos acertar sem precisar calcular o valor do Coeficiente Angular a . Mas, caso precisássemos calculá-lo? Como faríamos?"

Sabemos que $b = 8$, certo? Então, a equação da reta será igual a:

$$y = ax + b$$

$$y = ax + 8$$

Vamos pegar um ponto pertencente à reta e substituir na fórmula acima. Observe que o ponto $(1; 11)$ pertence à reta. Isto é, quanto $x = 1$, $y = 11$.

$$y = ax + 8$$

$$11 = a(1) + 8$$

$$11 = a + 8$$

$$a = 11 - 8 \rightarrow \boxed{a = 3}$$

A equação da reta será:

$$y = ax + b \rightarrow y = 3x + 8$$

Gabarito: Alternativa D

4. (FCC / SEFAZ BA - 2019) Após licitação, notebooks foram adquiridos por secretaria municipal, no valor unitário de 12 mil reais. Suponha que o preço do equipamento (y) seja uma função $y = mx + n$, sendo x o número de anos de utilização do equipamento, com m e n parâmetros reais. Considerando que na época inicial ($x = 0$) tem-se que $y = 12$ mil reais e que para $x = 7$ o valor de y é igual a 800 reais, o valor do equipamento para $x = 4$ é igual a, em reais,

- a) 4.200
- b) 4.600
- c) 5.200
- d) 5.600
- e) 7.200

Comentários:

Vamos determinar, primeiramente, o gráfico da função $y = mx + n$.

O enunciado nos informa que a reta passa pelo ponto $(0 ; 12.000)$. Iremos substituir na equação acima:

$$y = mx + n$$

$$12.000 = m \times 0 + n \rightarrow n = 12.000$$

O enunciado nos informa também que a reta passa pelo ponto $(7 ; 800)$. Substituiremos mais uma vez na equação:

$$y = mx + n$$

$$800 = m \times 7 + 12.000$$

Observe que o valor de n determinamos na primeira substituição.

$$800 = 7m + 12.000$$

$$7m = 800 - 12.000$$

$$7m = -11.200$$

$$m = \frac{-11.200}{7} \rightarrow m = -1.600$$

Sendo assim, a função será:

$$y = mx + n$$

$$y = -1.600x + 12.000$$

Logo, o valor do equipamento para $x = 4$ é igual a, em reais:

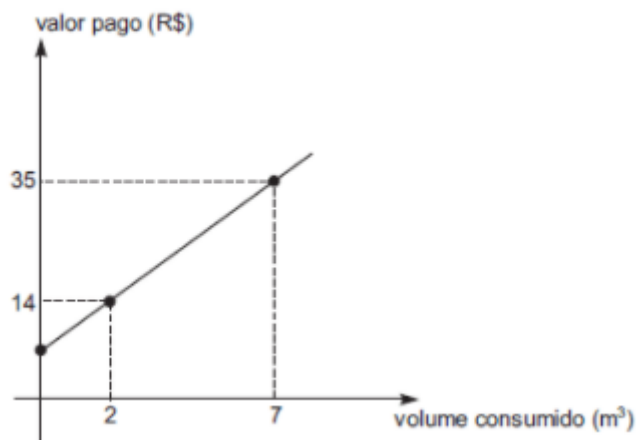
$$y = -1.600x + 12.000$$

$$y = -1.600 \times 4 + 12.000$$

$$y = -6.400 + 12.000 \rightarrow y = 5.600$$

Gabarito: Alternativa **D**

5. (CESGRANRIO / BNDES - 2011) A figura abaixo ilustra o gráfico da função que associa o volume de gás consumido pelos domicílios de um município ao valor pago por esse consumo.



O valor pago, em reais, por cada metro cúbico consumido, é de

- a) 7,00
- b) 5,60
- c) 5,00
- d) 4,20
- e) 4,00

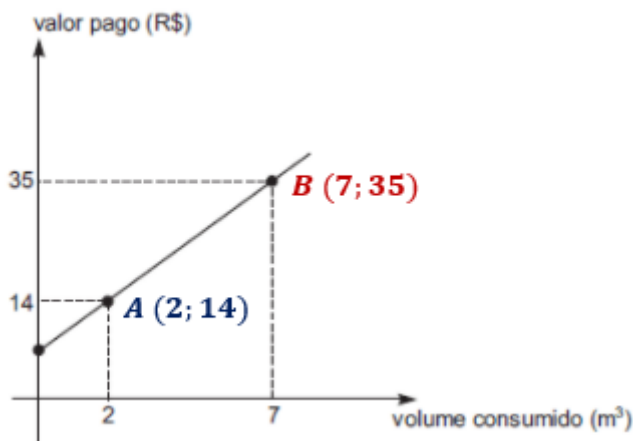
Comentários:

Observe que a banca nos questiona o valor da variação do valor pago (eixo y) por cada variação do metro cúbico (eixo x), ou seja, o enunciado quer saber, nada mais nada menos, que **o valor do Coeficiente Angular da reta**.

O Coeficiente Angular a da reta é otido pela variação de y sobre a variação de x .

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

Vejamos no gráfico os pontos B e A .



Substituindo os valores e calculando o Coeficiente Angular:

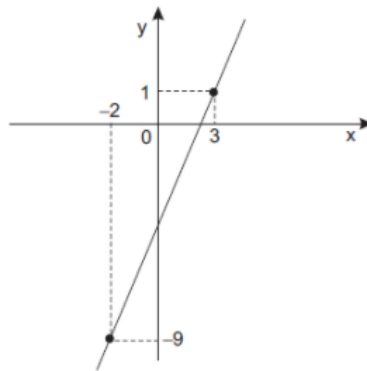
$$a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{35 - 14}{7 - 2}$$

$$a = \frac{21}{5} \rightarrow a = 4,2$$

Ou seja, os consumidores pagam **R\$ 4,20 por cada metro cúbico consumido**.

Gabarito: Alternativa **D**

6. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) A função geradora do gráfico abaixo é do tipo $y = mx + n$.



Então, o valor de $m^3 + n$ é

- a) 2
- b) 3
- c) 5
- d) 8
- e) 13

Comentários:

O gráfico acima nos fornece dois pontos (x, y) pertencentes à função: $(-2; -9)$ e $(3; 1)$. Vamos substituir cada um na equação $y = mx + n$.

Sabemos que o Coeficiente Angular m é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{1 - (-9)}{3 - (-2)}$$

$$m = \frac{1 + 9}{3 + 2}$$

$$m = \frac{10}{5} \rightarrow \boxed{m = 2}$$

De posse de m e de um dos pontos, podemos substituir os valores na equação da reta e determinar o valor de n . Vamos substituir o ponto $(3; 1)$:

$$y = mx + n$$

$$1 = 2 \times 3 + n$$

$$1 = 6 + n$$

$$n = 1 - 6 \rightarrow \boxed{n = -5}$$

Então, $m^3 + n$ será igual a:

$$m^3 + n = 2^3 - 5$$

$$m^3 + n = 8 - 5 \rightarrow \boxed{m^3 + n = 3}$$

Gabarito: Alternativa **B**

7. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O valor de um caminhão do tipo A novo é de R\$ 90.000,00 e, com 4 anos de uso, é de R\$50.000,00. Supondo que o preço caia com o tempo, segundo uma função linear, o valor de um caminhão do tipo A, com 2 anos de uso, em reais, é de

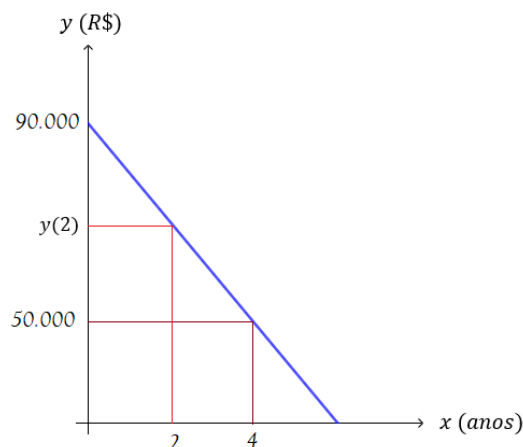
- a) 40.000,00
- b) 60.000,00
- c) 80.000,00
- d) 50.000,00
- e) 70.000,00

Comentários:

Na hora da prova, iremos raciocinar da seguinte maneira: O valor cai **linearmente**. Logo, se caiu 40 mil em 4 anos (foi de 90 mil para 50 mil) é porque em 2 anos terá caído 20 mil (a metade).

Então, como o valor inicial é 90 mil e, em 2 anos caiu 20mil, é porque **o valor com 2 anos de uso será de 70mil**. E assim, marcaríamos o Gabarito Alternativa E e partiríamos para a próxima questão.

Vejamos agora pela função. O valor de um caminhão do tipo A novo é de R\$ 90.000,00 e, com 4 anos de uso, é de R\$50.000,00. Graticamente (fora de escala) teremos:



Observe que o valor inicial é de R\$ 90.000,00 e, após 4 anos, o valor é de R\$ 50.000,00. Temos então os Pontos (0; 90.000) e (4; 50.000).

A banca nos questiona o valor com 2 anos de uso.

Vamos, primeiramente, encontrar a equação da reta $y = ax + b$.

O Coeficiente Linear b é determinado pelo ponto em que a reta cruza o eixo y . No nosso caso:

$$b = 90.000$$

O Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{50.000 - 90.000}{4 - 0}$$

$$a = \frac{-40.000}{4} \rightarrow a = -10.000$$

Sendo assim, a equação da reta será:

$$y = ax + b$$

$$y = -10.000x + 90.000$$

A banca nos questiona o valor quando $x = 2$, isto é, com 2 anos de uso.

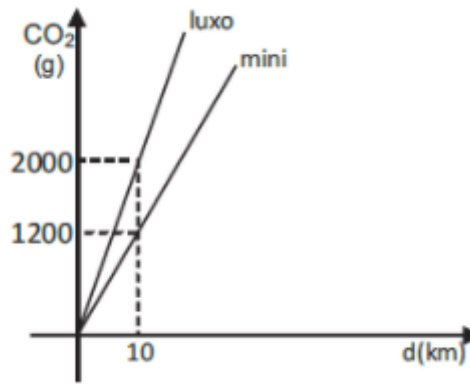
$$y(x) = -10.000x + 90.000$$

$$y(2) = -10.000 \times 2 + 90.000$$

$$y(2) = -20.000 + 90.000 \rightarrow y(2) = 70.000$$

Gabarito: Alternativa E

8. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O gráfico abaixo apresenta a quantidade média de CO₂, em gramas, lançada na atmosfera por automóveis modelos “luxo” e “mini”, em função da distância percorrida, em km.



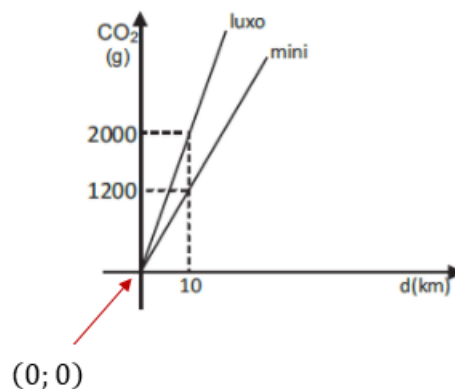
A lei que expressa a quantidade média Q de CO₂, em gramas, lançada na atmosfera por um carro modelo “mini”, em função

- a) $Q(d) = 120d$
- b) $Q(d) = 200d$
- c) $Q(d) = 1200d$
- d) $Q(d) = 1200 + d$
- e) $Q(d) = 2000 + d$

Comentários:

O gráfico acima da função "mini" nos fornece dois pontos (x, y) pertencentes à função: $(0; 0)$ e $(10; 1.200)$. Vamos substituir cada um na equação $y = ax + b$.

