



# Estatística:

Mapas Mentais para Concursos Públicos





**Olá! :)**

**Seja muito bem vindo!**

Obrigada por adquirir os **Mapas da Lulu 2.0!** Tenho certeza de que esse material fará toda a diferença em seus estudos e será um atalho para a sua tão sonhada aprovação!

Para quem ainda não me conhece, meu nome é Laura Amorim (@lulu.concurseira), tenho 25 anos, e, após pouco mais de um ano e meio de estudos, fui aprovada em três concursos públicos: Auditor Fiscal do Estado de Santa Catarina (7º lugar), Auditor Fiscal do Estado de Goiás (23º lugar) e Consultor Legislativo (4º lugar), tendo superado uma concorrência de mais de mil candidatos por vaga!

Aprendi que a revisão, muitas vezes ignorada, é a parte mais importante (e essencial!) do aprendizado! Após testar vários métodos, percebi que os meus mapas mentais são, com toda certeza, os melhores instrumentos de estudo e revisão.

Ao longo da minha preparação, fiz e utilizei mais de 700 mapas mentais, desenvolvendo e aperfeiçoando um método próprio de sua construção até chegar aos Mapas da Lulu 2.0, aos quais você terá acesso a partir de agora:

**Os Mapas da Lulu 2.0 visam, sobretudo, otimizar suas revisões e aumentar seu número de acertos de questões, te ajudando a chegar mais rápido à aprovação!** Após resolver mais de 14.700 questões de concursos públicos nos últimos dois anos, percebi quais são os assuntos mais cobrados pelas bancas e suas principais pegadinhas, e todo esse conhecimento foi incorporado em meus mapas para que você, que confia no meu trabalho, possa sair na frente dos seus concorrentes!

Ah, e se você não quiser perder minhas dicas de estudos e motivação diárias, inscreva-se no meu canal do **Youtube**: [Lulu Concurseira](#) e no meu **Instagram**: [@lulu.concurseira](#). Já somos uma comunidade de mais de 154 mil concurseiros em busca do mesmo sonho: a aprovação!



Um beijo,

**Laura Amorim**

[@lulu.concurseira](#)





## PIRATARIA É CRIME.

Atenção:

Este produto é para uso pessoal. **Não compartilhe o seu material.**

Pessoal, os Mapas da Lulu são resultado de mais de dois anos de dedicação aos estudos. Ainda hoje, reservo boa parte do meu dia para produzir conteúdo, responder dúvidas, aconselhar e dar dicas sobre concursos públicos gratuitamente por meio dos meus perfis no Instagram (@lulu.concurseira e @mapasdalulu) e no Youtube (Laura Amorim).

Nunca tive a pretensão de ganhar muito dinheiro com a venda desse material, até mesmo porque prestei concurso público para, dentre outros motivos, alcançar a estabilidade e segurança financeira que queria. Mas preciso cobrir meus custos com site, servidores, distribuição, design e também minhas horas de trabalho empregadas, debruçada sobre a escrivaninha, dores nas costas, cansaço físico e mental.

São mais de 1.000 Mapas Mentais, com tempo médio de uma hora e meia para elaboração de cada um deles. Recebo menos de 50 centavos por hora trabalhada, para poder contribuir para sua aprovação.

Em razão disso, já agradecida pelo carinho e compreensão de todos, peço que **NÃO COMPARTILHE O MATERIAL** por nenhum meio (sites, email, grupos de whatsapp ou facebook...). Se você vir qualquer compartilhamento suspeito, peço que denuncie essa fonte ilegal, por favor e também me envie no suporte@mapasdalulu.com.br. **Pirataria é crime** e pode resultar penas de até QUATRO anos de prisão, além de multa (art. 184, CP).

Agradeço a todos pelo enorme carinho e respeito. Espero que aproveitem muito os Mapas da Lulu.

Um beijo,

Laura Amorim

A decorative graphic on the left side of the page consisting of a grid of small, dark blue dots arranged in a staggered pattern.

# Índice

---

## 1. ESTATÍSTICA

1.1 Distribuições de Frequências	05
1.2 Apresentação de Dados	07
1.3 Médias	09
1.4 Medidas Separatrizes	12
1.5 Moda	15
1.6 Medidas de Dispersão	17



## ASPECTOS GERAIS

- **FREQUÊNCIA** = NÚMERO DE VEZES QUE UM DETERMINADO VALOR APARECE NO CONJUNTO.
- PODERMOS AGRUPAR OS VALORES EM **CLASSES** (CONVENIENTE QUANDO HÁ MUITOS VALORES POSSÍVEIS, OU COM **VARIÁVEIS CONTÍNUAS**)  
→ GANHAMOS SIMPLICIDADE, MAS PERDEMOS DETALHES SOBRE OS ELEMENTOS.

### SÍMBOLOS

- $\text{H}$  INCLUI AMBOS OS LIMITES
- $\text{H}$  { INCLUI LIMITE INFERIOR  
EXCLUI LIMITE SUPERIOR
- $\text{H}$  { INCLUI LIMITE SUPERIOR  
EXCLUI LIMITE INFERIOR
- $\text{—}$  EXCLUI AMBOS OS LIMITES

## EXEMPLO:

ALTURA DOS ALUNOS DE UMA ESCOLA

CLASSES ↓

ALTURA	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	PONTO MÉDIO ( $x_i$ )
150 + 154	4	152
154 + 158	9	156
158 + 162	11	160
162 + 166	8	164
166 + 170	5	168
170 + 174	3	172

