



escola  
britânica de  
artes criativas  
& tecnologia

**Profissão: Cientista de Dados**

Inferência

# Objetivos

# Objetivos

- Entender a estrutura, os elementos e os princípios do teste de hipóteses assim como suas limitações

# Pensamento dedutivo vs indutivo

# Pensamento dedutivo

Se  $A \Rightarrow B$

Se  $B \Rightarrow C$

Portanto se  
 $A \Rightarrow C$

Se  $A \Rightarrow B$

Portanto se  
não  $B \Rightarrow$  não  $A$

# Pensamento dedutivo - exemplo

O totó é um  
cachorro

Todo cachorro  
é mamífero

O totó é um  
mamífero

Todo réptil  
é ovíparo

Se o totó não é  
ovíparo, não é réptil

# Pensamento indutivo

Fato  
particular

Conclusão  
geral

As árvores sempre  
floresceram na  
primavera

Provavelmente as  
árvores florescerão  
na próxima primavera

O mágico acertou 10 de 10  
resultados do lançamento de moeda

Ele deve acertar melhor que  
os “não mágicos”

# Pensamento indutivo

Fato particular

Suposição  
probabilística  
(hipótese falseável)

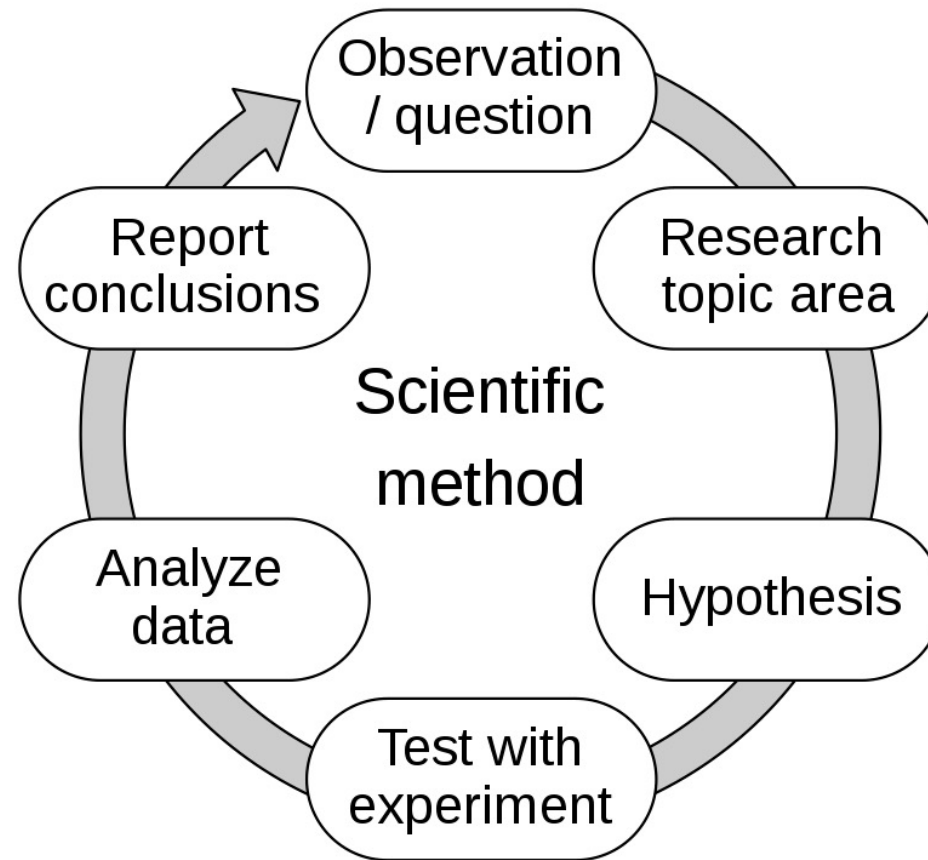
Conclusão geral

O mágico acertou  
10 lançamentos de  
moeda

A probabilidade  
esperada de acerto  
é de 50%

A probabilidade de  
acerto deve ser maior  
que 50%



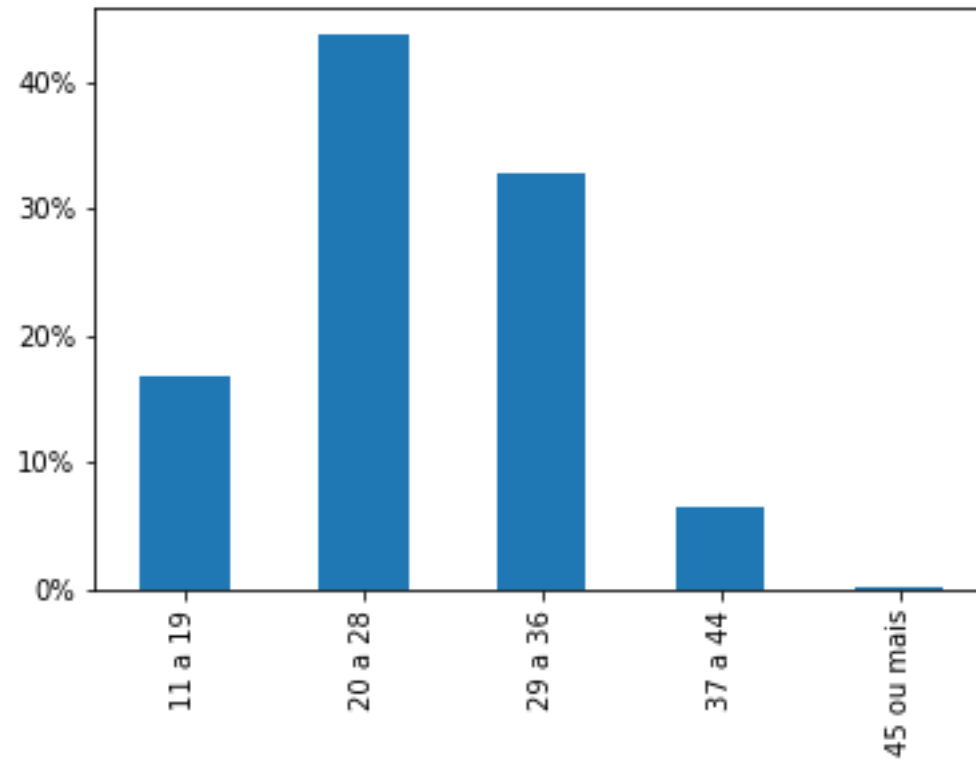
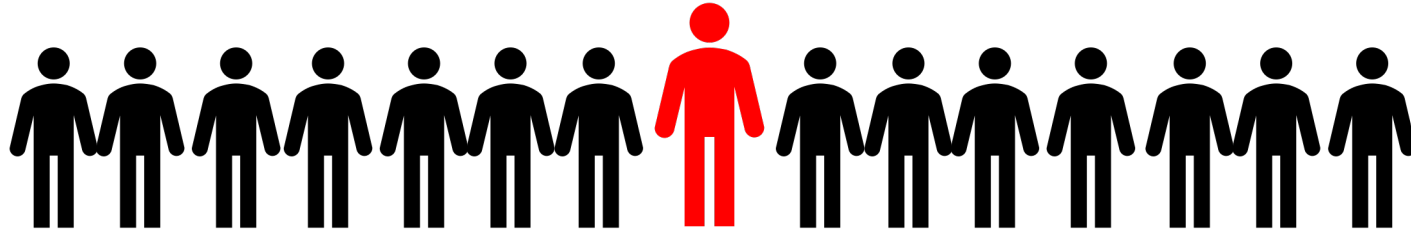


[https://en.wikipedia.org/wiki/Scientific\\_method](https://en.wikipedia.org/wiki/Scientific_method)

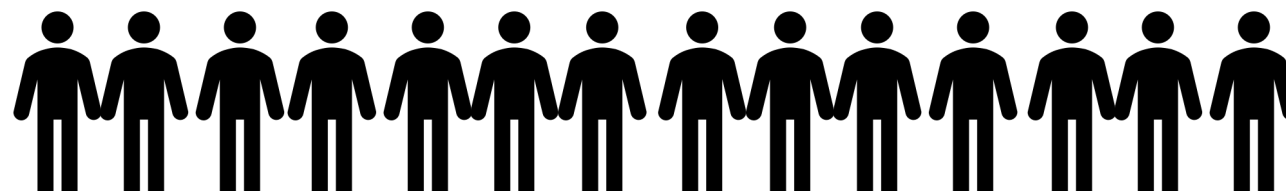
Introdução:

O problema da inferência

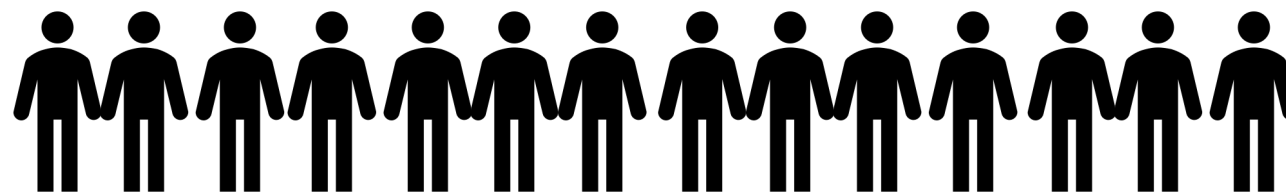
# Probabilidade

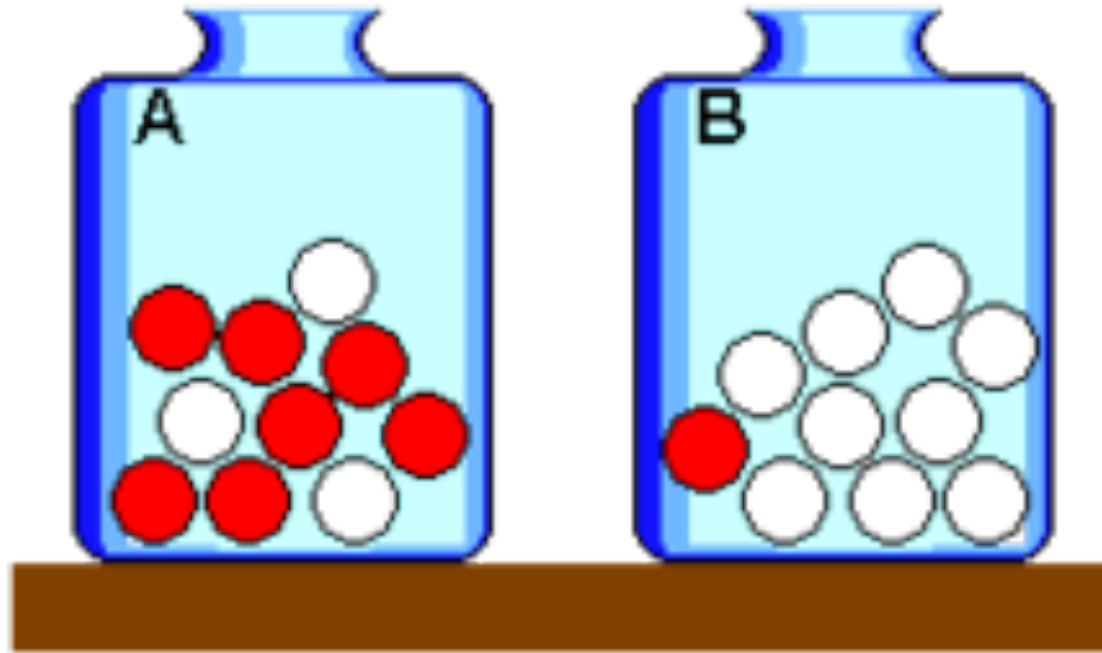


Histórico  
negativo



Sem histórico  
negativo



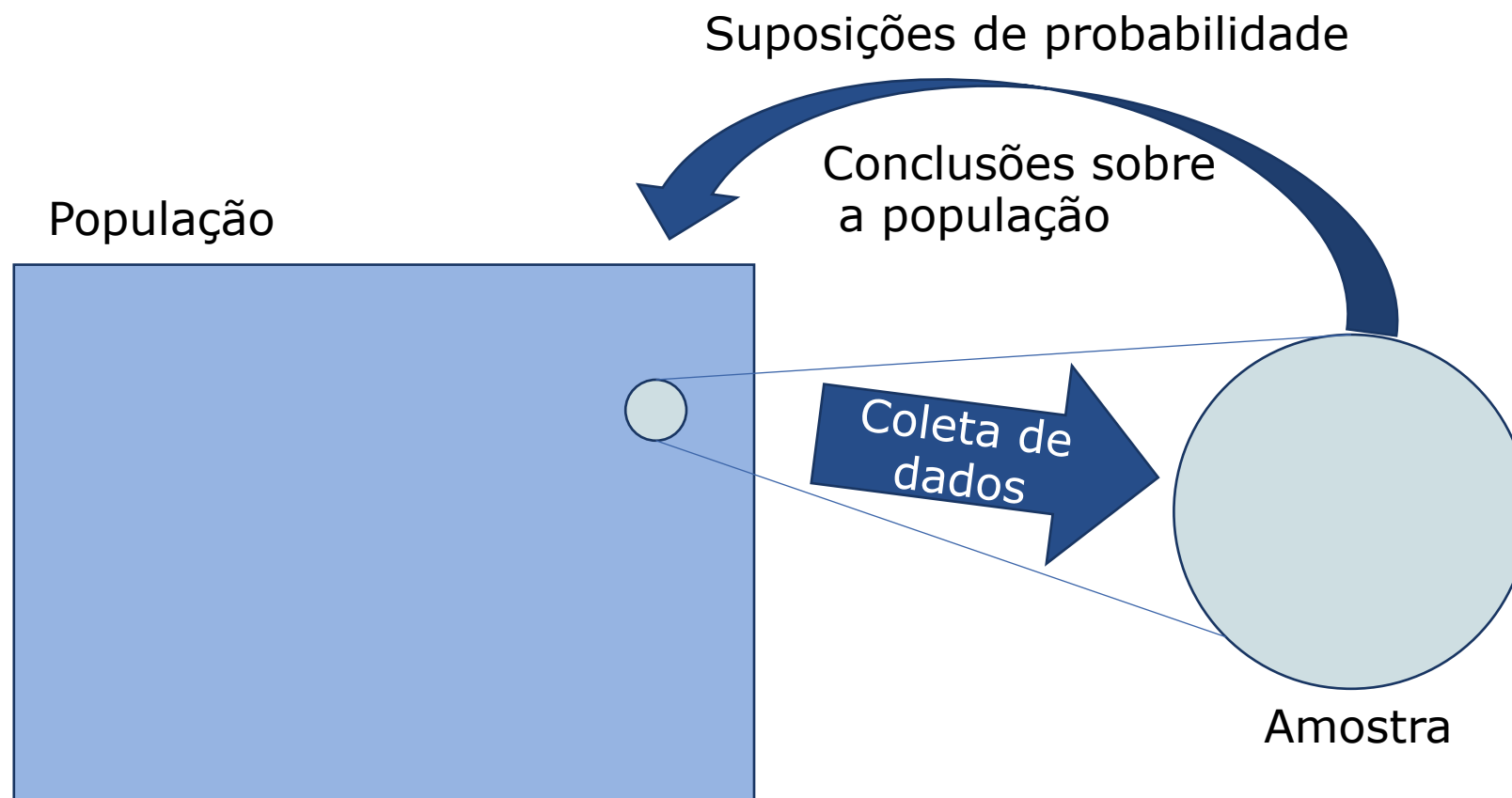




Processo Estocástico

Amostragem transversal  
(*cross section*)





# Teste de hipóteses





Um fabricante de calçado infantil inventou um material novo para o solado.

Ele quer saber se o desgaste é menor que no material tradicional.

Ilustração

# Desenho amostral

Grupo A: 10  
crianças usando  
calçado com  
solado tradicional

Grupo B: 10  
crianças usando  
calçado com  
solado novo



# Distribuição da média

Amostra 1 (tradicional):  $X_{1i} \sim N(\mu_1, \sigma^2)$  i.i.d. para  $i=1, 2, \dots, N_1$

Amostra 2 (novo):  $X_{2i} \sim N(\mu_2, \sigma^2)$  i.i.d. para  $i=1, 2, \dots, n_2$