O Coeficiente Linear b é determinado pelo ponto em que a reta cruza o eixo y . Observe que **a função cruza o eixo y em 0.**



Então, neste caso:

$$b = 0$$

O Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{1.200 - 0}{10 - 0}$$

$$a = \frac{1.200}{10} \rightarrow \boxed{a = 120}$$

Sendo assim, a equação da reta "mini" será igual a:

$$y = ax + b$$

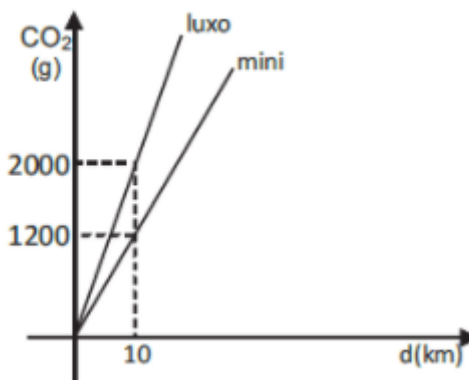
$$y = 120x + 0 \rightarrow y = 120x$$

A banca colocou $Q(d)$ no eixo y e d no eixo x . Ficamos com:

$$y = 120x \rightarrow \boxed{Q(d) = 120d}$$

Gabarito: Alternativa **A**

9. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O gráfico abaixo apresenta a quantidade média de CO₂, em gramas, lançada na atmosfera por automóveis modelos "luxo" e "mini", em função da distância percorrida, em km.



Considere a quantidade média de CO₂ lançada na atmosfera por um carro "luxo" ao percorrer 600km. Que distância, em km, deveria ser percorrida por um carro "mini", de modo que a mesma quantidade média de CO₂ fosse lançada na atmosfera?

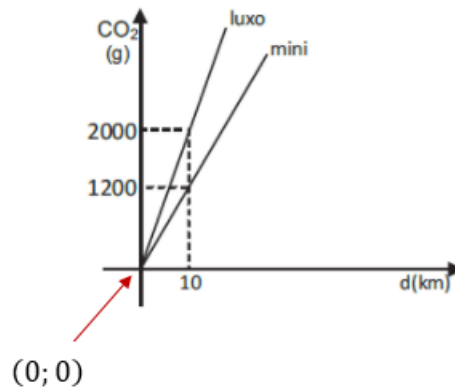
- a) 800
- b) 900

- c) 1.000
- d) 1.100
- e) 1.200

Comentários:

Vamos determinar a equação da reta $y = ax + b$ da quantidade média de CO₂ lançada na atmosfera por um carro “luxo” ao percorrer x km.

O Coeficiente Linear b é determinado pelo ponto em que a reta cruza o eixo y . Observe que **a função cruza o eixo y em 0.**



Então, neste caso:

$$b = 0$$

O Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{2.000 - 0}{10 - 0}$$

$$a = \frac{2.000}{10} \rightarrow a = 200$$

Sendo assim, a equação da reta "luxo" será igual a:

$$y = ax + b$$

$$y = 200x + 0 \rightarrow y = 200x$$

Para $x = 600 \text{ km}$ será lançado a quantidade média de CO₂ igual a:

$$y = 200x$$

$$y = 200 \times 600 \rightarrow y = 120.000$$

Vamos determinar que distância, em km, deveria ser percorrida por um carro “mini”, de modo que a mesma quantidade média de CO₂ fosse lançada na atmosfera, isto é, 120.000 g CO₂.

Determinarmos a **equação da reta "mini" no exercício anterior**.

$$y = 120x$$

Vamos determinar o valor da distância x quando $y = 120.000$.

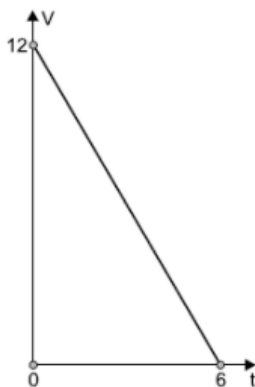
$$y = 120x$$

$$120.000 = 120x$$

$$x = \frac{120.000}{120} \rightarrow x = 1.000 \text{ Km}$$

Gabarito: Alternativa C

10. (VUNESP / Pref. Ribeirão Preto - 2018) O gráfico a seguir mostra a relação entre a quantidade V (em m³) de água em uma caixa e o tempo t (em h) em que uma torneira permaneceu aberta, esvaziando essa caixa.



A relação entre V e t pode ser expressa por:

- a) $V = 12 - 6t$
- b) $V = 12 - 2t$
- c) $V = 12 + 6t$

d) $V = 6 + 12t$

e) $V = 6 - 2t$

Comentários:

Estudamos que a função genérica de uma reta é dada por:

$$y = ax + b$$

Observe que no gráfico apresentado pela banca, no eixo y temos a variável V e, no eixo x , a variável t . Sendo assim nossa função será:

$$y = ax + b$$

$$V = at + b$$

O Coeficiente Linear b é determinado pelo ponto em que a reta cruza o eixo y . Observe que **a função cruza o eixo y em 12.**

$$b = 12$$

Perceba que a reta cruza o eixo x em $(6; 0)$. Vamos substituir este ponto na equação da reta e determinar o valor do coeficiente angular a .

$$V = at + b$$

$$0 = a \times 6 + 12$$

$$6a = -12$$

$$a = \frac{-12}{6} \rightarrow a = -2$$

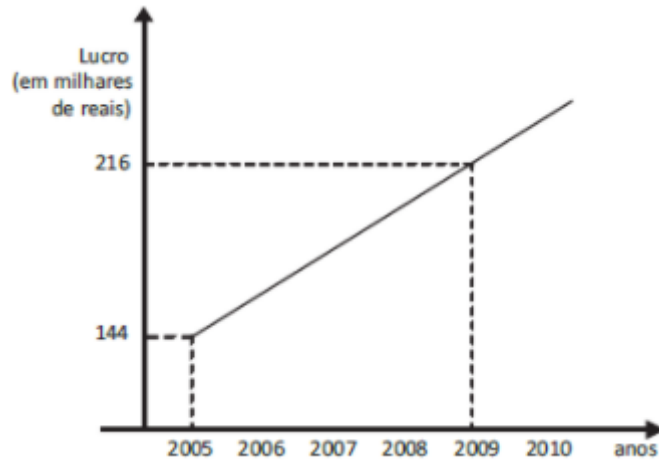
Logo, a função de relação entre V e t pode ser expressa por:

$$V = at + b$$

$$V = -2t + 12 \text{ ou } V = 12 - 2t$$

Gabarito: Alternativa **B**

11. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O lucro anual de uma pequena empresa vem crescendo linearmente, como mostra o gráfico abaixo.



Se esse ritmo de crescimento anual for mantido, qual será, em milhares de reais, o lucro dessa empresa, em 2010?

- a) 224
- b) 234
- c) 248
- d) 254
- e) 268

Comentários:

Vamos, primeiramente, determinar a equação da reta $y = ax + b$.

O Coeficiente Angular a é determinado pela variação de y sobre a variação de x . Isto é:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{216 - 144}{2.009 - 2.005}$$

$$a = \frac{72}{4} \rightarrow \boxed{a = 18}$$

Para calcular o Coeficiente Linear b , iremos substituir o Ponto (2.005; 144) na equação da reta:

$$y = ax + b$$

$$144 = 18 \times 2.005 + b$$

$$144 = 36.090 + b$$

$$b = 144 - 36.090 \rightarrow \boxed{b = -35.946}$$

Logo, a equação da reta será:

$$y = ax + b$$

$$y = 18x - 35.946$$

O lucro y dessa empresa, quando $x = 2.010$ será igual a:

$$y = 18x - 35.946$$

$$y = 18 \times 2.010 - 35.946$$

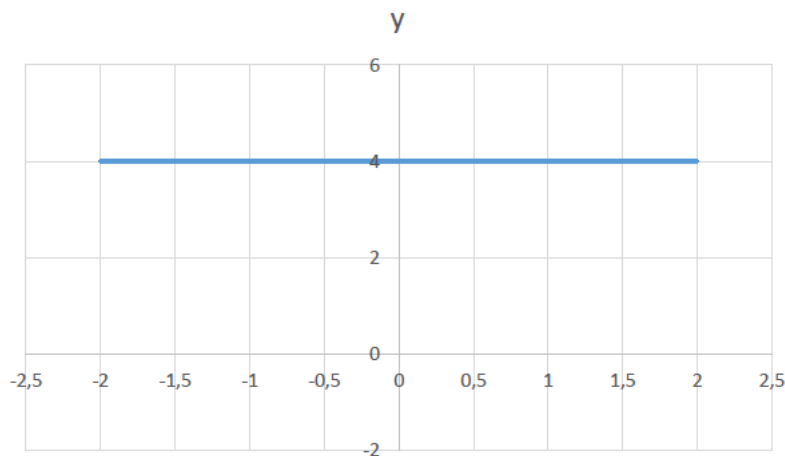
$$y = 36.180 - 35.946 \rightarrow y = 234$$

Gabarito: Alternativa **B**

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Classificação da Função do 1º Grau

1. (FUNDATEC / Pref. Ametista do Sul - 2021) O gráfico abaixo é de uma função do tipo $ax + b$ e dele podemos, corretamente, dizer que:



- a) $a > 0$
- b) $a < 0$
- c) $b = 0$
- d) $b = 4$
- e) $x = 4$

Comentários:

Observe que estamos diante de uma Função Constante.

Esta, caracteriza-se por apresentar **Coeficiente Angular a igual a zero** ($a = 0$). E assim, por consequência, sua representação gráfica será uma reta paralela ao eixo x .

$$y = ax + b$$

$$y = 0 \times x + b \rightarrow y = b$$

Perceba que a reta intercepta o eixo y em $y = 4$. Logo,

$$b = 4$$

Gabarito: Alternativa **D**

2. (VUNESP / Pref. Cerquillo - 2019) A representação gráfica de uma função constante, com o maior domínio possível, é uma

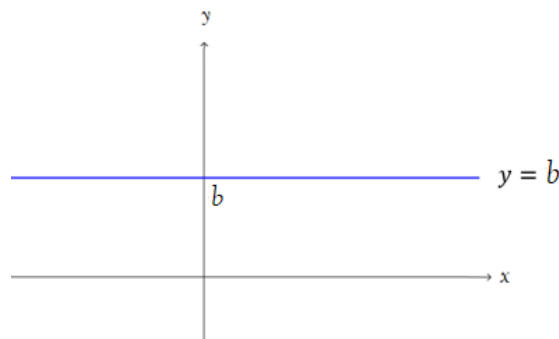
- a) reta paralela ao eixo das ordenadas.
- b) reta paralela ao eixo das abscissas.
- c) reta não paralela ao eixo das abscissas, não paralela ao eixo das ordenadas, e contendo o ponto (0, 0).
- d) reta não paralela ao eixo das abscissas, não paralela ao eixo das ordenadas, e não contendo o ponto (0, 0).
- e) parábola, contendo o ponto (0, 0)

Comentários:

Caracteriza-se por apresentar **Coeficiente Angular a igual a zero** ($a = 0$). E assim, por consequência, sua representação gráfica será uma reta paralela ao eixo x .

$$y = ax + b$$

$$y = 0 \times x + b \rightarrow y = b$$



Então, a representação gráfica de uma função constante, com o maior domínio possível será uma **reta paralela ao eixo das abscissas**, isto é, paralela ao eixo x .

Gabarito: Alternativa **B**

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Raiz da Função do 1º Grau

1. (AOCP / SANESUL - 2021) Sobre as funções de primeiro grau, são estabelecidas as seguintes afirmações:

I. É possível determinar se uma função da forma " $f(x) = ax + b$ " é crescente ou decrescente observando o sinal do coeficiente linear " b ".

II. O gráfico de " $f(x) = ax + b$ " (com " a " e " b " não nulos) intercepta o eixo das abscissas em " b ".

III. A função " $f(x) = 3x + 5$ " tem raiz negativa.

A respeito dessas afirmações, assinale a alternativa correta.