TOTAL: 40 = TOTAL DE ALUNOS

DISTRIBUIÇÕES  
DE FREQUÊNCIAS  
= ELEMENTOS =

## ELEMENTOS

### CLASSE

- = CADA GRUPO/INTERVALO DE VALORES.
- EX.: CLASSE 3 = 158 + 162

### LIMITES DE CLASSE

- = EXTREMOS DA CLASSE
- EX.: LIMITES DA CLASSE 3 :  
158 E 162

### AMPLITUDE DE UM INTERVALO DE CLASSE

- = DIFERENÇA ENTRE O LIMITE SUPERIOR E O LIMITE INFERIOR ( $l_{\text{INF}}$ ) ( $l_{\text{SUP}}$ )

$$h = l_{\text{SUP}} - l_{\text{INF}}$$

### AMPLITUDE TOTAL

- = A DIFERENÇA ENTRE O MAIOR E O MENOR NÚMERO DO CONJUNTO INTEIRO. (ELEMENTO)

### PONTO MÉDIO DE UMA CLASSE ( $x_i$ )

- = DIVIDE O INTERVALO EM 2 PARTES IGUAIS. (MÉDIA ARITMÉTICA DOS LIMITES DA CLASSE)

$$x_i = \frac{l_{\text{SUP}} + l_{\text{INF}}}{2}$$

EX.:  $x_1 = \frac{150 + 154}{2} = 152$

## FREQUÊNCIA ABSOLUTA SIMPLIS

- = NÚMERO DE DADOS NA RESPECTIVA CLASSE ( $f_i$ ) (ELEMENTOS)
- SOMA DAS FREQUÊNCIAS SIMPLIS DE TODAS AS CLASSES = TOTAL DE ELEMENTOS ( $n$ ):

$$\sum f_i = n$$

## FREQUÊNCIA RELATIVA SIMPLIS

- = RAZÃO ENTRE A FREQUÊNCIA SIMPLIS DA RESPECTIVA CLASSE E A FREQUÊNCIA TOTAL: (NORMALMENTE EM PORCENTAGEM)

$$f_{ri} = \frac{f_i}{n}$$

## EXEMPLO: (FREQUÊNCIAS SIMPLIS)

ALTURA DOS ALUNOS DE UMA ESCOLA

ALTURA	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	FREQUÊNCIA RELATIVA ( $f_{ri}$ )
150 - 154	4 (ABSOLUTA SIMPLIS)	$4/40 = 0.1 (10\%)$
154 - 158	9	$9/40 = 0.225 (22.5\%)$
158 - 162	11	$11/40 = 0.275 (27.5\%)$
162 - 166	8	$8/40 = 0.2 (20\%)$
166 - 170	5	$5/40 = 0.125 (12.5\%)$
170 - 174	3	$3/40 = 0.075 (7.5\%)$
TOTAL:	40 ( $n$ )	1.00 (100%)

### DENSIDADE DE FREQUÊNCIA

- = RAZÃO ENTRE A FREQUÊNCIA DA CLASSE E SUA AMPLITUDE.

$$d = \frac{f_i}{h}$$

**DISTRIBUIÇÕES DE FREQUÊNCIAS**  
TIPOS DE FREQUÊNCIAS =

## FREQUÊNCIAS ACUMULADAS

- PODE-SE CALCULAR POR FREQUÊNCIAS (MESMO PROCEDIMENTO) { ABSOLUTAS OU RELATIVAS

## FREQUÊNCIA ACUMULADA CRESCENTE

- COPIAR A FREQ. ABSOLUTA DA 1ª CLASSE
- P/O CÁLCULO DA FREQ SEGUINTE: SOMAR A FREQ. ACUMULADA ANTERIOR C/ A FREQ. ABSOLUTA DA CLASSE CORRESPONDENTE.

ALTURA	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	FREQUÊNCIA ACUMULADA ( $f_{ac}$ )
150 - 154	4	4
154 - 158	9	13
158 - 162	11	24
162 - 166	8	32
166 - 170	5	37
170 - 174	3	40
TOTAL:	40 ( $n$ )	40

A FREQ. ACUMULADA DA ÚLTIMA CLASSE = TOTAL DE ELEMENTOS ( $n$ )

- A FREQ. ACUMULADA DE UMA CLASSE, INDICA O NÚMERO DE ELEMENTOS MENORES QUE SEU LIMITE SUPERIOR.

EX.:  $f_{ac3} = 24$  (HÁ 24 ALUNOS C/ MENOS DE 162cm DE ALTURA)

## FREQUÊNCIA ACUMULADA DECRESCENTE

- MESMO PROCEDIMENTO, DE BAIXO P/ CIMA.

## DIAGRAMA DE RAMOS E FOLHAS

- OUTRA REPRESENTAÇÃO DE DADOS EM ROL.