$\bar{x}_1$ : média amostral do grupo 1

$\bar{x}_2$ : média amostral do grupo 2

$\sigma^2$ : variância

$\sigma\sqrt{2/n}$ : erro padrão de  $\bar{x}_1 - \bar{x}_2$

# Distribuição da média

Amostra 1 (tradicional):  $X_{1i} \sim N(\mu_1, \sigma^2)$  i.i.d. para  $i=1, 2, \dots, N_1$

Amostra 2 (novo):  $X_{2i} \sim N(\mu_2, \sigma^2)$  i.i.d. para  $i=1, 2, \dots, n_2$

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 \sim N\left(\mu_1 - \mu_2, \sigma \sqrt{2/n}\right)$$

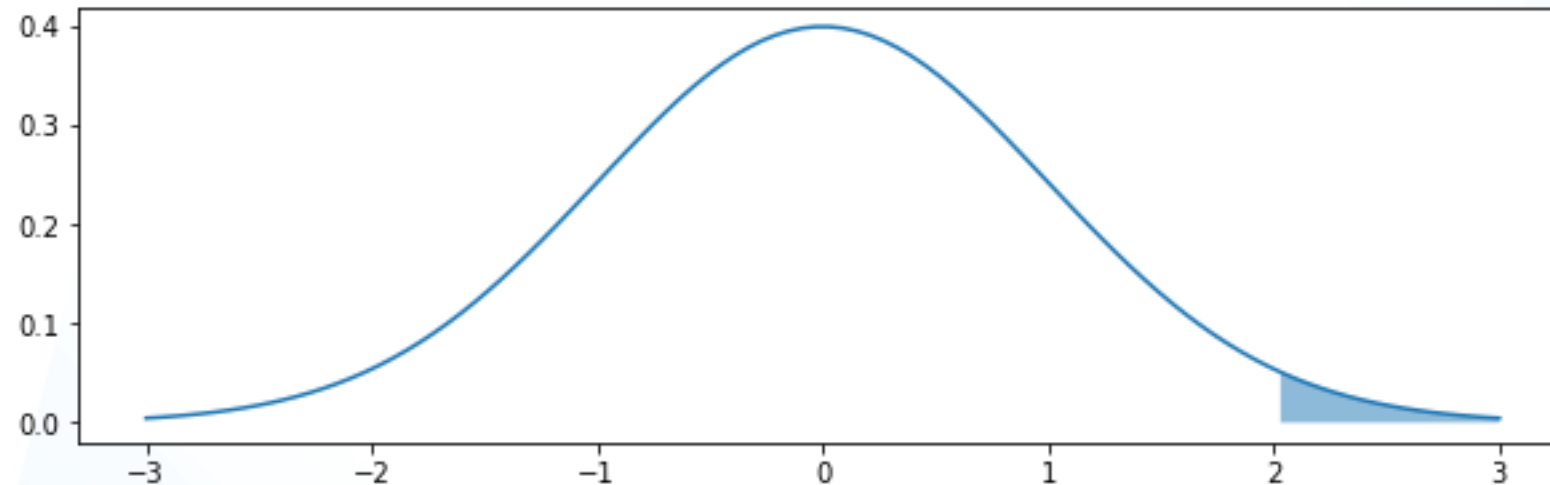
$$\frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sigma \sqrt{2/n}} \sim N(0, 1)$$

# Traduzindo a hipótese em matemática

- O que queremos saber?  
Se o solado novo tem mesmo menor desgaste.  
Do contrário, o desgaste do solado novo é equivalente ou maior.
- Hipótese falseável:  
 $H_0$ : Os desgastes são equivalentes, ou seja,  $\mu_1 - \mu_2 = 0$   
 $H_a$ : O desgaste do solado novo é menor, ou seja,  $\mu_1 - \mu_2 > 0$

# Observando a estatística do teste

Distribuição da estatística de teste sob  $H_0$ :