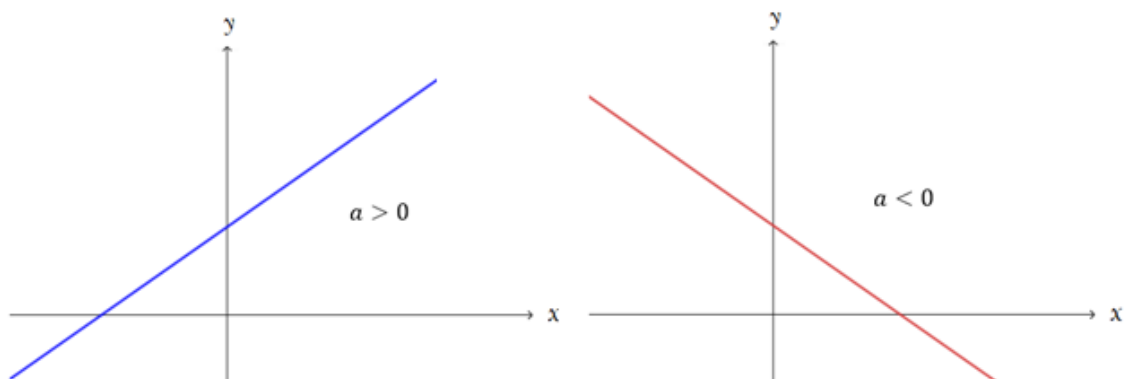
- a) Apenas a afirmação I é verdadeira.
- b) Apenas a afirmação II é verdadeira.
- c) Apenas a afirmação III é verdadeira.
- d) A afirmação II é a justificativa para que a III seja verdadeira.
- e) Todas as afirmações são falsas.

Comentários:

Vamos analisar item a item.

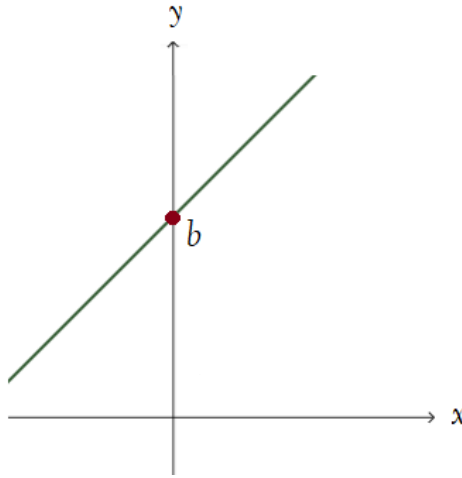
I. É possível determinar se uma função da forma " $f(x) = ax + b$ " é crescente ou decrescente observando o sinal do coeficiente ~~linear~~ " b ".

INCORRETO. Quem determina se a função é crescente ou decrescente é o Coeficiente ANGULAR " a " (coeficiente que multiplica a variável x).



II. O gráfico de " $f(x) = ax + b$ " (com " a " e " b " não nulos) intercepta o eixo ~~das abscissas~~ em " b ".

INCORRETO. Estudamos que na nossa lei de formação matemática $y = ax + b$, o Coeficiente Linear b é definido pelo **ponto em que a reta intercepta o eixo y** , isto é, intercepta o eixo das ORDENADAS.



III. A função " $f(x) = 3x + 5$ " tem raiz negativa.

CORRETO. Para encontrar a raiz da função, vamos igualar $f(x) = 0$.

$$f(x) = 3x + 5$$

$$0 = 3x + 5$$

$$3x = -5 \rightarrow x = \frac{-5}{3}$$

Ou seja, a função " $f(x) = 3x + 5$ " tem (sim) raiz **negativa**.

Gabarito: Alternativa C

2. (FUNDATEC / Pref. Campo Bom - 2019) O zero da função de primeiro grau $f(x) = 3x - 9$ é:

- a) $x = -9$
- b) $x = 9$
- c) $x = 0$
- d) $x = -3$
- e) $x = 3$

Comentários:

Estudamos que **raiz (ou zero) de uma função**, é o valor de x que tem o condão de zerar a função $f(x)$.

Igualando $f(x) = 0$ temos:

$$f(x) = 3x - 9$$

$$0 = 3x - 9$$

$$3x = 9$$

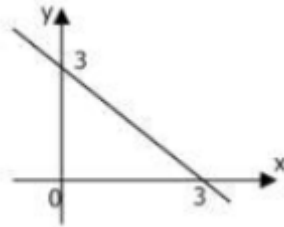
$$x = \frac{9}{3} \rightarrow x = 3$$

Gabarito: Alternativa E

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Estudos dos Sinais

1. (CETREDE / Prof. Frecherinha - 2022) Sabendo-se que função $f(x) = ax + b$ está representada no gráfico a seguir, então



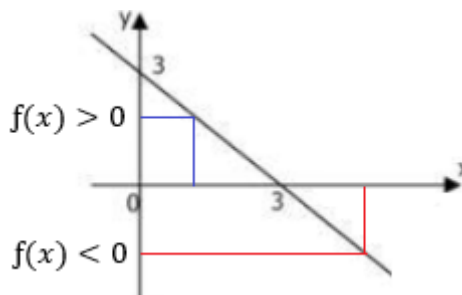
- a) $f(x) < 0$ para $x > 3$.
- b) $f(x) = x - 3$.
- c) $f(x) < 0$ para $x < 7$.
- d) $f(x) = x + 3$.
- e) $f(x) < 0$ para $x < 0$.

Comentários:

Observe, inicialmente, que temos uma função **DECRESCENTE**, isto é, quanto **MAIOR** os valores de x , **MENOR** os valores de y . Se a reta é decrescente, o Coeficiente Angular a (que multiplica x) é **negativo**.

Sendo assim, já poderíamos descartar "de cara" as alternativas B e D (que apresentam Coeficientes Angulares positivos).

Perceba que, conforme descrevemos, a função é decrescente. Vamos fazer um recorte em $x = 3$, ou seja, no ponto em que a reta intercepta o eixo x (raiz da função).



- Para valores de x menores que 3 ($x < 3$), a função apresenta valores positivos. Então, $f(x) > 0$ para $x < 3$.

- Já para valores de x maiores que 3 ($x > 3$), a função apresenta valores negativos. Então, $f(x) < 0$ para $x > 3$.

Este segundo item está **expresso na alternativa A**.

Um detalhe. A alternativa C está errada pois, por exemplo, 1 é menor que 7. E quando $x = 1$, a função é maior que zero.

A alternativa estaria correta se trouxesse a seguinte afirmação: $f(x) < 0$ para $3 < x < 7$.

Gabarito: Alternativa **A**

2. (CETREDE / Pref. Icapuí - 2021) Se $y = 3x + 2$, então:

I - A representação gráfica de y é uma reta.

II - Para $y > 0$ tem-se $x < -2/3$

III - Para $y < 0$ tem-se $x < -2/3$

Marque a opção que apresenta a(s) afirmativa(s) CORRETA(S).

- a) I.
- b) III.
- c) II – III.
- d) I – III.
- e) I – II – III.

Comentários:

Vamos analisar item a item.

I - A representação gráfica de y é uma reta.

CORRETO. Estudamos que a representação gráfica da função do primeiro grau é caracterizada (sim) por uma reta.

II - Para $y > 0$ tem-se $x < -2/3$

INCORRETO.

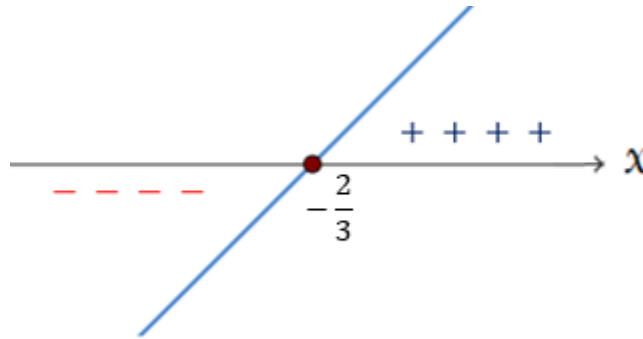
O item II e o item III trazem o estudo do sinal da função. Primeiramente, vamos calcular o valor da raiz, isto é, o valor de x para quanto $y = 0$.

$$y = 3x + 2$$

$$0 = 3x + 2$$

$$3x = -2 \rightarrow x = -\frac{2}{3}$$

Vamos fazer o estudo do sinal. Observe que se trata de uma função com Coeficiente Angular $a = 3$ (positivo) caracterizando uma reta crescente.



Perceba que:

- + Para valores de x menores que a raiz ($x < -2/3$), a função apresenta resultado negativo, isto é, $y < 0$.
- + Para valores de x maiores que a raiz ($x > -2/3$), a função apresenta resultado positivo, isto é, $y > 0$.

III - Para $y < 0$ tem-se $x < -2/3$

CORRETO. Conforme vimos acima, para valores de x menores que a raiz ($x < -2/3$), a função apresenta resultado negativo, isto é, $y < 0$.

Gabarito: Alternativa **D**

QUESTÕES COMENTADAS - BANCAS DIVERSAS

Questões que abordam Função do 1º Grau

1. (FUNDATEC / Pref. Cariacica - 2021) Na unidade temática de Álgebra, no 9º ano do ensino fundamental, sobre os objetos de conhecimento – Funções: representação numérica, algébrica e gráfica, a BNCC, indica que deve ser trabalhada e desenvolvida a seguinte habilidade:

Compreender as funções como relações de dependência unívoca entre duas variáveis e suas representações numérica, algébrica e gráfica e utilizar esse conceito para analisar situações que envolvam relações funcionais entre duas variáveis. Após trabalhar o conceito de função e apresentar algumas aplicações de funções, um professor, sugeriu aos seus alunos que resolvessem, em grupos, um problema que pudesse ser modelado por uma função polinomial do primeiro grau. O professor propôs a seguinte situação:

Sandra pagava uma mensalidade fixa para usar a internet na sua casa. A mensalidade era dividida em duas partes. Uma parte fixa de R\$35,00, mais uma parte variável, que mudava conforme o uso da internet. A parte variável tinha um custo de R\$0,13 centavos por minuto de uso. Escreva a lei da função que representa a situação (custo da internet em função do tempo usado) e determine quantos minutos Sandra usou de internet, se ao final do mês ela pagou R\$58,40.

- O grupo 1, apresentou a seguinte solução para o problema: A lei da função deve ser $C(t) = 35 + 0,13t$. E, se Sandra pagou R\$58,40, então ela usou 180 minutos de internet.
- O grupo 2, apresentou a solução para o problema, da seguinte forma: A lei da função deve ser $y = 0,13x + 35$. E, se Sandra pagou R\$58,40, então ela usou 150 minutos de internet.
- O grupo 3, indicou a resposta da seguinte forma: A lei da função deve ser $C = 0,13t + 35$. E, se Sandra pagou R\$58,40, então ela usou 180 minutos de internet.

Com base nas respostas apresentadas pelos três grupos, é correto afirmar que:

- a) O grupo 1 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.
- b) O grupo 2 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.
- c) O grupo 3 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.
- d) Os três grupos apresentaram o cálculo do tempo de forma correta.
- e) Os três grupos apresentaram a lei da função de forma incorreta.

Comentários:

Sandra pagava uma mensalidade dividida em duas partes. Uma parte fixa de R\$35,00, mais uma parte variável, que tinha um custo de R\$0,13 centavos por minuto de uso.

Então, a função do primeiro grau C que caracteriza o custo de Sandra em função do tempo t será:

$$C(t) = 35 + 0,13t$$

Observe que, conforme traz o enunciado, temos um custo fixo de 35 mais uma parte variável que é de 13 centavos por minuto t de uso.

Observe que o grupo I e o grupo III indicaram a equação acima. O grupo III apenas inverteu o ordem de apresentação da equação

$$C(t) = 0,13t + 15$$

E isso em nada muda o resultado. Como estamos diante de uma soma, a ordem das parcelas não altera o resultado.

Já o grupo II chamou o tempo de x ao invés de t . O que também em nada altera o resultado. Estamos diante de uma incógnita e poderíamos escolher qualquer letra ou até mesmo símbolo para representar o tempo.

Logo, **os três grupos apresentaram a lei da função de forma CORRETA**. Porém, não temos essa resposta nas alternativas.

Vamos então calcular o tempo de uso para uma conta de R\$58,40.

$$C(t) = 35 + 0,13t$$

$$58,40 = 35 + 0,13t$$

$$0,13t = 58,40 - 35$$

$$0,13t = 23,4$$

$$t = \frac{23,4}{0,13} \rightarrow t = 180$$

Então, o grupo I e o grupo III acertaram nos cálculos. **O único grupo que errou o cálculo foi o grupo II** mesmo acertando a equação.

Sendo assim, o grupo 2 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.

Gabarito: Alternativa B

2. (AOCP / SANESUL - 2021) Preocupado com os direitos autorais de suas composições, um músico muito famoso decidiu impor a cobrança pela utilização de suas obras. Determinou que cada usuário

que utilizasse as músicas para fim comercial deveria pagar R\$12,00 de taxa mais R\$3,00 por música tocada, enquanto as utilizações particulares, sem fins lucrativos, estariam isentas de qualquer cobrança. Dessa forma, era possível determinar o valor $\$$ a ser pago, em reais, pela utilização de M músicas desse compositor.