ROL: 11 11 12 13 13 20 21 21 30 31 33  
42 65 72 73

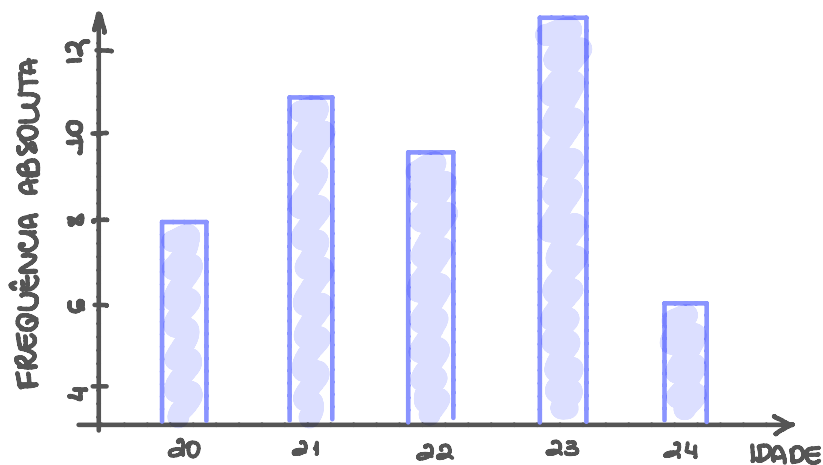
1	11233
2	011
3	013
4	2
6	5
7	23

1ª COLUNA  
DEZENA

UNIDADES  
CORRESPONDENTES

## GRÁFICO DE COWNAS OU BARRAS JUSTAPOSTAS

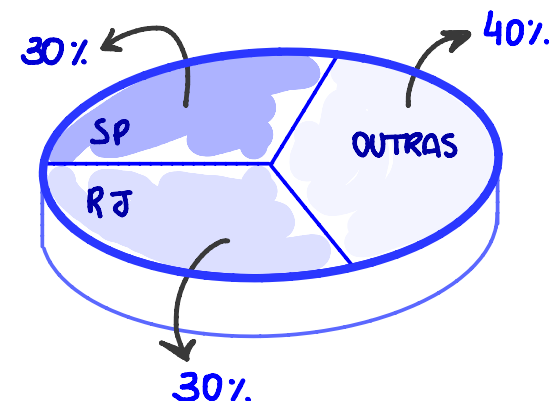
- P/ DADOS AGRUPADOS POR VALOR OU ATRIBUTO.
- EX.: IDADE x FREQUÊNCIA



## GRÁFICO DE SETORES (PIZZA)

- ÚTIL P/ APRESENTAR P/ MOSTRAR DIVISÃO DE UM TODO EM PARTES.

CIDADE NATAL x FREQUÊNCIA

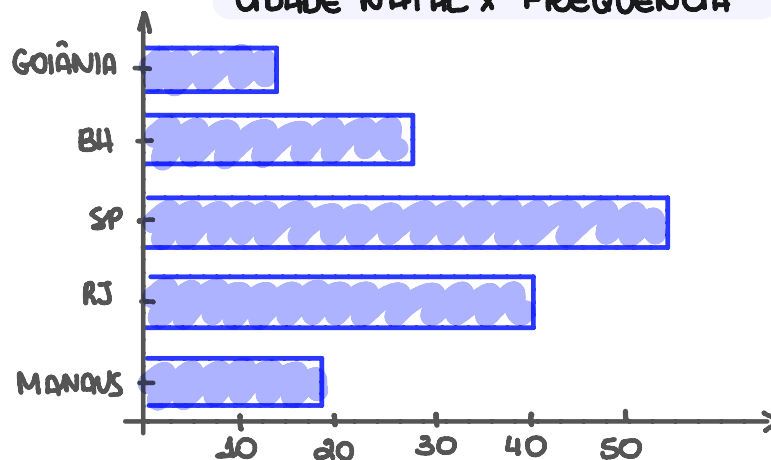


- CADA SETOR CIRCULAR É PROPORCIONAL À RESPECTIVA FREQUÊNCIA.

É POSSÍVEL ENCONTRAR O ÂNGULO POR REGRA DE TRÊS:

$$\begin{array}{lcl} 100\% & \longrightarrow & 360^\circ \\ 30\% & \longrightarrow & x \end{array}$$

CIDADE NATAL x FREQUÊNCIA

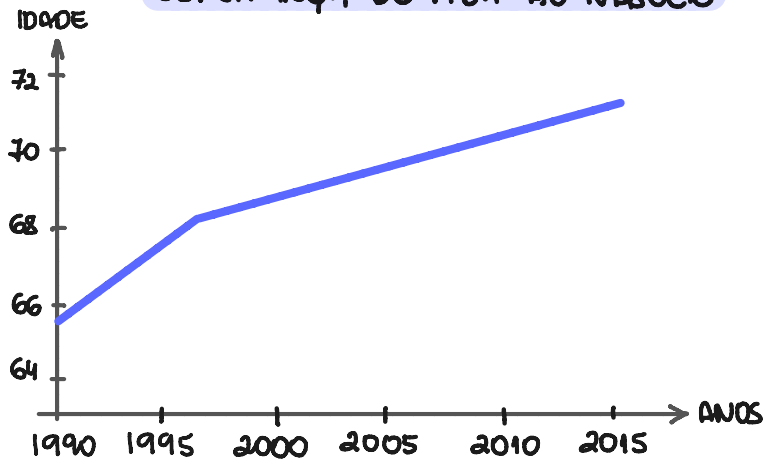




## GRÁFICO DE LINHAS

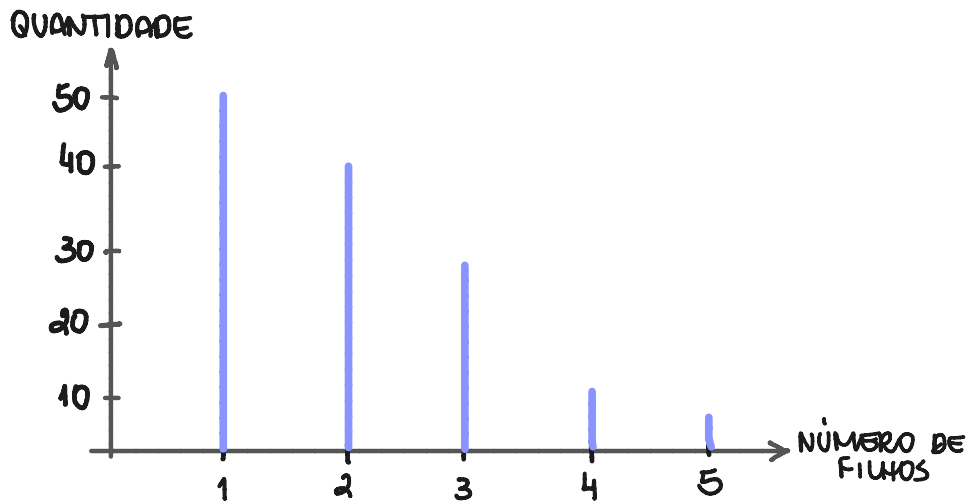
- USADOS NA REPRESENTAÇÃO DE SÉRIES TEMPORAIS.