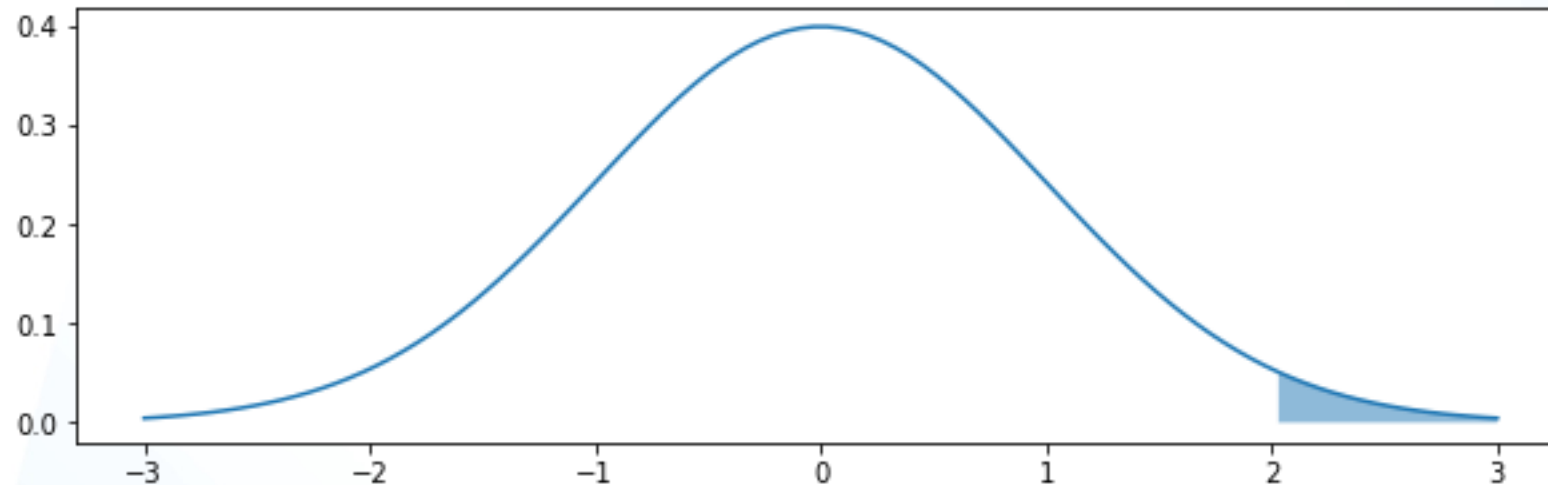


$$z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sigma \sqrt{2/n}} \sim N(0, 1)$$

Se a diferença entre os desgastes for “significante”,  $z$  vai estar “longe” do 0  
Se isso acontecer, concluímos que  $H_0$  é falsa com um erro “pouco significativo”  
O conjunto de valores de  $z$  que leva à rejeição de  $H_0$  é chamado **Região Crítica**

# Erro tipo I no teste

Distribuição da estatística de teste sob  $H_0$ :