Assinale a alternativa em que figura tal relação.

- a) $\$ = 12M + 3$
- b) $\$ = M + 15$
- c) $\$ = 36M$
- d) $\$ = 3M + 12$
- e) $\$ = 4M$

Comentários:

O valor $\$$ será igual a um valor fixo de R\$12,00 mais R\$3,00 por cada música tocada. Se forem tocadas M músicas o valor total a pagar será igual a:

$$\$ = 12 + 3M$$

Perceba que temos uma parcela fixa de R\$12,00 mais R\$3,00 vezes as M músicas tocadas.

A banca apenas inverteu a ordem das parcelas o que em nada altera uma soma. Ou seja:

$$\$ = 3M + 12$$

Gabarito: Alternativa **D**

3. (FGV / FEMPAR - 2021) O Imposto Predial Territorial Urbano (IPTU) é pago anualmente às prefeituras municipais pelos proprietários de imóveis no perímetro urbano.

A figura a seguir representa uma parte do carnê do IPTU de um imóvel em determinado município.

| DADOS PEDIAIS | | | | | |
|--|--------------------------------|--------------------------|-------------|--------------------|-----------------|
| Área (m ²) | Valor por m ² (R\$) | Fração Fiscal | Fator Idade | Fator Posição | Fator Tipologia |
| 80 | 2.000,00 | 1,00 | | 0,90 | 1,00 |
| Área x Valor (R\$/m ²) x Fração Fiscal x Idade x Posição x Tipologia = Valor Venal | | | | | |
| CÁLCULOS E COBRANÇA | | | | | |
| Alíquota | Valor Venal (R\$) | Desconto Concedido (R\$) | | IPTU a Pagar (R\$) | |
| 1% | | 540,00 | | y | |

O Valor Venal é o resultado obtido pela multiplicação de todos os Dados Prediais, entre os quais o Fator Idade, que corresponde a $1 - 0,01x$, sendo x a idade, em anos, do imóvel.

O IPTU a Pagar é igual à centésima parte do Valor Venal subtraída do Desconto Concedido.

A função que calcula o IPTU a Pagar (y) em função da idade do imóvel (x) é

- a) $y = 143.460 - 1.440x$
- b) $y = 1.434,6 - 1.440x$
- c) $y = 1.440 - 14,4x$
- d) $y = 1.060 - 16x$
- e) $y = 900 - 14,4x$

Comentários:

A banca informa que o IPTU (y) a Pagar é igual à centésima parte do Valor Venal (VV) subtraída do Desconto Concedido ($Desc$).

$$y = \frac{VV - Desc}{100} \quad \text{equação I}$$

Vamos calcular cada fator separadamente.

Valor Venal (VV)

O Valor Venal é o resultado obtido pela multiplicação de todos os Dados Prediais, entre os quais o Fator Idade, que corresponde a $1 - 0,01x$, sendo x a idade, em anos, do imóvel.

Então, vamos multiplicar todos os Dados Prediais fornecidos na tabela I do enunciado:

$$VV = 80 \times 2.000 \times 1 \times \text{fator idade} \times 0,90 \times 1$$

O fator Idade corresponde a $1 - 0,01x$, sendo x a idade, em anos, do imóvel.

$$VV = 80 \times 2.000 \times 1 \times (1 - x) \times 0,90 \times 1$$

$$VV = 144.000 \times (1 - x) \rightarrow \boxed{VV = 144.000 - 144.000x}$$

Desconto Concedido ($Desc$)

O Desconto concedido é igual a R\$ 540,00.

$$\boxed{Desc = 540}$$

Substituindo os dados na equação I:

$$y = \frac{VV - Desc}{100}$$

$$y = \frac{144.000 - 144.000x - 540}{100}$$

$$y = \frac{143.460 - 144.000x}{100} \rightarrow y = 1.434,6 - 1.440x$$

Gabarito: Alternativa B

4. (FUNDATEC / Pref. Santiago do Sul - 2020) Dois taxistas, Pedro e Aurélio, cobram suas corridas de maneiras distintas. Pedro utiliza a seguinte $f(x) = 2,8x + 4,50$ e Aurélio usa a $g(x) = 3,20x + 3,00$, em que x é a quantidade de quilômetros rodados e o resultado será o valor a ser cobrado. Supondo que Márcia quer fazer uma corrida de 8 km e fez orçamento com os dois, assinale a alternativa correta.

- a) Indo com Pedro a economia será de R\$ 1,70.
- b) Indo com Aurélio a economia será de R\$ 1,70.
- c) Pedro cobra mais que Aurélio por corrida.
- d) Aurélio cobra menos que Pedro por corrida.
- e) Ambos cobram o mesmo valor final.

Comentários:

Vamos substituir $x = 8$ em ambas as funções e determinar o quanto Márcia pagaria em cada caso.

 **Pedro**

$$f(x) = 2,8x + 4,50$$

$$f(x) = 2,8 \times 8 + 4,50$$

$$f(x) = 22,4 + 4,50 \rightarrow f(x) = 26,9$$

 **Aurélio**

$$g(x) = 3,20x + 3,00$$

$$g(x) = 3,20 \times 8 + 3,00$$

$$g(x) = 25,6 + 3,00 \rightarrow g(x) = 28,6$$

Ou seja, Aurélio cobra mais que Pedro. E, conseqüentemente, indo com Pedro (que cobra menos), a **economia** será de:

$$ec = 28,6 - 26,9 \rightarrow \boxed{ec = 1,7}$$

Logo, indo com Pedro a economia será de R\$ 1,70.

Gabarito: Alternativa **A**

5. (CONSULPLAN / CODESG - 2019) Uma fábrica de bolos tem um custo fixo diário de R\$ 415,00, além de um custo médio para produzir cada bolo de R\$ 17,80. Em um certo dia, o custo total da fábrica foi de R\$ 1.216,00. Levando em consideração as condições nesse dia, a quantidade de bolos produzidos por esta fábrica foi:

- a) 23
- b) 38
- c) 45
- d) 68

Comentários:

Vamos chamar de x a quantidade de bolos produzidos. Uma fábrica de bolos tem um custo fixo diário de R\$ 415,00, além de um custo médio para produzir cada bolo de R\$ 17,80.

Então, o Custo Total (y) será igual a:

$$y = 415 + 17,80x$$

Perceba que temos uma parcela fixa de R\$415 mais R\$17,80 que depende da quantidade x de bolos produzidos.

Em um certo dia, o Custo Total y da fábrica foi de R\$ 1.216,00. Logo, a quantidade x de bolos produzidos esse dia será:

$$y = 415 + 17,80x$$

$$1.216 = 415 + 17,80x$$

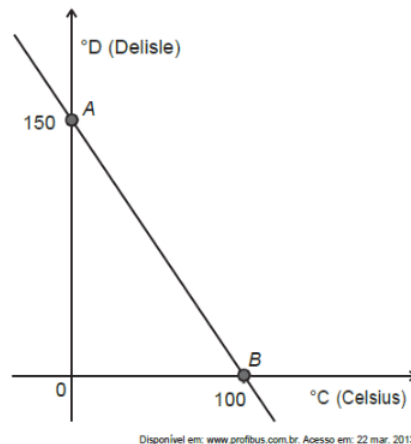
$$17,80x = 1.216 - 415$$

$$17,80x = 801$$

$$x = \frac{801}{17,80} \rightarrow x = 45$$

Gabarito: Alternativa **C**

6. (INEP / ENEM - 2021) A escala de temperatura Delisle ($^{\circ}\text{D}$), inventada no século XVIII pelo astrônomo francês Joseph-Nicholas Delisle, a partir da construção de um termômetro, foi utilizada na Rússia no século XIX. A relação entre as temperaturas na escala Celsius ($^{\circ}\text{C}$) e na escala Delisle está representada no gráfico pela reta que passa pelos pontos A e B.



Qual é a relação algébrica entre as temperaturas nessas duas escalas?

- a) $2D + C = 100$
- b) $2D + 3C = 150$
- c) $3D + 2C = 300$
- d) $2D + 3C = 300$
- e) $3D + 2C = 450$

Comentários:

Ótima questão do ENEM. Observe, inicialmente, que temos uma reta. E assim como tal, pode ser definida pela seguinte função:

$$y = ax + b$$

Perceba que a banca traz **D** no eixo das ordenadas (eixo y) e **C** no eixo das abscissas (eixo x). Vamos calcular tudo em função de x e y e, ao final, procedemos com a substituição.

O Coeficiente Linear **b** é definido pelo ponto em que a reta intercepta o eixo y . A reta intercepta o eixo y em $y = 150$. Logo, **b = 150**.

$$y = ax + b$$

$$y = ax + 150$$

Para calcularmos o valor do Coeficiente Angular a vamos substituir o ponto $B(100 ; 0)$ na função acima, uma vez que tal ponto pertence a reta conforme imagem acima.

$$y = ax + 150$$

$$0 = a \cdot 100 + 150$$

$$100a = -150$$

$$a = -\frac{150}{100} \rightarrow \boxed{a = -\frac{3}{2}}$$

Então, a função será:

$$y = -\frac{3}{2}x + 150$$

Multiplicando toda a equação por 2:

$$y = -\frac{3}{2}x + 150 \quad \times 2$$

$$2y = -3x + 300$$

$$2y + 3x = 300$$

Substituindo y por D e x por C :

$$2y + 3x = 300 \rightarrow \boxed{2D + 3C = 300}$$

Gabarito: Alternativa **D**

7. (CESPE / UNCISAL - 2019) Uma ONG encomendou um estudo de viabilidade referente à construção de uma usina de reciclagem de resíduos. Segundo esse estudo, a quantidade diária de resíduos recolhidos, $M(c)$, em kg, em função da quantidade de catadores, c , satisfaz à equação $M(c) = 3c$. O estudo previu, ainda, que a produção de material reciclado, em kg, em função da quantidade diária de resíduos recolhidos, m , em kg, satisfaz à equação $R(m) = \frac{4}{5}m - 5$. Além disso, também

ficou evidenciado pelo estudo que a usina seria viável se a produção de material reciclado fosse de pelo menos 19 kg por dia.

Disponível em: www.reciclarbrasil.com.br. Acesso em: 15 nov. 2018 (adaptado).

Nas condições mostradas pelo estudo, a construção dessa usina será viável se a quantidade de catadores for, no mínimo, igual a

- a) 6
- b) 8
- c) 9
- d) 10
- e) 11

Comentários:

Pelo estudo, a usina seria viável se a produção de material reciclado fosse de pelo menos 19 kg por dia.

A produção de material reciclado satisfaz a seguinte equação:

$$R(m) = \frac{4}{5}m - 5$$

Vamos calcular o valor de m para ter a produção de material reciclado de 19 kg por dia.

$$R(m) = \frac{4}{5}m - 5$$

$$19 = \frac{4}{5}m - 5$$

$$19 + 5 = \frac{4}{5}m$$

$$24 = \frac{4}{5}m$$

$$m = \frac{5 \times 24}{4} \rightarrow \boxed{m = 30 \text{ kg}}$$

Por fim, vamos calcular a quantidade de catadores necessários para recolher esta quantidade de material. A quantidade diária de resíduos recolhidos, $M(c)$, em kg, em função da quantidade de catadores, c , satisfaz à equação $M(c) = 3c$.

$$M(c) = 3c$$

$$30 = 3c$$

$$c = \frac{30}{3} \rightarrow c = 10 \text{ catadores}$$

Gabarito: Alternativa D

8. (FCC / SEFAZ BA - 2019) Uma empresa estimou o custo unitário para produzir determinada peça de computador em 50 centavos de real. Considerando o custo fixo para a linha de produção dessa peça em 5 mil reais semanais, para obter um lucro semanal de 2 mil reais o número de milhares de unidades que seria preciso vender a 1 real cada é de

- a) 7
- b) 9
- c) 11
- d) 14
- e) 16

Comentários:

Em qualquer operação, o Lucro será o valor de Venda V menos os Custos totais CT , correto?

$$L = V - CT$$

Iremos calcular separadamente cada variável.