### ESPERANÇA DE VIDA AO NASCER



## GRÁFICO DE HASTES OU BASTÕES

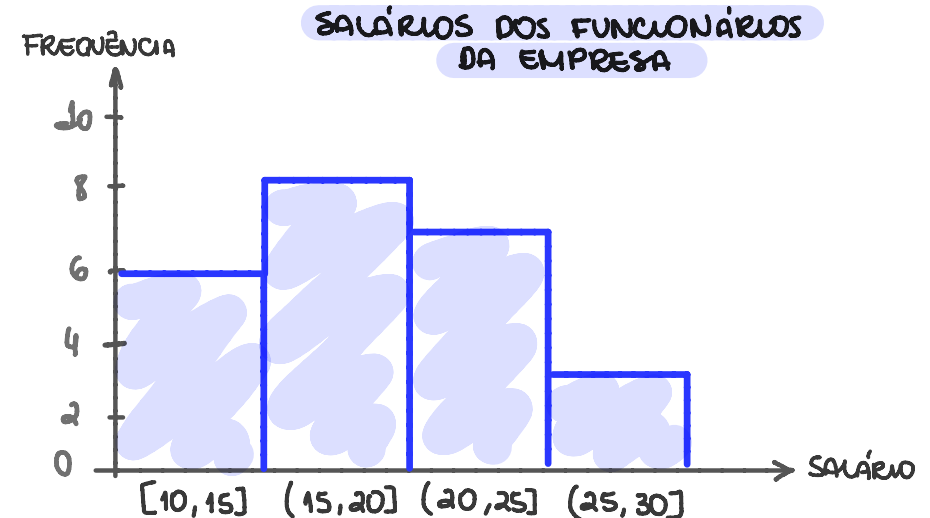
- USADOS P/ REPRESENTAR DADOS NÃO AGRUPADOS EM CLASSES (NORMALMENTE = DADOS DISCRETOS)



# APRESENTAÇÃO DE DADOS

## HISTOGRAMAS

- USADOS P/ REPRESENTAR DADOS AGRUPADOS EM CLASSES (NORMALMENTE = DADOS CONTÍNUOS)
- ↳ = DISTRIBUIÇÕES DE FREQUÊNCIAS.
- RELACIONA CLASSE ↔ FREQUÊNCIA POR RETÂNGULOS CONTÍNUOS
- ÁREA DE CADA RETÂNGULO É PROPORCIONAL À FREQUÊNCIA.



## MÉDIA ARITMÉTICA SIMPLES

$$\bar{X} = \frac{\text{SOMA DOS TERMOS}}{\text{NÚMERO DE TERMOS}}$$

EX.: MÉDIA ARITMÉTICA SIMPLES DOS NÚMEROS 3, 5, 9, 2, 11:

$$\bar{X} = \frac{3 + 5 + 9 + 2 + 11}{5} \quad \text{5 TERMOS (n)}$$
$$= \frac{30}{5} \rightarrow \boxed{\bar{X} = 6}$$

SE TODOS OS NÚMEROS FOREM SUBSTITUÍDOS POR  $\bar{X}$ , A SOMA DOS TERMOS SERÁ PRESERVADA.

$$\text{SOMA} = \bar{X} \cdot n$$

## PROPRIEDADES DA MÉDIA ARITMÉTICA

- SEMPRE EXISTE E É ÚNICA
- **MAIOR NÚMERO**  $\leq \bar{X} \leq$  **MAIOR NÚMERO** DO CONJUNTO
- A **SOMA DOS DESVIOS** EM RELAÇÃO À MÉDIA É **NULA**.
- A **SOMA DO QUADRADO DOS DESVIOS** EM RELAÇÃO À MÉDIA É **MÍNIMA**.
- **SOMANDO-SE** UMA CONSTATANTE  $C$  A TODOS OS NÚMEROS, A NOVA MÉDIA ( $\bar{X}'$ ) SERÁ  $\bar{X}' = \bar{X} + C$  (O EQUIVALENTE P/ SUBTRAÇÃO)
- **MULTPLICANDO-SE** TODOS OS NÚMEROS POR UMA CONSTATANTE  $C$ , A NOVA MÉDIA ( $\bar{X}'$ ) SERÁ  $\bar{X}' = \bar{X} \cdot C$  (O EQUIVALENTE P/ DIVISÃO)

# MÉDIAS

## MÉDIA ARITMÉTICA PONDERADA

- COMO A SIMPLES, MAS OS ELEMENTOS ( $x_i$ ) PODEM TER **PESOS DIFERENTES** ( $p$ ) (COMO EM UMA PROVA, EM QUE AS QUESTÕES DE UMA MATÉRIA VALE MAIS QUE DE OUTRA)

$$\bar{X}_p = \frac{\text{SOMA DOS TERMOS MULTIPLICADOS PELOS RESPECTIVOS PESOS}}{\text{SOMA DOS PESOS}}$$

EX.: MÉDIA ARITMÉTICA PONDERADA DOS SEGUINTE NÚMEROS E SEUS PESOS:

3, PESO 2  
4, PESO 1  
2, PESO 5

$$\bar{X}_p = \frac{3 \cdot 2 + 4 \cdot 1 + 2 \cdot 5}{2 + 1 + 5}$$
$$= \frac{6 + 4 + 10}{8}$$
$$= \frac{20}{8}$$

$$= \boxed{\bar{X}_p = 2.5}$$

USE P/ SIMPLIFICAR OS TERMOS ANTES DE CALCULAR AS MÉDIAS

# MÉDIAS



## MÉDIA P/ DADOS AGRUPADOS POR VALOR

- = MESMA IDÉIA DA MÉDIA PONDERADA
- NORMALMENTE P/ DADOS DISCRETOS.
- EXEMPLO: IDADE DOS ALUNOS DE UMA ESCOLA.