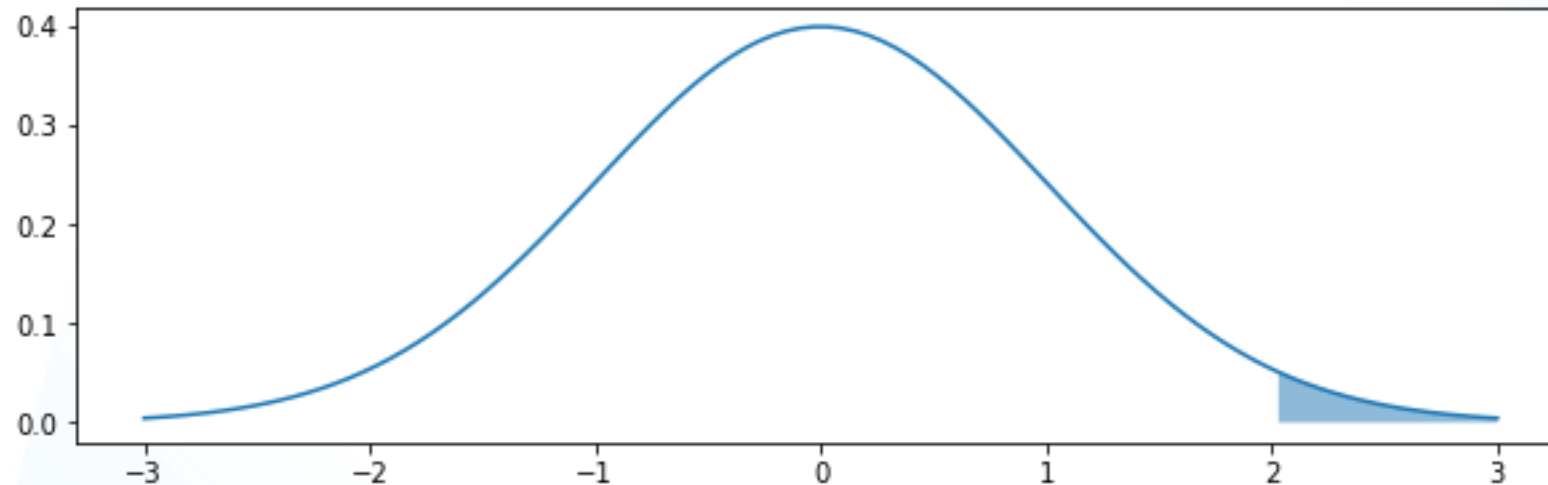


$$Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sigma \sqrt{2/n}} \sim N(0, 1)$$

Se, por hipótese,  $H_0$  é verdadeira, e concluimos que é falsa,  
ISTO É O ERRO TIPO I

# Erro tipo I no teste

Distribuição da estatística de teste sob  $H_0$ :



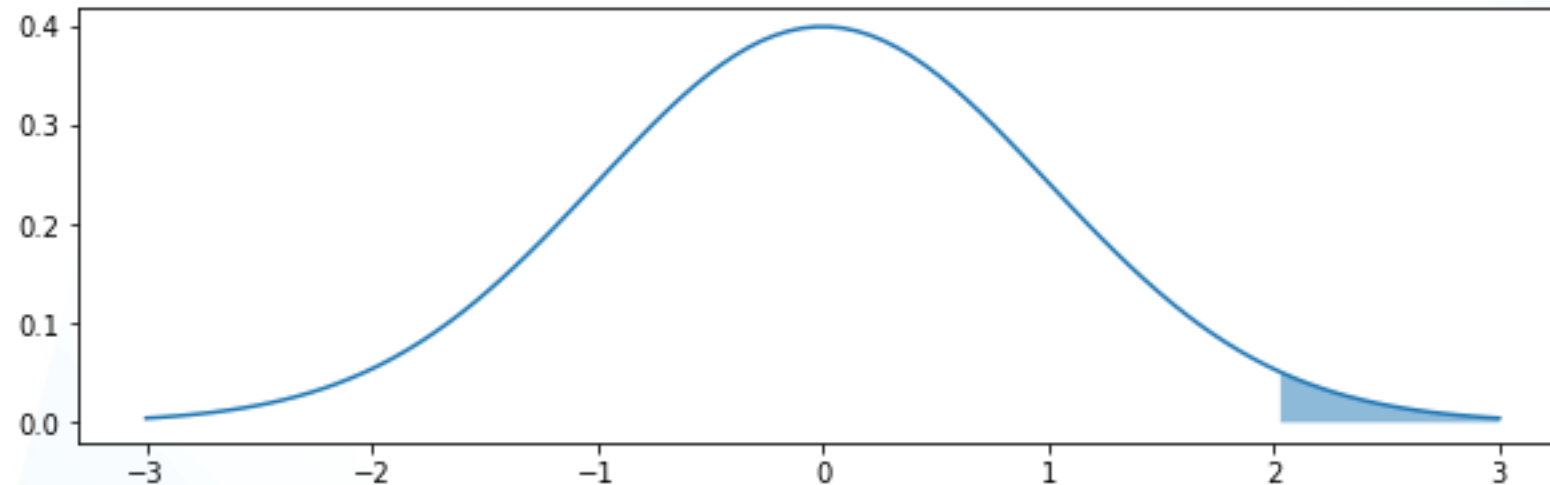
$$Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sigma \sqrt{2/n}} \sim N(0, 1)$$

Conhecendo a distribuição de  $Z$ , podemos definir uma **região crítica** de forma controlar o erro tipo I, digamos, igual a um valor “pequeno”  $\alpha$



# Observando a estatística do teste

Distribuição da estatística de teste sob  $H_0$ :



$$Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sigma \sqrt{2/n}} \sim N(0, 1)$$

Assim, uma afirmação do tipo “rejeitamos  $H_0$ ” vem acompanhada de uma **SIGNIFICÂNCIA**, o erro tipo I do teste, que é o  $\alpha$