✚ De acordo com o enunciado, **o Custo Total para se produzir determinadas peças consiste em um valor fixo de 5 mil reais mais 50 centavos por peças.**

Vamos chamar a quantidade de peças produzidas de x . Sendo assim, o Custo total será:

$$CT = 5.000 + 0,5x$$

Ou seja, conforme vimos, o Custo Total é igual ao Custo Fixo (o próprio nome já diz, isto é, é um custo fixo independentemente da quantidade produzida) mais um Custo Variável de 50 centavos (0,5 real) por peça.

✚ O Preço de Venda é igual a 1 real por unidade x vendidas.

$$V = 1 \times x \rightarrow V = x$$

Logo, a função do Lucro será:

$$L = V - CT$$

$$L = x - 5.000 + 0,5x$$

$$L = 0,5x - 5.000$$

Para obter um lucro semanal de 2 mil reais o número x de milhares de unidades que seria preciso vender será:

$$L = 0,5x - 5.000$$

$$2.000 = 0,5x - 5.000$$

$$0,5x = 7.000$$

$$x = \frac{7.000}{0,5} \rightarrow x = 14.000$$

Em milhares:

$$x = 14 \text{ mil}$$

Gabarito: Alternativa **D**

9. (CESGRANRIO / TRANSPETRO - 2011) A tabela abaixo apresenta o preço da “bandeirada” (taxa fixa paga pelo passageiro) e do quilômetro rodado em quatro capitais brasileiras.

| Capital | Bandeirada (R\$) | km rodado (R\$) |
|----------------|------------------|-----------------|
| Boa Vista | 2,50 | 2,86 |
| Vitória | 3,40 | 1,85 |
| Natal | 3,88 | 2,02 |
| Rio de Janeiro | 4,40 | 1,60 |

A quantia gasta por um passageiro, em Boa Vista, ao percorrer 10 km de táxi, permite pagar, no Rio de Janeiro, uma corrida máxima de X quilômetros. O valor de X está entre

- a) 13 e 14
- b) 14 e 15
- c) 15 e 16
- d) 16 e 17
- e) 17 e 18

Comentários:

Em Boa Vista o valor pago y é igual ao valor fixo da bandeirada de R\$ 2,50 mais R\$ 2,86 por x Km rodados. Matematicamente teremos:

$$y = 2,50 + 2,86 \times x$$

Ou seja, como vimos, 2,50 fixo mais 2,86 vezes a quantidade de x Km rodado. Vamos calcular a quantia gasta ao percorrer 10km.

$$y = 2,50 + 2,86 \times x$$

$$y = 2,50 + 2,86 \times 10$$

$$y = 2,50 + 28,6 \rightarrow y = 31,1$$

Então, para rodar 10 Km em Boa Vista, **o passageiro gasta R\$ 31,10**.

Iremos calcular quantos Km este passageiro conseguiria rodar no Rio de Janeiro com este mesmo gasto de R\$ 31,10.

No RJ o valor pago y é igual ao valor fixo da bandeirada de R\$ 4,40 mais R\$ 1,60 por x Km rodado. Matematicamente teremos:

$$y = 4,40 + 1,60 \times x$$

Com um gasto y de R\$ 31,10, ele conseguirá rodar:

$$y = 4,40 + 1,60 \times x$$

$$31,10 = 4,40 + 1,60 \times x$$

$$1,60x = 31,10 - 4,40$$

$$1,60x = 26,7$$

$$x = \frac{26,7}{1,60} \rightarrow x \cong 16,69$$

Observe que você **não precisava fazer a conta toda**. A banca pergunta o intervalo que o valor está contido. Quando você fizesse a divisão e encontrasse 16,... (dezesesse vírgula alguma coisa), você já saberia que o valor é maior que 16 e menor que 17. E assim, pouparia alguns segundos na prova.

Gabarito: Alternativa **D**

10. (CESPE / Pref. SL - 2017) Se $x \geq 0$ representa a quantidade de quilômetros percorridos por um veículo em determinado dia, então:

- $f(x) = x/12$ representa a quantidade de litros de combustível consumido pelo veículo para percorrer x quilômetros;
- $g(x) = 60 - x/12$ representa a quantidade de litros de combustível que restam no tanque do veículo depois de percorridos x quilômetros.

Tendo como referência as informações acima e considerando que o veículo tenha iniciado o percurso com o tanque de combustível cheio, se, no dia mencionado, o condutor parar o veículo para abastecer quando restarem exatamente 15 litros de combustível no tanque, então, até aquele instante, o veículo terá percorrido

- a) mais de 150 km e menos de 300 km.
- b) mais de 300 km e menos de 450 km.
- c) mais de 450 km e menos de 600 km.
- d) mais de 600 km.
- e) menos de 150 km.

Comentários:

O veículo iniciou o percurso com o tanque de combustível cheio e o condutor parou o veículo para abastecer quando restaram exatamente 15 litros de combustível no tanque, isto é, $g(x) = 15$.

Observe que $g(x)$ representa a quantidade de litros de combustível que restam no tanque do veículo depois de percorridos x quilômetros. Vamos então substituir $g(x)$ por 15 e calcular quantos quilômetros ele rodou.

$$g(x) = 60 - \frac{x}{12}$$

$$15 = 60 - \frac{x}{12}$$

$$\frac{x}{12} = 60 - 15$$

$$\frac{x}{12} = 45$$

$$x = 45 \times 12 \rightarrow x = 540 \text{ km}$$

Ou seja, ele percorreu mais de 450 km e menos de 600 km até restarem 15 litros de combustíveis no tanque.

Gabarito: Alternativa C

11. (FCC / SEFAZ BA - 2019) A função receita diária, em reais, de determinada empresa de consultoria financeira é dada por $r(x) = 750x$, em que x é o número de consultorias realizadas por dia. Seja a função custo diário $c(x)$, em reais, dessa mesma empresa dada por $c(x) = 250x + 10.000$. O número de consultorias que precisariam ser realizadas, por dia, para que fosse obtido um lucro diário $L(x)$, definido como $L(x) = r(x) - c(x)$, de 5 mil reais é igual a

- a) 10
- b) 15
- c) 20
- d) 25
- e) 30

Comentários:

O lucro diário $L(x)$ será igual a seguinte função:

$$L(x) = r(x) - c(x)$$

$$L(x) = 750x - (250x + 10.000)$$

$$L(x) = 750x - 250x - 10.000 \rightarrow L(x) = 500x - 10.000$$

O número de consultorias x que precisariam ser realizadas, por dia, para que fosse obtido um lucro diário $L(x)$ de 5.000 reais será:

$$L(x) = 500x - 10.000$$

$$5.000 = 500x - 10.000$$

$$500x = 5.000 + 10.000$$

$$500x = 15.000$$

$$x = \frac{15.000}{500} \rightarrow x = 30$$

Gabarito: Alternativa E

12. (VUNESP / Pref. Osasco - 2019) Um escritório paga à empresa JC, especializada na manutenção de computadores, uma taxa mensal fixa de R\$ 300,00 mais R\$ 80,00 por hora de serviço prestado. No mês de abril, esse escritório pagou à empresa JC o valor de R\$ 1.500,00, incluindo a taxa fixa mensal. O número de horas de serviço que a empresa JC prestou para esse escritório foi

- a) 25
- b) 22
- c) 20
- d) 18
- e) 15

Comentários:

Vamos chamar o valor da quantidade de hora de serviço prestado de x .

Um escritório paga à empresa JC, uma taxa mensal fixa de R\$ 300,00 mais R\$ 80,00 por hora x de serviço prestado. Matematicamente teremos a seguinte função do valor pago à empresa $f(x)$ em termos da quantidade de hora de serviço prestado de x :

$$f(x) = 300 + 80x$$

No mês de abril, esse escritório pagou à empresa JC o valor de R\$ 1.500,00, incluindo a taxa fixa mensal. Vamos substituir $f(x)$ por 1.500 e determinar o valor de x .

$$f(x) = 300 + 80x$$

$$1.500 = 300 + 80x$$

$$80x = 1.500 - 300$$

$$80x = 1.200$$

$$x = \frac{1.200}{80} \rightarrow x = 15$$

Gabarito: Alternativa E

13. (FGV / SEDUC AM- 2014) No plano cartesiano, considere a reta de equação $x + 3y = 27$.

Há um único ponto dessa reta cujas coordenadas x e y , nesta ordem, são números inteiros consecutivos.

O valor de $x + y$ é

- a) 13
- b) 15
- c) 17
- d) 19
- e) 21

Comentários:

A banca nos informa que há um único ponto dessa reta cujas coordenadas x e y , nesta ordem, são números inteiros consecutivos.

Logo, se x e y são números consecutivos:

$$y = x + 1$$

Vamos substituir esta informação na função dada e calcular o valor de x :

$$x + 3y = 27$$

$$x + 3(x + 1) = 27$$

$$x + 3x + 3 = 27$$

$$4x = 27 - 3$$

$$4x = 24$$

$$x = \frac{24}{4} \rightarrow x = 6$$

Se $x = 6$, y será:

$$y = x + 1$$

$$y = 6 + 1 \rightarrow y = 7$$

Então, o valor de $x + y$ é:

$$x + y = 6 + 7$$

$$x + y = 13$$

Gabarito: Alternativa **A**

14. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) A “Espresso Book Machine” é uma impressora comercial de alta velocidade que imprime uma página de cada vez. As funções $f(x) = 105x$ e $g(x) = 35x$ indicam, respectivamente, as quantidades de páginas em preto e branco e em cores que essa impressora imprime em x minutos. Utilizando-se essa impressora, em quantos minutos seriam impressas as páginas de um livro que possui 392 páginas, das quais apenas 14 são coloridas?

- a) 3,0
- b) 3,4
- c) 3,6
- d) 3,8
- e) 4,0

Comentários:

O livro possui 392 páginas, sendo 14 coloridas. Logo, $392 - 14 = 378$ são páginas em preto e branco.

✚ A função $f(x) = 105x$ indica a quantidade de páginas em preto e branco que a impressora imprime em x minutos. Se o livro tem 378 páginas em preto e branco, a impressora gastará:

$$f(x) = 105x$$

$$378 = 105x$$

$$x = \frac{378}{105} \rightarrow \boxed{x = 3,6}$$

✚ A função $f(x) = 35x$ indica a quantidade de páginas em cores que a impressora imprime em x minutos. Se o livro tem 14 páginas coloridas, a impressora gastará:

$$f(x) = 35x$$

$$14 = 35x$$

$$x = \frac{14}{35} \rightarrow \boxed{x = 0,4}$$

Logo, o tempo total gastos será:

$$t = 3,6 + 0,4 \rightarrow \boxed{t = 4 \text{ minutos}}$$

Gabarito: Alternativa E

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Função do 1º Grau

1. (DEIP / PM PI - 2022) Dada a função $f(x) = 7x + 10$. Qual o valor de x quando $f(x)$ é igual a 24:

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

2. (FUNDATEC / Pref. Vacaria - 2021) O ponto $A(-1, 7)$ pertence à reta de equação reduzida:

- a) $y = 2x + 7$.
- b) $y = 2x + 9$.
- c) $y = -2x + 7$.
- d) $y = -x + 7$.
- e) $y = x + 7$.

3. (CESGRANRIO / BR - 2010) “O Brasil é o país onde mais caem raios no mundo. Na última década, a cada três dias, em média, uma pessoa foi fulminada por um raio”

Revista Veja, 10 fev. 2010.

Seja $f(x)$ uma função polinomial que represente o número de pessoas fulminadas por um raio no Brasil ao longo da última década, onde x representa o número de dias. Considerando as informações apresentadas na reportagem acima, conclui-se que

- a) $f(x) = 3x$
- b) $f(x) = x + 3$
- c) $f(x) = x - 3$
- d) $f(x) = x/3$
- e) $f(x) = (3 - x)/3$

4. (FCC / SABESP - 2018) Os taxímetros de uma cidade calculam o valor de cada corrida utilizando a seguinte fórmula: $P = 4,55 + 1,35 \times k$. Nessa fórmula a letra P significa o preço a ser pago, em

R\$, e a letra k significa a quantidade de quilômetros que o táxi rodou com o passageiro, inclusive com frações de quilômetros. Uma pessoa que utilizou um desses táxis e rodou 3,4 km pagou, pela corrida, a quantia de

- a) R\$ 20,06
- b) R\$ 13,12
- c) R\$ 18,34
- d) R\$ 9,14
- e) R\$ 8,92

5. (FGV / SEDUC AM - 2014) Os táxis em Brasília cobram uma bandeirada de R\$ 4,10 mais R\$ 2,20 por quilômetro rodado. Antônio pegou um táxi no aeroporto de Brasília e foi até sua casa pagando R\$ 45,00.