VALOR IDADE ( $x_i$ )	NÚMERO DE OCORRÊNCIAS FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	VOCÊ CALCULA! (COLUNA AUXILIAR) $x_i \cdot f_i$
25	21	525 → = 25 · 21
30	47	1.410
34	54	1.836
38	41	1.558
41	37	1.517
<b>TOTAL:</b>	<b>200</b>	<b>6.846</b>

(= TOTAL DE ALUNOS)

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{\sum f_i}$$

$$= \frac{6.846}{200} \rightarrow \bar{x} = 34,23 \text{ ANOS}$$

## MÉDIA P/ DADOS AGRUPADOS POR CLASSE

- NORMALMENTE P/ DADOS CONTÍNUOS.
- EXEMPLO: ALTURA DOS ALUNOS DE UMA ESCOLA.

CLASSE ALTURA	NÚMERO DE OCORRÊNCIAS FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	VOCÊ CALCULA! PONTO MÉDIO ( $x_i$ )	$x_i \cdot f_i$
150 - 154	4	152	608 → = 152 · 4
154 - 158	9	156	1.404
158 - 162	11	160	1.760
162 - 166	8	164	1.312
166 - 170	5	168	840
170 - 174	3	172	516
<b>TOTAL:</b>	<b>40</b>		<b>6.440</b>

(= TOTAL DE ALUNOS)

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{\sum f_i}$$

$$= \frac{6.440}{40} \rightarrow \bar{x} = 161 \text{ cm}$$

### CÁLCULO DO PONTO MÉDIO ( $x_i$ ):

$$x_i = \frac{\text{LIMITE INFERIOR DA CLASSE} + \text{LIMITE SUPERIOR DA CLASSE}}{2}$$

$$\text{EX.: } x_1 = \frac{150 + 154}{2} = 152$$



## MÉDIA GEOMÉTRICA

- RAIZ  $n$ -ÉSIMA DO PRODUTO DOS TERMOS ( $n$  = NÚMERO DE TERMOS)

$$G = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n}$$

EX.: MÉDIA GEOMÉTRICA DOS TERMOS  
3, 8, 9 :

3 TERMOS ( $n$ )

$$G = \sqrt[3]{3 \cdot 8 \cdot 9} = \sqrt[3]{216} =$$

$$G = 6$$

SE TODOS OS NÚMEROS FOREM SUBSTITUÍDOS POR  $G$ , O PRODUTO DOS TERMOS SERÁ PRESERVADO.

PRODUTO DOS TERMOS =  $\underbrace{G \cdot G \cdot \dots \cdot G}_n$

CAI MUITO EM PROVA!

## DESIGUALDADE DAS MÉDIAS

- P/ UMA SEQUÊNCIA DE NÚMEROS POSITIVOS :

$$\bar{X} \geq G \geq H$$

(SÓ É IGUAL QUANDO TODOS OS NÚMEROS FOREM IGUAIS)

## MÉDIA HARMÔNICA

$$H = \frac{n}{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \dots + \frac{1}{x_n}}$$

- = INVERSO DA MÉDIA ARITMÉTICA DOS INVERSOs: (FÓRMULA ALTERNATIVA)

$$H = \left( \frac{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \dots + \frac{1}{x_n}}{n} \right)^{-1}$$

SE TODOS OS NÚMEROS FOREM SUBSTITUÍDOS POR  $H$ , A SOMA DOS INVERSOs DOS TERMOS SERÁ PRESERVADA.

SOMA DOS INVERSOs =  $\frac{n}{H}$

EX.: MÉDIA HARMÔNICA DOS TERMOS  
3, 4, 9 :

3 TERMOS ( $n$ )

$$\begin{aligned} H &= \frac{3}{\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{9}} \\ &= \frac{3}{\frac{12 + 9 + 4}{36}} = \frac{3}{\frac{25}{36}} = \frac{108}{25} \end{aligned}$$

$$H = 4,32$$

MÉDIAS

# MEDIDAS SEPARATRIZES = MEDIANA =

## MEDIDAS SEPARATRIZES

- **DIVIDEM** OS DADOS EM **PARTES**
- É NECESSÁRIO QUE OS DADOS ESTEJAM DISPOSTOS EM **ORDEM CRESCENTE** (OU DECRESCENTE)  
→ = DISPOSTOS EM "ROL".

### MEDIANA ( $M_d$ )

- = **NÚMERO** QUE SE ENCONTRA NO **CENTRO** DE UMA SÉRIE DE NÚMEROS.

### MEDIANA P/ DADOS NÃO-AGRUPADOS

#### NÚMERO ÍMPAR DE TERMOS ( $n$ )

3, 4, 5, 7, **8**, 9, 10, 12, 13  
4 ELEMENTOS      4 ELEMENTOS  
MEDIANA

- **MEDIANA** = TERMO DE ORDEM  $\frac{n+1}{2}$ .

#### NÚMERO PAR DE TERMOS

3, 4, 5, 7, **8, 9**, 10, 12, 13, 15  
4 ELEMENTOS      4 ELEMENTOS  
MEDIANA =  $\frac{8+9}{2} = 8,5$  (PONTO MÉDIO)

- **MEDIANA** = MÉDIA ARITMÉTICA ENTRE O TERMO DE ORDEM  $\frac{n}{2}$  E  $\frac{n}{2} + 1$ .

### PROPRIEDADES

- A MEDIANA **NÃO** É INFLUENCIADA PELOS **VALORES EXTREMOS** DO ROL. (DEPENDE DA POSIÇÃO)
- **SOMANDO-SE** (SUBTRAINDO-SE) UMA CONSTANTE **C** DE TODOS OS VALORES → A MEDIANA TAMBÉM É SOMADA (SUBTRAÍDA) DE **C**. CAI MUITO EM PROVA

$$M_d' = M_d + C$$

$$M_d' = M_d - C$$

- **MULTIPLICANDO-SE** (DIVIDINDO-SE) TODOS OS VALORES POR UMA CONSTANTE **C** → A MEDIANA TAMBÉM É MULTPLICADA (DIVIDIDA) POR **C**.

$$M_d' = M_d \times C$$

$$M_d' = M_d \div C$$

- A **SOMA DOS MÓDULOS DOS DESVIOS** DA SEQUÊNCIA DE NÚMEROS  $x_i$  EM RELAÇÃO A UM NÚMERO É **MÍNIMA** SE EM RELAÇÃO A **MEDIANA**.