A distância percorrida em quilômetros está entre

- a) 15 e 16 quilômetros.
- b) 16 e 17 quilômetros.
- c) 17 e 18 quilômetros.
- d) 18 e 19 quilômetros.
- e) 19 e 20 quilômetros.

6. (VUNESP / Pref. SBC - 2019) Uma lavanderia cobra R\$ 12,00 para lavar e passar uma camisa e cobra R\$ 6,00 de taxa de entrega, qualquer que seja o número de camisas a serem entregues. Se uma pessoa deixou camisas para lavar e passar nessa lavanderia e pagou pelo serviço R\$ 90,00, incluindo a taxa de entrega, então o número de camisas deixadas foi

- a) 8
- b) 7
- c) 6
- d) 5
- e) 4

7. (CESPE / SEDUC AL - 2013) O preço de uma corrida de táxi convencional é calculado somando o valor da bandeirada (inicial e fixo) com o valor da distância percorrida. Essa relação pode ser representada, em um sistema de coordenadas cartesianas ortogonais xOy , por uma função da forma $y = f(x)$, em que y é o preço cobrado pela corrida de x quilômetros. Considerando que o valor da bandeirada seja de R\$ 5,00 e R\$ 0,50 por quilômetro percorrido, julgue o próximo item.

Se uma corrida de táxi custou R\$ 55,00, então a distância percorrida foi superior a 90 km.

8. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) A função $g(x) = 84x$ representa o gasto médio, em reais, com a compra de água mineral de uma família de 4 pessoas em x meses. Essa família pretende deixar de comprar água mineral e instalar em sua residência um purificador de água que custa R\$ 299,90. Com o dinheiro economizado ao deixar de comprar água mineral, o tempo para recuperar o valor investido na compra do purificador ficará entre

- a) dois e três meses.
- b) três e quatro meses.
- c) quatro e cinco meses.
- d) cinco e seis meses.
- e) seis e sete meses.

GABARITO

1. C
2. B
3. D
4. D
5. D
6. B
7. CERTO
8. B

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Domínio e Imagem

1. (FUNDATEC / Pref. Tramandaí - 2021) A partir de uma função $f(x) = 2x - 13$ de $R \rightarrow R$, qual elemento do domínio tem imagem igual a 3?
 - a) 10
 - b) 8
 - c) 6
 - d) 5

2. (FUNDATEC / Pref. Vacaria - 2021) O domínio da função $f(x) = (a - 3)x + 7$, quando “x” é um número real, é apresentado na alternativa:
 - a) $a > 3$.
 - b) $a < 3$.
 - c) $(-\infty, 7)$.
 - d) $(7, +\infty)$.
 - e) $(-\infty, +\infty)$.

GABARITO

1. B
2. E

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Coeficientes

1. (AOCP / CM Bauru - 2022) Dada uma função do 1º grau do tipo $f(x) = ax + b$, com $a \neq 0$. Sabendo que $f(2) = 5$ e $f(-1) = 17$, qual é o valor de $f(0)$?

- a) 15
- b) 14,5
- c) 14
- d) 13,5
- e) 13

2. (DEIP / PM PI - 2022) A função afim, também conhecida como função do 1º grau, é dada por $f(x) = ax + b$. A função afim é crescente quando:

- a) $a > 0$
- b) $a < 0$
- c) $b < 0$
- d) $b > 0$
- e) nenhuma das alternativas acima

3. (FUNDATEC / CARRIS - 2021) Dentre as funções abaixo, pode-se dizer que a única DECRESCENTE é:

- a) $f(x) = 2x$
- b) $f(x) = 3$
- c) $f(x) = 3 + x$
- d) $f(x) = 1 + 2x/10$
- e) $f(x) = 10 - x/2$

4. (FUNDATEC / Pref. Vacaria - 2021) Se $f(3) = 15$ em $f(x) = (a - 1)x + 5$, então o valor de " a " será:

- a) $1/3$
- b) $1/2$
- c) $103/13$
- d) $13/3$
- e) $10/3$

5. (CESGRANRIO / LIQUIGÁS - 2018 Adaptada) O gráfico de uma função $f: R \rightarrow R$, definida por $f(x) = ax + b$, contém os pontos (2,3) e (6,11).

O valor de b é

- a) -4
- b) -1
- c) 3
- d) 7
- e) 10

6. (FGV / Pref. Salvador - 2019) O gráfico da função real f é uma reta. Sabe-se que $f(6) = 10$ e que $f(22) = 18$.

Então, $f(88)$ é igual a

- a) 29
- b) 40
- c) 51
- d) 62
- e) 76

7. (CESPE / SEFAZ RS / 2018) Em uma tecelagem, o custo de produção e o custo de venda de x metros de tecido são expressos, respectivamente, por $C(x) = 2bx$ e $V(x) = c + dx$, em que b , c e d são constantes reais e d é o valor da comissão a ser recebida pelo vendedor para cada metro de tecido vendido. Na produção e venda de 50 m de tecido, tem-se que $C(50) + V(50) = 420$ e a comissão do vendedor é igual a 100. No caso de produção e venda de 100 m de tecido, $C(100) + V(100) = 620$.

Nesse caso, c , b e d são, respectivamente, iguais a

- a) 220, 1 e 2
- b) 220, 2 e 2
- c) 220, 2 e 4
- d) 200, 1 e 2
- e) 200, 2 e 2

8. (FGV / Pref. Paulinia - 2019) As retas cujas equações são $y = ax + b$ e $y = cx + d$ são tais que $b > 0$, $d < 0$ e $a > c > 0$.

O ponto de interseção dessas retas está

- a) no primeiro quadrante.
- b) no segundo quadrante.
- c) no terceiro quadrante.
- d) no quarto quadrante.
- e) sobre um dos eixos.

9. (FGV / SEE PE - 2019) O gráfico da função $y = f(x)$ é uma reta. Sabe-se que $f(-3) = 5$ e que $f(12) = 10$.

O valor de $f(2016)$ é

- a) 656
- b) 664
- c) 670
- d) 678
- e) 682

10. (CESPE / PRF - 2013) Considere que, em 2009, tenha sido construído um modelo linear para a previsão de valores futuros do número de acidentes ocorridos nas estradas brasileiras. Nesse sentido, suponha que o número de acidentes no ano t seja representado pela função $F(t) = At + B$, tal que $F(2007) = 129.000$ e $F(2009) = 159.000$. Com base nessas informações e no gráfico apresentado, julgue o item a seguir.



O valor da constante A em $F(t)$ é superior a 14.500.

11. (CESPE / PRF - 2013) Considere que, em 2009, tenha sido construído um modelo linear para a previsão de valores futuros do número de acidentes ocorridos nas estradas brasileiras. Nesse sentido, suponha que o número de acidentes no ano t seja representado pela função $F(t) = At + B$, tal que $F(2007) = 129.000$ e $F(2009) = 159.000$. Com base nessas informações e no gráfico apresentado, julgue o item a seguir.



A diferença entre a previsão para o número de acidentes em 2011 feita pelo referido modelo linear e o número de acidentes ocorridos em 2011 dado no gráfico é superior a 8.000.

12. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) Um escritório de contabilidade fez um acompanhamento dos seus custos mensais de manutenção e verificou que esses custos são, principalmente, uma função linear do número de funcionários contratados. Um extrato do histórico desse processo consta da tabela a seguir.

| CUSTO MENSAL (em R\$) | NÚMERO DE FUNCIONÁRIOS |
|--------------------------|---------------------------|
| 5.000,00 | 2 |
| 11.000,00 | 5 |
| 17.000,00 | 8 |
| 25.000,00 | 12 |

Qual é o valor predito para o custo mensal, em reais, desse escritório se forem contratados 7 funcionários?

- a) 13.000,00
- b) 14.000,00
- c) 14.500,00
- d) 15.000,00

e) 16.000,00

13. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) Seja f uma função real de variável real dada por $f(x) = 8 - 3x$. Analise as afirmações a seguir.

I – O coeficiente angular de f é 8.

II – O gráfico de f é uma reta que corta o eixo vertical no ponto (0,5).

III – Para acréscimos de 1 unidade no valor de x , o valor de f diminui 3 unidades.

Está(ão) correta(s) APENAS

- a) I
- b) II
- c) III
- d) I e II
- e) I e III

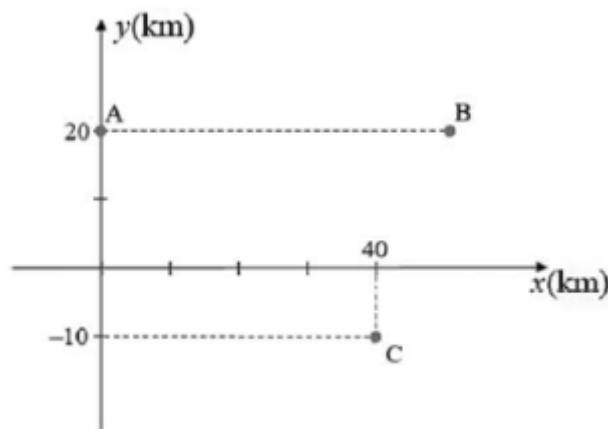
GABARITO

1. B
2. A
3. E
4. D
5. B
6. C
7. A
8. C
9. D
10. CERTO
11. ERRADO
12. D
13. C

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Gráfico da Função do 1º Grau

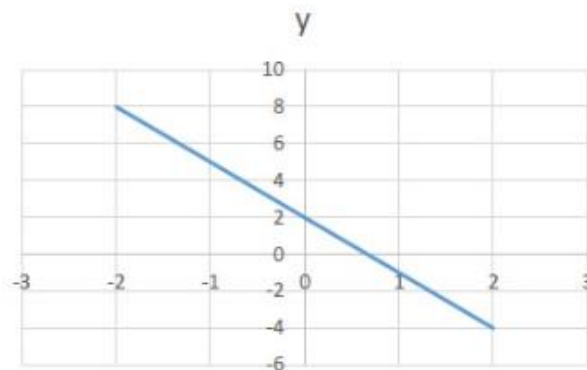
1. (CESPE / Unb - 2021) Os automóveis de moradores das cidades A, B e C são todos emplacados na cidade A, cuja disposição geográfica está apresentada no sistema cartesiano a seguir, com coordenadas expressas em quilômetros. A distância entre as cidades A e B é a mesma distância entre as cidades A e C.



Com base nessas informações, julgue o item seguinte.

A equação cartesiana da reta que passa pelos pontos A e C é $3x + 4y = 80$.

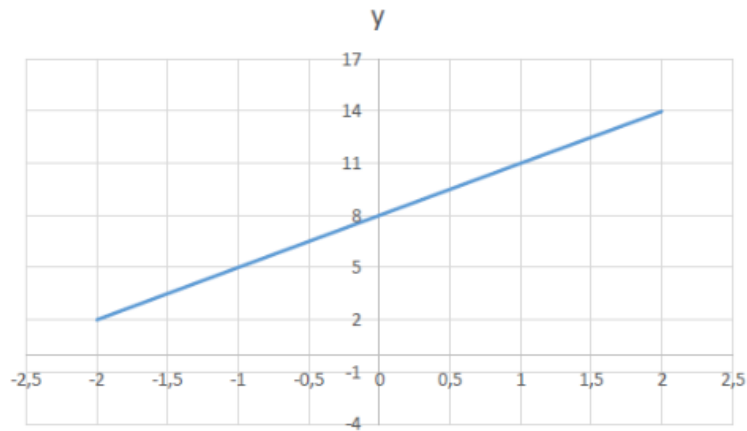
2. (FUNDATEC / Pref. B. do Ribeiro - 2021) Analise o gráfico a seguir:



O gráfico mostra um tipo de função no qual o menor valor de x tem a maior correspondência em y . Isso quer dizer que a função é:

- a) Crescente.
- b) Decrescente.
- c) Quadrática.
- d) Constante.
- e) Descendente.