## MEDIANA P/ DADOS AGRUPADOS

### SEM INTERVALOS DE CLASSE

• **EXEMPLO:** NOTAS DE ALUNOS EM UMA CLASSE.

**EXEMPLO 1:**

NÚMERO DE ALUNOS

NOTAS	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	FREQUÊNCIA ACUMULADA ( $f_{ac}$ )
2	2	2
4	6	8
6	10	18
8	12	30
10	9	39
TOTAL:	39 ( $n$ )	39

ESTA COLUNA  
NORMALMENTE  
VOCÊ CONSTRÓI!

TOTAL = 39 (ÍMPAR)

$M_d$  = NÚMERO NA POSIÇÃO  $\frac{n+1}{2}$

$M_d = 20^\circ$  TERMO.

ELE ESTÁ NA CLASSE DE NOTA 8!  
(APÓS A  $f_{ac}$  18 E ANTES DO 30)

LOGO,  $M_d = 8$ .

**EXEMPLO 2:**

NOTAS	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	FREQUÊNCIA ACUMULADA ( $f_{ac}$ )
2	2	2
4	6	8
6	10	18
8	12	30
10	6	36
TOTAL:	36 ( $n$ )	36

TOTAL = 36 (PAR)

$M_d$  = MÉDIA ENTRE  $\frac{n}{2}$  E  $\frac{n}{2} + 1$ .

$M_d$  = MÉDIA ENTRE  $x_{18}$  E  $x_{19}$ .

LOGO,  $M_d = 7$ . = 6 ← = 8 →

## MEDIANA P/ DADOS AGRUPADOS

### EM CLASSES

ALTURA	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )	FREQUÊNCIA ACUMULADA ( $f_{ac}$ )
40 - 50	2	2
50 - 60	5	7
60 - 70	7	14
70 - 80	8	22
80 - 90	3	25
TOTAL:	25 ( $n$ )	25

1º PASSO: DETERMINAR A CLASSE MEDIANA

ENCONTRAR A CLASSE ONDE ESTEJA  
A FREQUÊNCIA ACUMULADA  $\frac{n}{2}$

$$\frac{n}{2} = \frac{25}{2} = 12,5$$

ESTA ENTRE  $f_{ac}$  7 E 14,  
LOGO, CLASSE MEDIANA = 60 - 70

2º PASSO: APLICAR A FÓRMULA:

$$M_d = li + \left[ \frac{n/2 - f_{ac \text{ ant}}}{f_i} \right] \cdot h$$

DO EXEMPLO:

$$M_d = 60 + \left[ \frac{12,5 - 7}{7} \right] \cdot 10$$

$$M_d = 67,85$$

$li$ :	LIMITE INFERIOR
$f_{ac \text{ ant}}$ :	FREQUÊNCIA ACUMULADA DA CLASSE ANTERIOR
$h$ :	AMPITUDE DA CLASSE → 70 - 60
$f_i$ :	FREQUÊNCIA SIMPLES DA CLASSE MEDIANA

MEDIDAS  
SEPARATRIZES  
= MEDIANA =

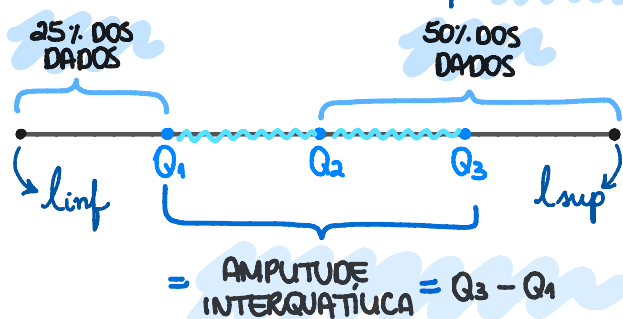


## QUARTIL

- DIVIDE OS DADOS EM 4 PARTES DE MESMA FREQUÊNCIA

→ SÃO 3 QUARTIS C/ 25% DOS DADOS CADA

→  $Q_2$  = MEDIANA!



- AMPUTUDE SEMI-INTERQUATIUCA =  $\frac{Q_3 - Q_1}{2}$

### OBSERVAÇÃO:

$Q_1$  = MEDIANA ENTRE linf E  $Q_2$ .  
 $Q_3$  = MEDIANA ENTRE lnup E  $Q_2$ .

## FÓRMULAS (PROCEDIMENTO ANÁLOGO AO DA MEDIANA)

$$Q_1 = li + \left[ \frac{1 \cdot n/4 - \text{fac ant}}{f_i} \right] \cdot h$$

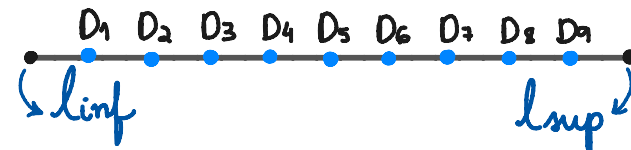
$$Q_2 = li + \left[ \frac{2 \cdot n/4 - \text{fac ant}}{f_i} \right] \cdot h$$

$$Q_3 = li + \left[ \frac{3 \cdot n/4 - \text{fac ant}}{f_i} \right] \cdot h$$

## DECIL

- DIVIDE OS DADOS EM 10 PARTES DE MESMA FREQUÊNCIA

→ SÃO 10 DECIS C/ 10% DOS DADOS CADA



## FÓRMULAS

$$D_k = li + \left[ \frac{k \cdot n/10 - \text{fac ant}}{f_i} \right] \cdot h$$

## PERCENTIL

- DIVIDE OS DADOS EM 100 PARTES DE MESMA FREQUÊNCIA.