3. (FUNDATEC / Pref. Imbé - 2020) Analise o gráfico a seguir e assinale a alternativa que demonstra a função geratriz correta para o gráfico.

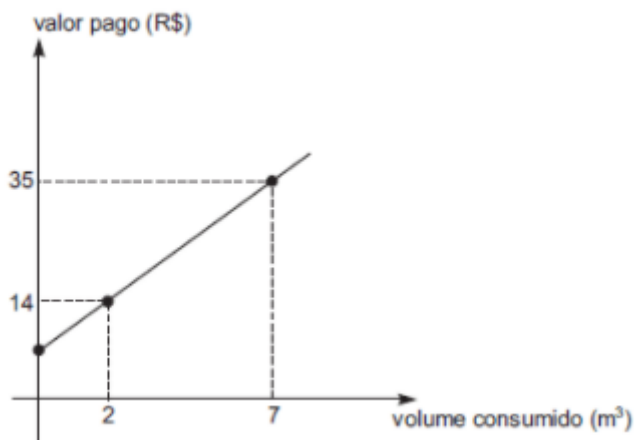


- a) $-3x + 8$
- b) $3x - 8$
- c) $-3x - 8$
- d) $3x + 8$
- e) $3x^2 + 8$

4. (FCC / SEFAZ BA - 2019) Após licitação, notebooks foram adquiridos por secretaria municipal, no valor unitário de 12 mil reais. Suponha que o preço do equipamento (y) seja uma função $y = mx + n$, sendo x o número de anos de utilização do equipamento, com m e n parâmetros reais. Considerando que na época inicial ($x = 0$) tem-se que $y = 12$ mil reais e que para $x = 7$ o valor de y é igual a 800 reais, o valor do equipamento para $x = 4$ é igual a, em reais,

- a) 4.200
- b) 4.600
- c) 5.200
- d) 5.600
- e) 7.200

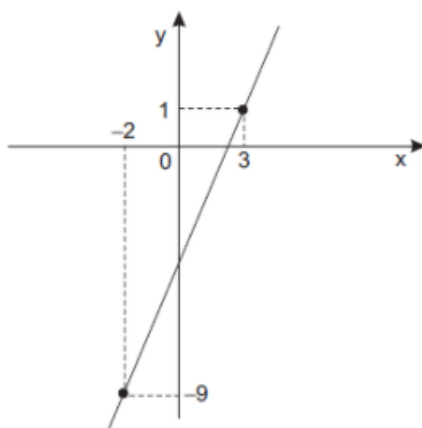
5. (CESGRANRIO / BNDES - 2011) A figura abaixo ilustra o gráfico da função que associa o volume de gás consumido pelos domicílios de um município ao valor pago por esse consumo.



O valor pago, em reais, por cada metro cúbico consumido, é de

- a) 7,00
- b) 5,60
- c) 5,00
- d) 4,20
- e) 4,00

6. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) A função geradora do gráfico abaixo é do tipo $y = mx + n$.



Então, o valor de $m^3 + n$ é

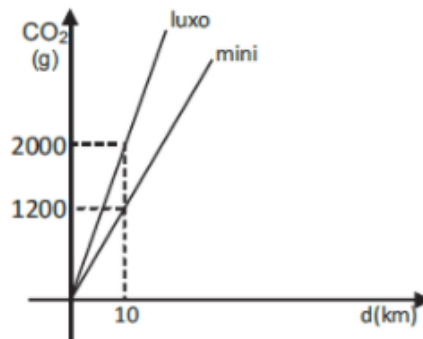
- a) 2
- b) 3
- c) 5

- d) 8
- e) 13

7. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O valor de um caminhão do tipo A novo é de R\$ 90.000,00 e, com 4 anos de uso, é de R\$50.000,00. Supondo que o preço caia com o tempo, segundo uma função linear, o valor de um caminhão do tipo A, com 2 anos de uso, em reais, é de

- a) 40.000,00
- b) 60.000,00
- c) 80.000,00
- d) 50.000,00
- e) 70.000,00

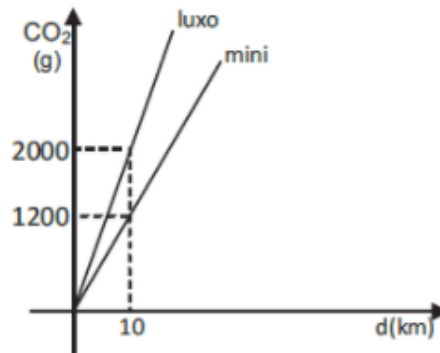
8. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O gráfico abaixo apresenta a quantidade média de CO₂, em gramas, lançada na atmosfera por automóveis modelos “luxo” e “mini”, em função da distância percorrida, em km.



A lei que expressa a quantidade média Q de CO₂, em gramas, lançada na atmosfera por um carro modelo “mini”, em função

- a) $Q(d) = 120d$
- b) $Q(d) = 200d$
- c) $Q(d) = 1200d$
- d) $Q(d) = 1200 + d$
- e) $Q(d) = 2000 + d$

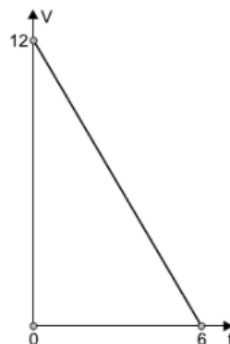
9. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O gráfico abaixo apresenta a quantidade média de CO_2 , em gramas, lançada na atmosfera por automóveis modelos “luxo” e “mini”, em função da distância percorrida, em km.



Considere a quantidade média de CO_2 lançada na atmosfera por um carro “luxo” ao percorrer 600km. Que distância, em km, deveria ser percorrida por um carro “mini”, de modo que a mesma quantidade média de CO_2 fosse lançada na atmosfera?

- a) 800
- b) 900
- c) 1.000
- d) 1.100
- e) 1.200

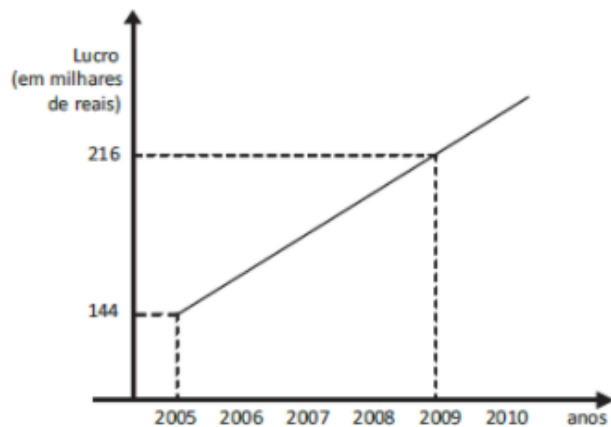
10. (VUNESP / Pref. Ribeirão Preto - 2018) O gráfico a seguir mostra a relação entre a quantidade V (em m^3) de água em uma caixa e o tempo t (em h) em que uma torneira permaneceu aberta, esvaziando essa caixa.



A relação entre V e t pode ser expressa por:

- a) $V = 12 - 6t$
- b) $V = 12 - 2t$
- c) $V = 12 + 6t$
- d) $V = 6 + 12t$
- e) $V = 6 - 2t$

11. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) O lucro anual de uma pequena empresa vem crescendo linearmente, como mostra o gráfico abaixo.



Se esse ritmo de crescimento anual for mantido, qual será, em milhares de reais, o lucro dessa empresa, em 2010?

- a) 224
- b) 234
- c) 248
- d) 254
- e) 268

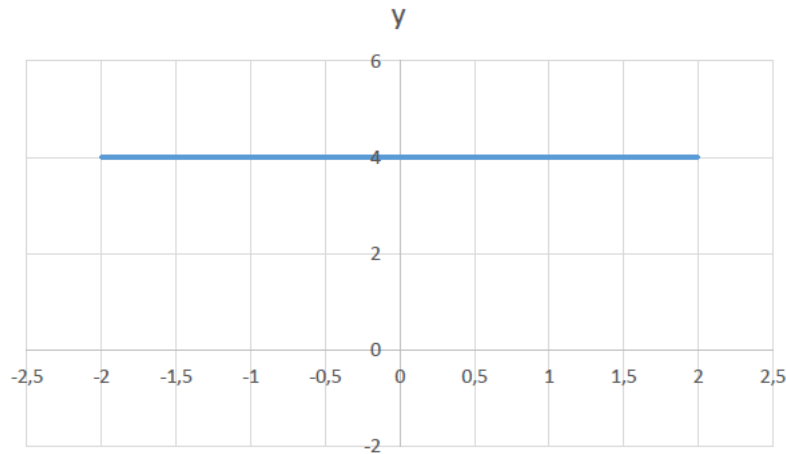
GABARITO

1. CERTO
2. B
3. D
4. D
5. D
6. B
7. E
8. A
9. C
10. B
11. B

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Classificação da Função do 1º Grau

1. (FUNDATEC / Pref. Ametista do Sul - 2021) O gráfico abaixo é de uma função do tipo $ax + b$ e dele podemos, corretamente, dizer que:



- a) $a > 0$
- b) $a < 0$
- c) $b = 0$
- d) $b = 4$
- e) $x = 4$

2. (VUNESP / Pref. Cerquillo - 2019) A representação gráfica de uma função constante, com o maior domínio possível, é uma

- a) reta paralela ao eixo das ordenadas.
- b) reta paralela ao eixo das abscissas.
- c) reta não paralela ao eixo das abscissas, não paralela ao eixo das ordenadas, e contendo o ponto $(0, 0)$.
- d) reta não paralela ao eixo das abscissas, não paralela ao eixo das ordenadas, e não contendo o ponto $(0, 0)$.
- e) parábola, contendo o ponto $(0, 0)$

GABARITO

1. D
2. B

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Raiz da Função do 1º Grau

1. (AOCP / SANESUL - 2021) Sobre as funções de primeiro grau, são estabelecidas as seguintes afirmações:

I. É possível determinar se uma função da forma " $f(x) = ax + b$ " é crescente ou decrescente observando o sinal do coeficiente linear " b ".

II. O gráfico de " $f(x) = ax + b$ " (com " a " e " b " não nulos) intercepta o eixo das abscissas em " b ".

III. A função " $f(x) = 3x + 5$ " tem raiz negativa.

A respeito dessas afirmações, assinale a alternativa correta.

- a) Apenas a afirmação I é verdadeira.
- b) Apenas a afirmação II é verdadeira.
- c) Apenas a afirmação III é verdadeira.
- d) A afirmação II é a justificativa para que a III seja verdadeira.
- e) Todas as afirmações são falsas.

2. (FUNDATEC / Pref. Campo Bom - 2019) O zero da função de primeiro grau $f(x) = 3x - 9$ é:

- a) $x = -9$
- b) $x = 9$
- c) $x = 0$
- d) $x = -3$
- e) $x = 3$

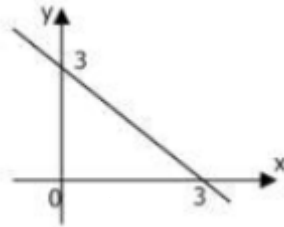
GABARITO

1. C
2. E

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Estudos dos Sinais

1. (CETREDE / Pref. Frecherinha - 2022) Sabendo-se que função $f(x) = ax + b$ está representada no gráfico a seguir, então



- a) $f(x) < 0$ para $x > 3$.
- b) $f(x) = x - 3$.
- c) $f(x) < 0$ para $x < 7$.
- d) $f(x) = x + 3$.
- e) $f(x) < 0$ para $x < 0$.

2. (CETREDE / Pref. Icapuí - 2021) Se $y = 3x + 2$, então:

I - A representação gráfica de y é uma reta.

II - Para $y > 0$ tem-se $x < -2/3$

III - Para $y < 0$ tem-se $x < -2/3$

Marque a opção que apresenta a(s) afirmativa(s) CORRETA(S).

- a) I.
- b) III.
- c) II – III.
- d) I – III.
- e) I – II – III.

GABARITO

1. A
2. D

LISTA DE QUESTÕES - BANCAS DIVERSAS

Questões que abordam Função do 1º Grau

1. (FUNDATEC / Pref. Cariacica - 2021) Na unidade temática de Álgebra, no 9º ano do ensino fundamental, sobre os objetos de conhecimento – Funções: representação numérica, algébrica e gráfica, a BNCC, indica que deve ser trabalhada e desenvolvida a seguinte habilidade:

Compreender as funções como relações de dependência unívoca entre duas variáveis e suas representações numérica, algébrica e gráfica e utilizar esse conceito para analisar situações que envolvam relações funcionais entre duas variáveis. Após trabalhar o conceito de função e apresentar algumas aplicações de funções, um professor, sugeriu aos seus alunos que resolvessem, em grupos, um problema que pudesse ser modelado por uma função polinomial do primeiro grau. O professor propôs a seguinte situação:

Sandra pagava uma mensalidade fixa para usar a internet na sua casa. A mensalidade era dividida em duas partes. Uma parte fixa de R\$35,00, mais uma parte variável, que mudava conforme o uso da internet. A parte variável tinha um custo de R\$0,13 centavos por minuto de uso. Escreva a lei da função que representa a situação (custo da internet em função do tempo usado) e determine quantos minutos Sandra usou de internet, se ao final do mês ela pagou R\$58,40.

- O grupo 1, apresentou a seguinte solução para o problema: A lei da função deve ser $C(t) = 35 + 0,13t$. E, se Sandra pagou R\$58,40, então ela usou 180 minutos de internet.
- O grupo 2, apresentou a solução para o problema, da seguinte forma: A lei da função deve ser $y = 0,13x + 35$. E, se Sandra pagou R\$58,40, então ela usou 150 minutos de internet.
- O grupo 3, indicou a resposta da seguinte forma: A lei da função deve ser $C = 0,13t + 35$. E, se Sandra pagou R\$58,40, então ela usou 180 minutos de internet.

Com base nas respostas apresentadas pelos três grupos, é correto afirmar que:

- a) O grupo 1 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.
- b) O grupo 2 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.
- c) O grupo 3 apresentou a lei de forma correta, porém errou no cálculo do tempo.
- d) Os três grupos apresentaram o cálculo do tempo de forma correta.
- e) Os três grupos apresentaram a lei da função de forma incorreta.

2. (AOCF / SANESUL - 2021) Preocupado com os direitos autorais de suas composições, um músico muito famoso decidiu impor a cobrança pela utilização de suas obras. Determinou que cada usuário que utilizasse as músicas para fim comercial deveria pagar R\$12,00 de taxa mais R\$3,00 por música

tocada, enquanto as utilizações particulares, sem fins lucrativos, estariam isentas de qualquer cobrança. Dessa forma, era possível determinar o valor $\$$ a ser pago, em reais, pela utilização de M músicas desse compositor.

Assinale a alternativa em que figura tal relação.

- a) $\$ = 12M + 3$
- b) $\$ = M + 15$
- c) $\$ = 36M$
- d) $\$ = 3M + 12$
- e) $\$ = 4M$

3. (FGV / FEMPAR - 2021) O Imposto Predial Territorial Urbano (IPTU) é pago anualmente às prefeituras municipais pelos proprietários de imóveis no perímetro urbano.

A figura a seguir representa uma parte do carnê do IPTU de um imóvel em determinado município.

| DADOS PREDIAIS | | | | | |
|--|--------------------------------|--------------------------|--------------------|---------------|-----------------|
| Área (m ²) | Valor por m ² (R\$) | Fração Fiscal | Fator Idade | Fator Posição | Fator Tipologia |
| 80 | 2.000,00 | 1,00 | | 0,90 | 1,00 |
| Área x Valor (R\$/m ²) x Fração Fiscal x Idade x Posição x Tipologia = Valor Venal | | | | | |
| CÁLCULOS E COBRANÇA | | | | | |
| Alíquota | Valor Venal (R\$) | Desconto Concedido (R\$) | IPTU a Pagar (R\$) | | |
| 1% | | 540,00 | y | | |

O Valor Venal é o resultado obtido pela multiplicação de todos os Dados Prediais, entre os quais o Fator Idade, que corresponde a $1 - 0,01x$, sendo x a idade, em anos, do imóvel.

O IPTU a Pagar é igual à centésima parte do Valor Venal subtraída do Desconto Concedido.

A função que calcula o IPTU a Pagar (y) em função da idade do imóvel (x) é

- a) $y = 143.460 - 1.440x$
- b) $y = 1.434,6 - 1.440x$
- c) $y = 1.440 - 14,4x$
- d) $y = 1.060 - 16x$
- e) $y = 900 - 14,4x$

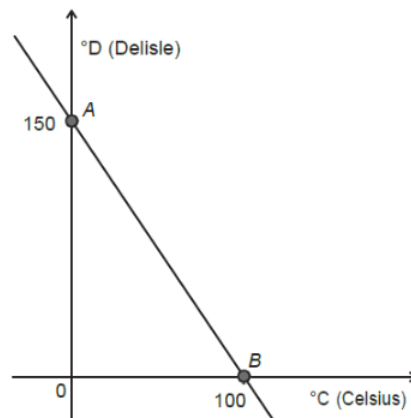
4. (FUNDATEC / Pref. Santiago do Sul - 2020) Dois taxistas, Pedro e Aurélio, cobram suas corridas de maneiras distintas. Pedro utiliza a seguinte $f(x) = 2,8x + 4,50$ e Aurélio usa a $g(x) = 3,20x + 3,00$, em que x é a quantidade de quilômetros rodados e o resultado será o valor a ser cobrado. Supondo que Márcia quer fazer uma corrida de 8 km e fez orçamento com os dois, assinale a alternativa correta.

- a) Indo com Pedro a economia será de R\$ 1,70.
- b) Indo com Aurélio a economia será de R\$ 1,70.
- c) Pedro cobra mais que Aurélio por corrida.
- d) Aurélio cobra menos que Pedro por corrida.
- e) Ambos cobram o mesmo valor final.

5. (CONSULPLAN / CODESG - 2019) Uma fábrica de bolos tem um custo fixo diário de R\$ 415,00, além de um custo médio para produzir cada bolo de R\$ 17,80. Em um certo dia, o custo total da fábrica foi de R\$ 1.216,00. Levando em consideração as condições nesse dia, a quantidade de bolos produzidos por esta fábrica foi:

- a) 23
- b) 38
- c) 45
- d) 68

6. (INEP / ENEM - 2021) A escala de temperatura Delisle ($^{\circ}\text{D}$), inventada no século XVIII pelo astrônomo francês Joseph-Nicholas Delisle, a partir da construção de um termômetro, foi utilizada na Rússia no século XIX. A relação entre as temperaturas na escala Celsius ($^{\circ}\text{C}$) e na escala Delisle está representada no gráfico pela reta que passa pelos pontos A e B.



Disponível em: www.proffibus.com.br. Acesso em: 22 mar. 2013.

Qual é a relação algébrica entre as temperaturas nessas duas escalas?

- a) $2D + C = 100$
- b) $2D + 3C = 150$
- c) $3D + 2C = 300$
- d) $2D + 3C = 300$
- e) $3D + 2C = 450$

7. (CESPE / UNCISAL - 2019) Uma ONG encomendou um estudo de viabilidade referente à construção de uma usina de reciclagem de resíduos. Segundo esse estudo, a quantidade diária de resíduos recolhidos, $M(c)$, em kg, em função da quantidade de catadores, c , satisfaz à equação $M(c) = 3c$. O estudo previu, ainda, que a produção de material reciclado, em kg, em função da quantidade diária de resíduos recolhidos, m , em kg, satisfaz à equação $R(m) = \frac{4}{5}m - 5$. Além disso, também ficou evidenciado pelo estudo que a usina seria viável se a produção de material reciclado fosse de pelo menos 19 kg por dia.

Disponível em: www.reciclarbrasil.com.br. Acesso em: 15 nov. 2018 (adaptado).

Nas condições mostradas pelo estudo, a construção dessa usina será viável se a quantidade de catadores for, no mínimo, igual a

- a) 6
- b) 8
- c) 9
- d) 10
- e) 11

8. (FCC / SEFAZ BA - 2019) Uma empresa estimou o custo unitário para produzir determinada peça de computador em 50 centavos de real. Considerando o custo fixo para a linha de produção dessa peça em 5 mil reais semanais, para obter um lucro semanal de 2 mil reais o número de milhares de unidades que seria preciso vender a 1 real cada é de

- a) 7
- b) 9
- c) 11
- d) 14
- e) 16

9. (CESGRANRIO / TRANSPETRO - 2011) A tabela abaixo apresenta o preço da “bandeirada” (taxa fixa paga pelo passageiro) e do quilômetro rodado em quatro capitais brasileiras.

| Capital | Bandeirada (R\$) | km rodado (R\$) |
|----------------|------------------|-----------------|
| Boa Vista | 2,50 | 2,86 |
| Vitória | 3,40 | 1,85 |
| Natal | 3,88 | 2,02 |
| Rio de Janeiro | 4,40 | 1,60 |

A quantia gasta por um passageiro, em Boa Vista, ao percorrer 10 km de táxi, permite pagar, no Rio de Janeiro, uma corrida máxima de X quilômetros. O valor de X está entre

- a) 13 e 14
- b) 14 e 15
- c) 15 e 16
- d) 16 e 17
- e) 17 e 18

10. (CESPE / Pref. SL - 2017) Se $x \geq 0$ representa a quantidade de quilômetros percorridos por um veículo em determinado dia, então:

- $f(x) = x/12$ representa a quantidade de litros de combustível consumido pelo veículo para percorrer x quilômetros;
- $g(x) = 60 - x/12$ representa a quantidade de litros de combustível que restam no tanque do veículo depois de percorridos x quilômetros.

Tendo como referência as informações acima e considerando que o veículo tenha iniciado o percurso com o tanque de combustível cheio, se, no dia mencionado, o condutor parar o veículo para abastecer quando restarem exatamente 15 litros de combustível no tanque, então, até aquele instante, o veículo terá percorrido

- a) mais de 150 km e menos de 300 km.
- b) mais de 300 km e menos de 450 km.
- c) mais de 450 km e menos de 600 km.
- d) mais de 600 km.
- e) menos de 150 km.

11. (FCC / SEFAZ BA - 2019) A função receita diária, em reais, de determinada empresa de consultoria financeira é dada por $r(x) = 750x$, em que x é o número de consultorias realizadas por dia. Seja a função custo diário $c(x)$, em reais, dessa mesma empresa dada por $c(x) = 250x + 10.000$. O número de consultorias que precisariam ser realizadas, por dia, para que fosse obtido um lucro diário $L(x)$, definido como $L(x) = r(x) - c(x)$, de 5 mil reais é igual a

- a) 10
- b) 15
- c) 20
- d) 25
- e) 30

12. (VUNESP / Pref. Osasco - 2019) Um escritório paga à empresa JC, especializada na manutenção de computadores, uma taxa mensal fixa de R\$ 300,00 mais R\$ 80,00 por hora de serviço prestado. No mês de abril, esse escritório pagou à empresa JC o valor de R\$ 1.500,00, incluindo a taxa fixa mensal. O número de horas de serviço que a empresa JC prestou para esse escritório foi

- a) 25
- b) 22
- c) 20
- d) 18
- e) 15

13. (FGV / SEDUC AM- 2014) No plano cartesiano, considere a reta de equação $x + 3y = 27$.

Há um único ponto dessa reta cujas coordenadas x e y , nesta ordem, são números inteiros consecutivos.

O valor de $x + y$ é

- a) 13
- b) 15
- c) 17
- d) 19
- e) 21

14. (CESGRANRIO / PETROBRAS - 2010) A “Espresso Book Machine” é uma impressora comercial de alta velocidade que imprime uma página de cada vez. As funções $f(x) = 105x$ e $g(x) = 35x$ indicam, respectivamente, as quantidades de páginas em preto e branco e em cores que essa

impressora imprime em x minutos. Utilizando-se essa impressora, em quantos minutos seriam impressas as páginas de um livro que possui 392 páginas, das quais apenas 14 são coloridas?

- a) 3,0
- b) 3,4
- c) 3,6
- d) 3,8
- e) 4,0

GABARITO

1. B
2. D
3. B
4. A
5. C
6. D
7. D
8. D
9. D
10. C
11. E
12. E
13. A
14. E

ESSA LEI TODO MUNDO CONHECE: PIRATARIA É CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



1 Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



2 Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



3 Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



4 Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



5 Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



6 Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



7 Concurseiro(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



8 O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.