→ 100 PERCENTIS C/ 1% DOS DADOS CADA

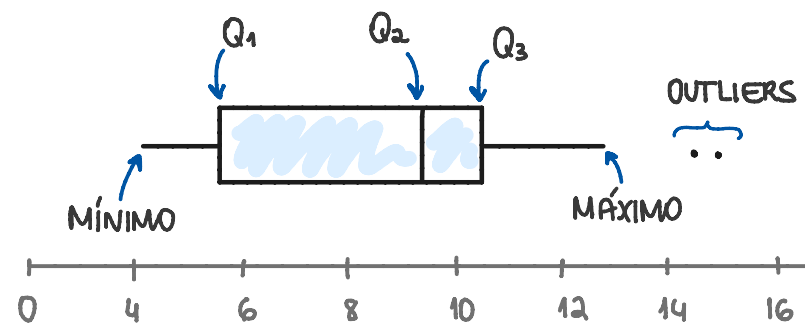
## FÓRMULAS

$$P_k = li + \left[ \frac{k \cdot n/100 - \text{fac ant}}{f_i} \right] \cdot h$$

# MEDIDAS SEPARATRIZES

## BOX PLOT

- GRÁFICOS QUE USAM OS QUARTIS P/ A REPRESENTAÇÃO DE DADOS.
- PODE SER HORIZONTAL OU VERTICAL.



# MODA

## ASPECTOS GERAIS

- = VALOR QUE APARECE C/ **MAIOR FREQUÊNCIA**
- UM CONJUNTO DE VALORES PODE TER **MAIS DE UMA MODA**.

## MODA P/ DADOS NÃO-AGRUPADOS

$X = \{1, 3, 9, 16, 20, 21, 21, 34\}$  = CONJUNTO **AMODAL**

$X = \{1, 3, 9, 16, 16, 16, 20, 21, 21, 34\}$  = CONJUNTO **UNIMODAL**

$X = \{1, 3, 9, 16, 16, 20, 21, 21, 34\}$  = CONJUNTO **BIMODAL**

## MODA P/ DADOS AGRUPADOS

### SEM INTERVALOS DE CLASSE

- A MODA É AQUELE VALOR C/  **$f_i$  MAIOR!**
- **EXEMPLO:** NOTAS DE ALUNOS EM UMA CLASSE

NOTAS	FREQUÊNCIA ( $f_i$ )
2	2
4	6
6	10
8	12
10	9
TOTAL:	39 (n)

FREQUÊNCIA  
SIMPLES

MODA = 8  
(NOTA 8!)

CUIDADO!

A MODA NÃO É A  $f_i$ ,  
MAS O VALOR EM SI!

## PROPRIEDADES DA MODA

- A MODA **NÃO** É INFLUENCIADA PELOS **VALORES EXTREMOS** DO ROL. (DEPENDE DA POSIÇÃO FREQUÊNCIA)
- **SOMANDO-SE** (SUBTRAINDO-SE) UMA CONSTANTE **C** DE TODOS OS VALORES  $\rightarrow$  A MODA TAMBÉM É SOMADA (SUBTRAÍDA) DE **C**.

$$M_o' = M_o + C$$

$$M_o' = M_o - C$$

- **MULTIPLICANDO-SE** (DIVIDINDO-SE) TODOS OS VALORES POR UMA CONSTANTE **C**  $\rightarrow$  A MODA TAMBÉM É MULTIPLICADA (DIVIDIDA) POR **C**.

$$M_o' = M_o \times C$$

$$M_o' = M_o \div C$$

## MODA DE PEARSON

$$Mo = 3 \cdot Md - 2\bar{X}$$

MODA

MEDIANA

MÉDIA

DECORE!

- UTILIZE APENAS QUANDO A QUESTÃO PEDIR **EXPRESSAMENTE**.

ESSAS FÓRMULAS CAEM MUITO EM PROVA

## MODA P/ DADOS AGRUPADOS EM CLASSES

### MODA DE CZUBER

$$Mo = li + \left[ \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \right] \cdot h$$

$$Mo = li + \left[ \frac{f_m - f_{ant}}{(f_m - f_{ant}) + (f_m - f_{post})} \right] \cdot h$$

$$\Delta_1 = f_m - f_{ant}$$

$$\Delta_2 = f_m - f_{post}$$

ALGUNS LIVROS USAM A FÓRMULA ASSIM

### MODA DE KING

$$Mo = li + \left[ \frac{f_{post}}{f_{ant} + f_{post}} \right] \cdot h$$

ESSAS FÓRMULAS DE CZUBER E KING SÓ PODEM SER APLICADAS SE AS **AMPLITUDES** DAS CLASSES (h) FOREM TODAS **IGUAIS**.

## MODA P/ DADOS AGRUPADOS EM CLASSES

### MODA BRUTA

= CLASSE C/ MAIOR FREQUÊNCIA

- É O **PONTO MÉDIO** DA **CLASSE MODAL**.

### EXEMPLO:

ALTURA	FREQUÊNCIA (fi)
40 - 50	2
50 - 60	5
60 - 70	7 <i>f<sub>ant</sub></i>
<b>70 - 80</b>	<b>8 <i>f<sub>m</sub></i></b>
80 - 90	3 <i>f<sub>post</sub></i>
TOTAL:	25 (n)

CLASSE MODAL

<i>li</i>	LIMITE INFERIOR
<i>h</i>	AMPLITUDE DA CLASSE
<i>f<sub>m</sub></i>	FREQUÊNCIA SIMPLES DA CLASSE MODAL
<i>f<sub>ant</sub></i>	FREQUÊNCIA DA CLASSE ANTERIOR
<i>f<sub>post</sub></i>	FREQUÊNCIA DA CLASSE POSTERIOR

SE A CLASSE MODAL FOR:

- PRIMEIRA: *f<sub>ant</sub>* = 0
- ÚLTIMA: *f<sub>post</sub>* = 0

MODA BRUTA = 75.



# MEDIDAS DE DISPERSÃO



## ASPECTOS GERAIS

- = ANÁLISE O AFASTAMENTO DOS DADOS.
- EXEMPLOS:
  - AMPUTUDES (TOTAL, INTERQUATÍLICA ...)
  - DESVIOS (QUATÍLICO, MÉDIO, PADRÃO ...)
  - VARIÂNCIA
  - COEFICIENTE DE VARIAÇÃO

## AMPUTUDE TOTAL

$$A = x_{\text{máx}} - x_{\text{min}}$$

- = DIFERENÇA ENTRE O MAIOR E O MENOR VALOR DE UM CONJUNTO DE DADOS.

## PROPRIEDADES

- SOMANDO-SE (SUBTRAINDO-SE) UMA CONSTANTE  $C$  DE TODOS OS VALORES  $\rightarrow$  A AMPUTUDE NÃO É ALTERADA!
- MULTIPLICANDO-SE (DIVIDINDO-SE) TODOS OS VALORES POR UMA CONSTANTE  $C \rightarrow$  A AMPUTUDE TAMBÉM É MULTIPLICADA (DIVIDIDA) POR  $C$ .

## DESVIOS

- = DIFERENÇA ENTRE UM NÚMERO DO CONJUNTO EM RELAÇÃO A UM NÚMERO ( $m$ ). ( $x_i$ )

$$d_i = x_i - m$$

## PROPRIEDADES

- SOMA ALGÉBRICA DOS DESVIOS RELAÇÃO À MÉDIA É ZERO. ( $\bar{x}$ )

$$\sum d_i = \sum (x_i - \bar{x}) = 0$$

- A SOMA DOS QUADRADOS DOS DESVIOS ( $\sum d_i^2$ ) EM RELAÇÃO A UM NÚMERO  $m$  É MÍNIMA QUANDO  $m = \bar{x}$ .
- A SOMA DOS MÓDULOS DOS DESVIOS ( $\sum |d_i|$ ) EM RELAÇÃO A UM NÚMERO  $m$  É MÍNIMA QUANDO  $m = \text{MEDIANA}$ .

# MEDIDAS DE DISPERSÃO

## DESVIO MÉDIO

- = MÉDIA DOS MÓDULOS DOS DESVIOS DOS TERMOS ( $x_i$ ) EM RELAÇÃO À MÉDIA ( $\bar{x}$ ).

$$D_M = \frac{\sum (|x_i - \bar{x}|)}{n}$$

- EM DADOS AGRUPADOS, DEVE-SE CALCULAR A MÉDIA PONDERADA DOS DESVIOS. OS PESOS SÃO AS FREQUÊNCIAS ( $f_i$ )

$$D_M = \frac{\sum (|x_i - \bar{x}| \cdot f_i)}{n}$$

## VARIÂNCIA (POPULACIONAL)

- = MÉDIA ARITMÉTICA DOS QUADRADOS DOS DESVIOS.

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

- OU  $\sigma^2 = \overline{x^2} - (\bar{x})^2$

$$\sigma^2 = \text{MÉDIA DOS QUADRADOS} - \text{QUADRADO DA MÉDIA}$$

## DESVIO PADRÃO (POPULACIONAL)

- = RAIZ QUADRADA DA VARIÂNCIA.

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}}$$

A VARIÂNCIA E O DESVIO PADRÃO SERÃO NULOS QUANDO TODOS OS TERMOS FOREM IGUAIS.

## SIMBOLOGIA:

$\sigma^2$ : VARIÂNCIA POPULACIONAL

$S^2$ : VARIÂNCIA AMOSTRAL

$$S^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n-1}$$

$\sigma$ : DESVIO PADRÃO POPULACIONAL

$S$ : DESVIO PADRÃO AMOSTRAL

$$S = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n-1}}$$

$$= \left[ \overline{x^2} - (\bar{x})^2 \right] \cdot \frac{n}{n-1}$$

# MEDIDAS de dispersão

## VARIÂNCIA E DESVIO PADRÃO

### PROPRIEDADES

- **SOMANDO-SE** (SUBTRAINDO-SE) UMA CONSTANTE  $C$  DE TODOS OS VALORES : A VARIÂNCIA E O DESVIO PADRÃO NÃO SE ALTERAM.
- **MULTIPUCANDO-SE** (DIVIDINDO-SE) TODOS OS VALORES POR UMA CONSTANTE  $C$  :
  - O **DESVIO PADRÃO** TAMBÉM É MULTIPLICADO (DIVIDIDO) POR  $C$ .
  - A **VARIÂNCIA** É MULTIPLICADA (DIVIDIDA) POR  $C^2$

## VARIÂNCIA E DESVIO PADRÃO

### P/ DADOS AGRUPADOS

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2 \cdot f_i}{n}$$

DEVE-SE MULTIPLICAR CADA RESULTADO PELA RESPECTIVA FREQUÊNCIA

$$s^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2 \cdot f_i}{n - 1}$$

## COEFICIENTE DE VARIAÇÃO

$$C_v = \frac{\sigma}{\bar{x}}$$

= RAZÃO ENTRE O DESVIO PADRÃO E A MÉDIA (É ADIMENSIONAL)

- DÁ UMA **NOÇÃO RELATIVA** DA DISPERÇÃO DOS DADOS → PERMITE "VER" SE O DESVIO PADRÃO É RELEVANTE QUANDO COMPARADO À MÉDIA DOS DADOS.
- $C_v^2$  = VARIÂNCIA RELATIVA.